

الأول الثانوي
الأدبي



الجمهورية العربية الفلسطينية
وزارة التربية والتعليم

الفيزياء



Protractor



Compass



FOCUSING
WHEEL
FOCUSING
EYEPIECE



17,000
LIGHT-YEARS FROM EARTH
OMEGA

4.2
LIGHT-YEARS
FROM EARTH
CENTAURUS



كتاب الطالب

2025 - 2026 م

1447 هـ

الجمهورية العربية السورية
وزارة التربية والتعليم

الفيزياء

الصف العاشر الأدبي

2025–2026 م

تأليف
فئة من المختصين

حقوق الطباعة والتوزيع محفوظة للمؤسسة العامة للطباعة
حقوق التأليف والنشر محفوظة لوزارة التربية والتعليم
الجمهورية العربية السورية

طُبِعَ لأول مرة في العام الدراسي: 2017 – 2018م

المقدمة

نقدّم للمتعلّمين الأعزّاء كتاب الفيزياء المبنيّ وفق الإطار العام للمنهاج الوطني ووثيقة المعايير الوطنيّة المطوّرة، والتي تهدف إلى مواكبة التطوّرات الحاليّة، وتقديم منهاج قائم على البحث العلمي والتجريب يلبّي آمال المتعلّمين من جهة، ومتطلّبات سوق العمل والمجتمع المحلي من جهةٍ أخرى.

يشهد العالم ثورةً معرفيّةً يرافقها تسارعٌ في إنتاج المعرفة وانتشارها وتطوّر التّقانات المستخدمة إضافةً إلى سرعة التغيّرات في مجالات الحياة كلها.

لذلك وجب ربط المنهاج بالحياة اليوميّة للمتعلّم وبيئته، ومواكبة المستجدّات العلميّة والتّنيّة التي سيكون لها الأثر الفعّال في تنمية شخصية المتعلّم من النّاحيتين الفكريّة والجسديّة، وهذا ما يسمح له بالتكامل مع متطلّبات الحياة المعاصرة، والمساهمة في التّمية الوطنيّة المستدامة.

يخاطب المحتوى العلمي المتعلّم بوصفه محور العمليّة التّربويّة، ويشجّعه على التّعلم الذاتي، حيث صيغت موضوعات الكتاب بأسلوب علمي مبسّط وواضح لتناسب النّمو العقلي والعمرى للمتعلّم وتثير دافعيّته. كما يركّز المحتوى على المعارف والمهارات بعيداً عن الحشو والتّكرار، ويمكن المتعلّم من مواجهة المشكلات التي يتعرّض لها في حياته اليوميّة، وإيجاد الأساليب المناسبة لحلّها، وكذلك يحفز المتعلّم على اكتساب مهارات التّواصل والتّفكير والبحث والاستنتاج بدلاً من تلقّي المعلومات وحفظها واستظهارها، كما يؤكّد المحتوى على دور المعلّم بوصفه موجّهاً للمناقشة، وميسراً للعلم والعمل. وكلّنا أملٌ وثقة أن يحقق زملاؤنا المعلّمون ما نصبو إليه.

فريق التّأليف

الفهرس

الوحدة الأولى: الحركة والتحريك

الدرس الأول:

6 الحركة

الدرس الثاني:

20 الحركة المستقيمة

الدرس الثالث:

32 قوانين نيوتن وتطبيقاتها

الدرس الرابع:

44 العمل والاستطاعة

الوحدة الثانية: الكهرباء

الدرس الأول:

58 الكهرباء الساكنة

الدرس الثاني:

64 حقل كهربائي

الدرس الثالث:

76 الكمون

الدرس الرابع:

84 فرق الكمون

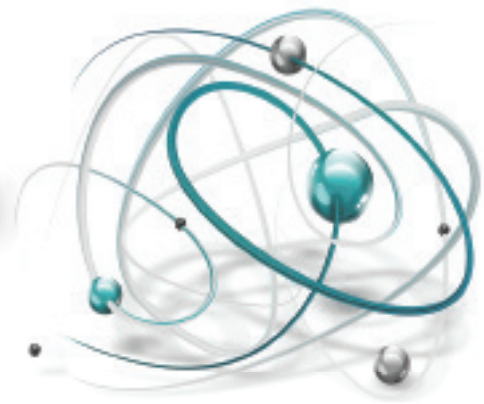
الوحدة الأولى

الحركة والتحريك

عندما تحرك فأرة الحاسوب يتحرك المؤشر على شاشة الجهاز.
كيف تنتقل الحركة من كرة فأرة الحاسوب إلى جهاز الحاسوب ليتحرك المؤشر في اتجاه الحركة ذاته؟

تحتك الكرة في أثناء حركتها بأسطوانتين أو أكثر داخل الفأرة حيث تقيس حركات الكرة إلى الأمام وإلى الخلف وإلى الأعلى وإلى الأسفل. وتكون حركة المؤشر على شاشة الحاسوب موضحة لحركة هاتين الأسطوانتين.





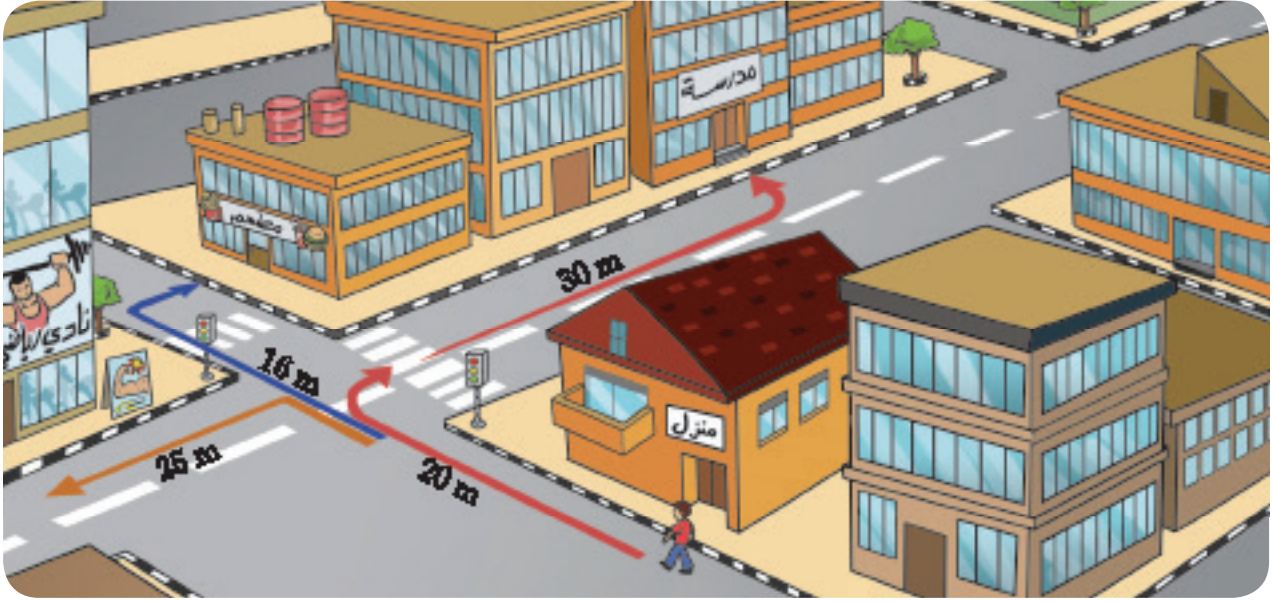
المعطيات

- * يتعرّف الجمل المرجعية
- * وجمل المُقارنة.
- * يتعرّف المسافة والفاصلة والإزاحة.
- * يتعرّف شعاع السرعة.
- * يوازن بين السرعة الوسطى والسرعة اللحظية.
- * يميز بين السرعة الثابتة والسرعة المتغيرة.
- * يرسم الخط البياني لتغيرات المسافة بدلالة الزمن.
- * يفسر الخط البياني لتغيرات المسافة بدلالة الزمن.
- * يتعرّف شعاع التسارع.
- * يميز بين التسارع الوسطي والتسارع اللحظي.
- * يرسم الخط البياني لتغيرات السرعة بدلالة الزمن.
- * يفسر الخط البياني لتغيرات السرعة بدلالة الزمن.

الكلمات المفتاحية:

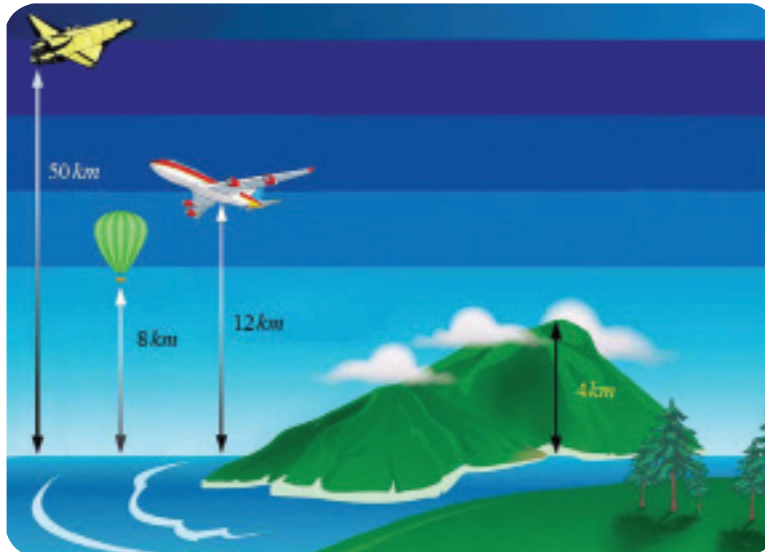
- * السرعة الوسطى
- Average Velocity
- * السرعة الآنية
- Instantaneous Velocity
- * التسارع
- Acceleration

ألاحظ وأجيب:

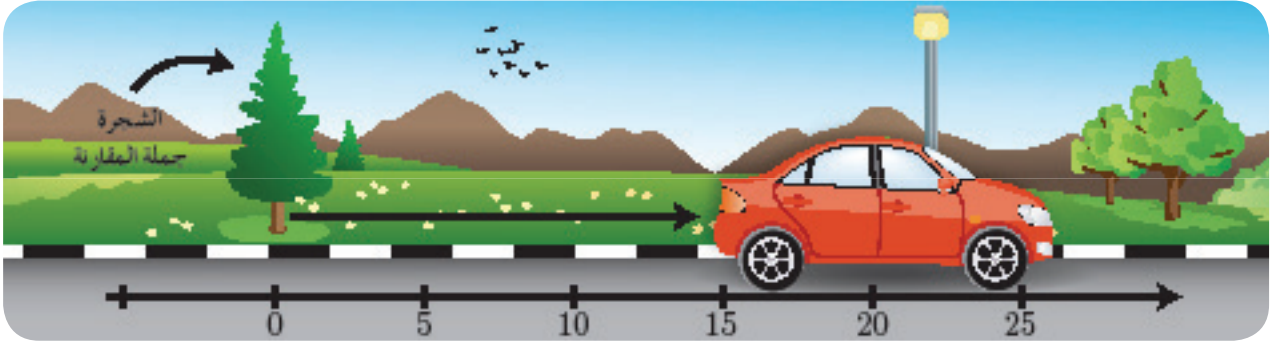


أنعم النظر في الشكل السابق، وأجب عن الأسئلة الآتية:

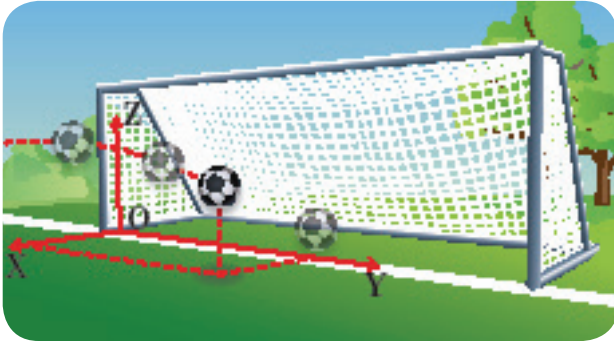
1. ما هي المسافة بين المنزل والمدرسة الثانوية؟
2. هل المسافة بين المنزل والنادي الرياضي تساوي المسافة بين المنزل والمطعم؟
3. إذا انطلقت من المنزل إلى المدرسة صباحاً، وبعد انتهاء الدوام عدت إلى النادي، ثم عدت إلى المنزل، ما هي المسافة التي قطعتها؟
4. ما المكان المشترك في الأسئلة السابقة؟ وما المقدار الفيزيائي المتغير بالنسبة للمكان المشترك؟
- من خلال المناقشة السابقة ستلاحظ أن قياس المسافة بين جسم معين وجسم آخر يحتم علينا اختيار أحدهما كمرجع ثابت، وهذا الجسم المرجعي الذي لا يغير موضعه بالنسبة للأرض يُسمى بالجمل المرجعية.
5. في الشكل الآتي: ما الجمل المرجعية برأيك؟



6. بهدف مراقبة جسم ساكن أو متحرك بشكلٍ دقيق، يمكنُ أن ندعوَ الجملةَ المرجعيةَ بجملة مقارنة. ومن جمل المُقارنة:



جملة المقارنة على مستقيم



جملة مقارنة في الفراغ



جملة مقارنة في المستوي

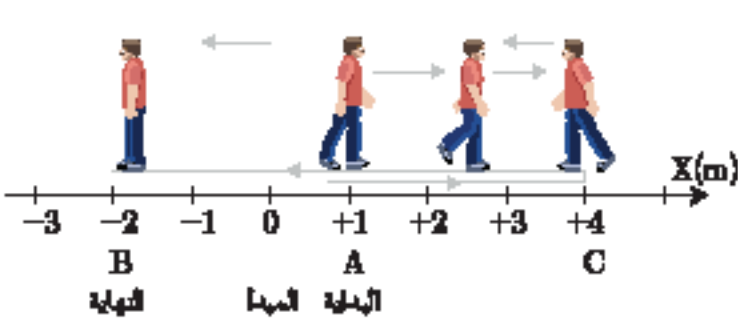
وقد يكونُ الجسمُ ساكناً ومتحركاً في آنٍ واحدٍ، وذلك بالنسبة لجملتي مُقارنة مختلفتين. حيثُ يُلاحظُ أنَّ السائق ساكن بالنسبة للسيارة، ومتحرك بالنسبة للشجرة على طرف الطريق كما في الشكل الآتي.



أستنتج: نقولُ عن جسمٍ ما بأنه متحرك بالنسبة لجملة مقارنة إذا تغيّر موضعه عنها بتغيّر الزمن. وتُصنّف جمل المُقارنة بالنسبة للمُراقب إلى:

- جملة مُقارنة خارجيّة: المُراقب الذي يصفُ الحركة غيرُ مُرتبطُ بالجسم المتحرك.
- جملة مُقارنة داخلية: المُراقب الذي يصفُ الحركة مُرتبطُ بالجسم المتحرك.
- لدراسة حركة جسمٍ ما لا بدّ من تحديد: جملة مُقارنة، وحدة قياس مُناسبة ومبدأ لقياس الزمن.

2-1 المسافة والفاصلة وشعاع الإزاحة



ألاحظ وأجيب:

يتحرك باسـلّ على طريق أفقيّة مُستقيمة.

أنعم النّظر في الصّورة المُقابلَة وأجيب:

ما طول المسار الذي سلكه باسـلّ:

- من A إلى C ؟
- من C إلى B ؟
- من A إلى B مروراً بالنقطة C ؟

1-2-1 المسافة:

أستنتج:

المسافة: هي طول المسار الذي يسلكه الجسم المتحرك في أثناء حركته بغضّ النّظر عن جهة الحركة، وهي مقدارٌ موجبٌ دوماً، وحدّته في الجملة الدولية هي المتر.

نشاط (1):

إذا أخذنا اتّجاه المحور بعين الاعتبار في الشّكل السّابق:

- ما بعد النقطة A مكان انطلاق باسـل عن مبدأ الإحداثيات O ؟
- ما بعد النقطة B مكان وصول باسـل عن مبدأ الإحداثيات O ؟

2-2-1 الفاصلة:

أستنتج:

الفاصلة: تعبيرٌ للدّلالة على البعد بين نقطة من المحور الموجّه، ومبدأ الإحداثيات (O)، وتُقرن الفاصلة بالإشارة (+) للقياس بالاتّجاه الموجب للمحور وبالإشارة (-) للقياس بالاتّجاه السّالب للمحور.

ملاحظة:

يمكن حساب البعد بين النقطتين A و B من محور موجّه بالعلاقة:

البعد بين نقطتين من محور موجّه = الفاصلة النهائية - الفاصلة الابتدائية
كالآتي:

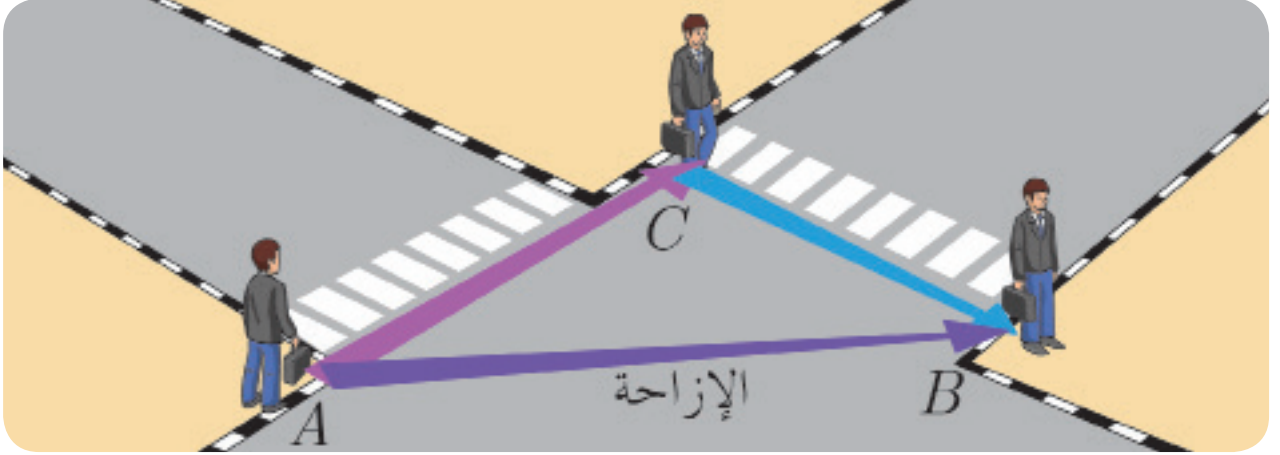
$$AB = X_B - X_A = (-2) - (+1) = -3 \text{ m}$$

تدلّ الإشارة السّالبة على أنّنا نسير بالاتّجاه السّالب للمحور.

3-2-1 شعاع الإزاحة:

ألاحظ وأستنتج:

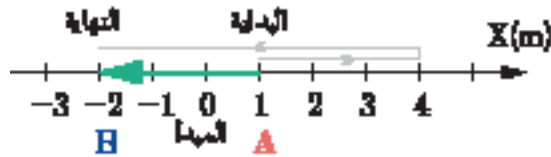
أرادَ باسلٌ عبورَ الشارع من الموضع A إلى الموضع C ، قاطعاً مسافة 8 m ، ثمَّ عبورَ الشارع الثاني من الموضع C إلى الموضع B ، قاطعاً مسافة أخرى قدرها 6 m الموضح في الشكل:



- ما المسافة الكلية التي قطعها باسل؟
- ما طول القطعة المستقيمة الموجهة $\vec{AB}$ ؟
- نسَمي القطعة المُستقيمة الموجهة $\vec{AB}$ بشعاع الإزاحة $\vec{AB}$.
- وهو شعاعٌ يتَّجه من الموضع الابتدائي إلى الموضع النهائي للمتحرك وطويلته تساوي البُعد بين الموضعين.

تطبيق (1)

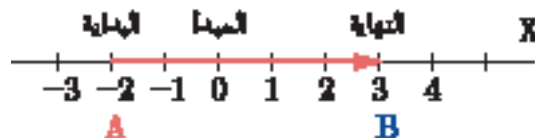
أنظر إلى الشكل المُجاور، وأجب عن الآتي:



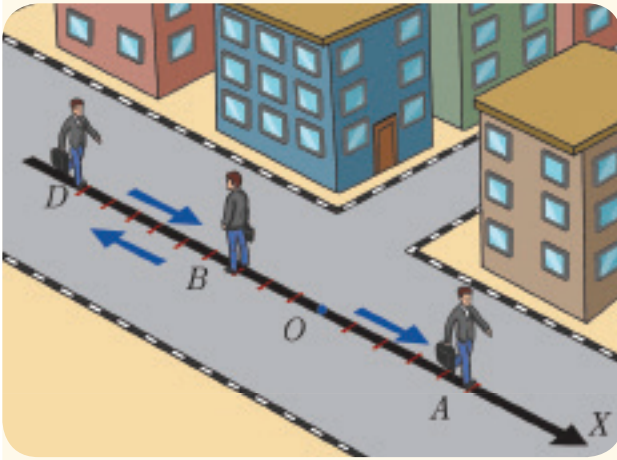
- ما مقدار الإزاحة من الموضع A إلى الموضع B ؟
 - ما طول شعاع الإزاحة $\vec{AB}$ ؟
- بتطبيق علاقة البُعد بين نقطتين، نجد مقدار الإزاحة: $AB = x_B - x_A = (-2) - (+1) = -3\text{ m}$
- طويلة شعاع الإزاحة $\vec{AB}$ تمثل الإزاحة من النقطة A إلى النقطة B وتساوي 3 m .

ملاحظة:

يمكن إيجاد طويلة شعاع الإزاحة من الرسم مباشرةً.



أختبر نفسي



1. انظر إلى الشكل المُجاوِر، وحدّد طويلة شعاع

الإزاحة $\overrightarrow{AB}$ ؟

2. انطلق شخصٌ من النقطة B فاصلتها (-3) باتجاه

النقطة D فاصلتها (-9)، ثمّ عادَ باتجاه النقطة A فاصلتها (+5).

المطلوب:

- حسابُ المسافة التي قطعها الشخصُ.
- ما هي جهةُ شعاع الإزاحة الحاصل؟
- حدّد بدايته ونهايته وطويلته

3-1 مفهومُ السرعة:

1-3-1 السرعة الوسطى v_{avg}

نشاط (2):



انطلقت سيارتان في اللحظة ذاتها من مدينة دمشق، فقطعتا مسافةً 160 km لتصلّا إلى مدينة حمص خلال زمنٍ قدره ساعتان، السيارة الأولى تابعت الرحلة من دون توقّف. أمّا السيارة الثانية، فتوقفت للتزوّد بالوقود ثمّ تابعت طريقها لتصلَ إلى حمص، ومع ذلك وصلت في اللحظة ذاتها، فكّر ثم أجب:

1. احسب سرعة كلّ منهما؟
2. هل النتيجة مُقنعةٌ ودقيقة؟
3. هل للسيّارتين السرعةُ ذاتها على طول المسار، فسّر ذلك؟

السرعة الوسطى عددياً: هي المسافة المقطوعة مقسومةً على الزمن اللازم لقطعها:



$$v_{avg} = \frac{\overline{M_1 M_2}}{\Delta t} = \frac{\Delta \overline{X}}{\Delta t} = \frac{\text{المسافة المقطوعة}}{\text{الزمن}}$$

السرعة الوسطى لا تُعطي القيمة الدقيقة للسرعة.

2-3-1 السرعة الآنية v

ألاحظ وأجيب:



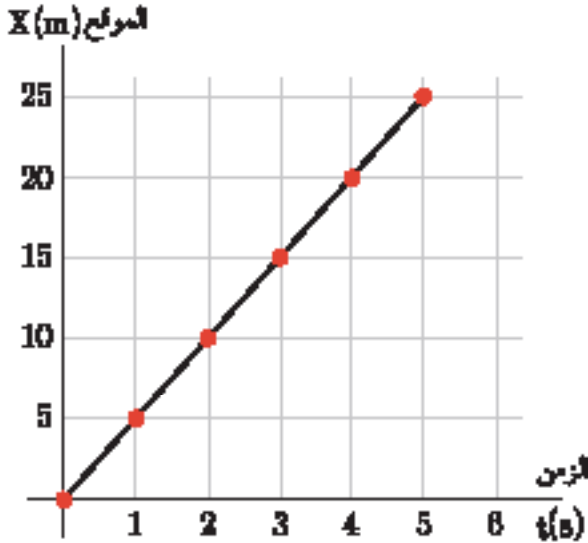
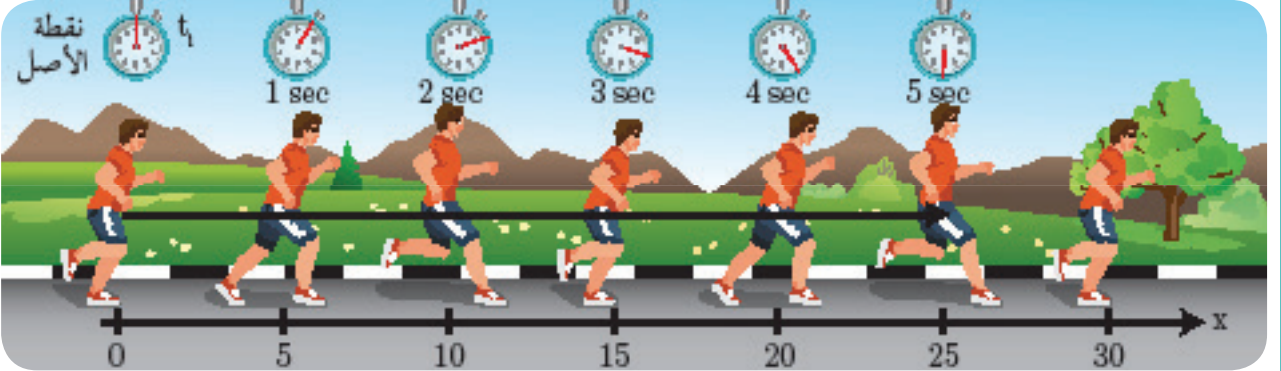
هل السيارة متحركة؟ وما قيمة سرعتها؟
إن القراءة المباشرة للقيمة التي تظهر على عداد السرعة في سيارة متحركة يدلنا عملياً على القيمة اللحظية للسرعة، وهي أكثر دقة من السرعة الوسطى، فهي تصف التغيرات الصغيرة في المسافة خلال فواصل زمنية صغيرة جداً.

أي تحول السرعة الوسطى إلى السرعة الآنية أو اللحظية عندما يكون التغير في المسافة صغيراً خلال فاصل زمني صغير جداً $v = \frac{dx}{dt}$

3-3-1 السرعة الثابتة والسرعة المتغيرة

كيف نحكم على جسم أنه يتحرك بسرعة ثابتة؟
ألاحظ وأستنتج:

يجري عداء على طريق مستقيم، حيث تتغير فاصلته (موقعه) بتغير الزمن وفق الجدول الآتي:



الزمن (s)	الموقع (m)
0	0
1	5
2	10
3	15
4	20
5	25

1. احسب النسبة $\frac{\Delta x}{\Delta t}$ في القياسات السابقة. ماذا أستنتج؟
2. احسب ميل الخط البياني.
3. قارن بين النتائج التي حصلت عليها. ماذا أستنتج؟
4. توقع ما هي فاصلة العداء في اللحظات: $t = 6\text{ s}$, $t = 7\text{ s}$ ؟

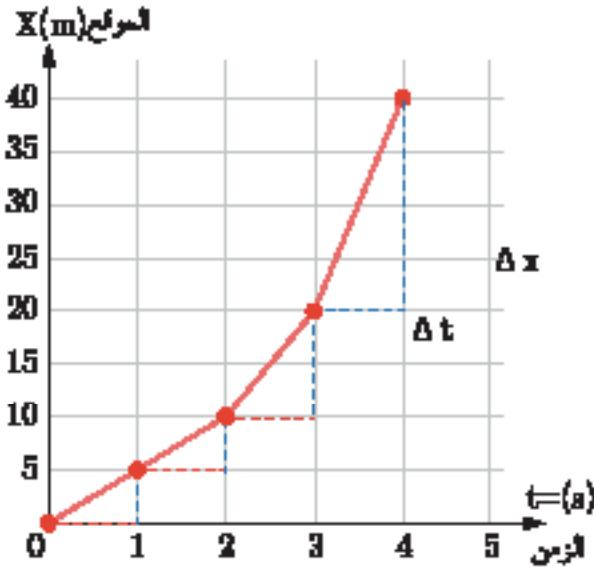
أستنتج:

- تكون سرعة المتحرك ثابتة القيمة، إذا قطع المتحرك مسافات متساوية خلال فواصل زمنية متساوية.
- ندعو ميل الخط البياني السابق (المستقيم) بالسرعة اللحظية.

$$v = v_{avg} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{dx}{dt} = \text{const}$$

ألاحظ وأستنتج:

لدينا الخط البياني الآتي الذي يصف تغير موضع جسم خلال فواصل زمنية متساوية، قيمة كل منها ثانية واحدة:



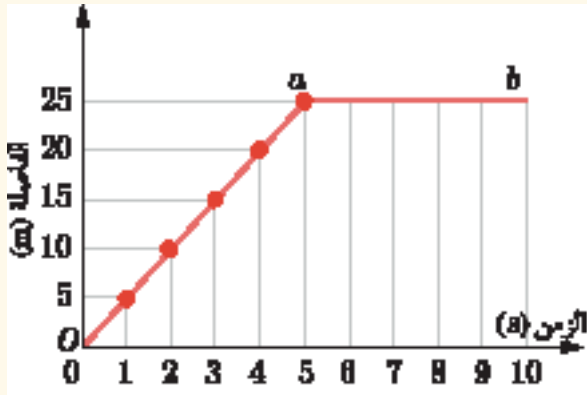
الموقع (m)	الزمن (s)
0	0
5	1
10	2
20	3
40	4
45	5

1. أحسب النسبة $\frac{\Delta x}{\Delta t}$ لكل موضعين متتاليين.
2. هل النسب السابقة متساوية؟
3. ماذا أستنتج؟

أستنتج: تكون سرعة المتحرك غير ثابتة القيمة إذا قطع مسافات غير متساوية خلال فواصل زمنية متساوية.

ويلاحظ أن الخط البياني لتغيرات المسافة بتغير الزمن في حالة السرعة غير الثابتة ليس مستقيماً.

أختبر نفسي



1. يصف الرّسم البياني الآتي تغيّر فاصلة جسمٍ مُتحركٍ بتغيّر الزمن. أجب عن الأسئلة:

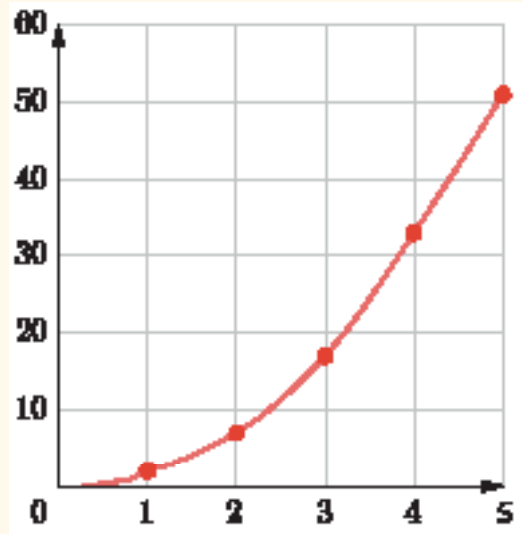
a. ما فاصلة الجسم في الثانية الثالثة من حركته؟

b. ما اللحظة الزمنية التي تكون فيها فاصلة الجسم 20 m ؟

c. ما سرعة الجسم خلال المرحلة Oa ؟ ولماذا؟

d. ما سرعة الجسم خلال المرحلة ab ؟ ولماذا؟

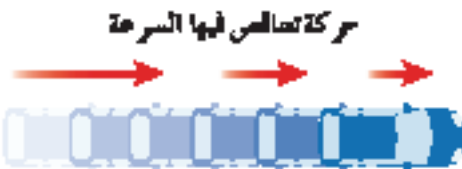
2. يمثّل المنحني البياني الآتي تغيّرات فاصلة، مُتحرك مع الزمن. هل سرعة الجسم ثابتة أو متغيرة؟ ولماذا؟



4-1 التسارع (acceleration):



حركة تزايد فيها السرعة



حركة تعاضل فيها السرعة

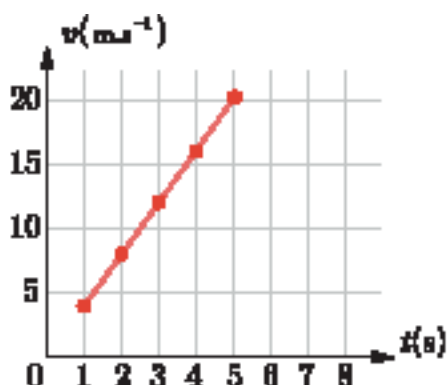


نشاط (3)

انطلقت سيارَة من السَّكون، وسُجِّلَت قيمُ سرعتها في لحظاتٍ مُختلفة، فكانت كما في الجدول الآتي:

السُّرعة (m.s^{-1})	0	4	8	12	16	20
الزمن (s)	0	1	2	3	4	5

$\frac{\Delta v}{\Delta t}$	$\frac{4-0}{1-0}$	$\frac{8-4}{2-1}$	$\frac{12-8}{3-2}$	$\frac{16-12}{4-3}$	$\frac{20-16}{5-4}$
-----------------------------	-------------------	-------------------	--------------------	---------------------	---------------------

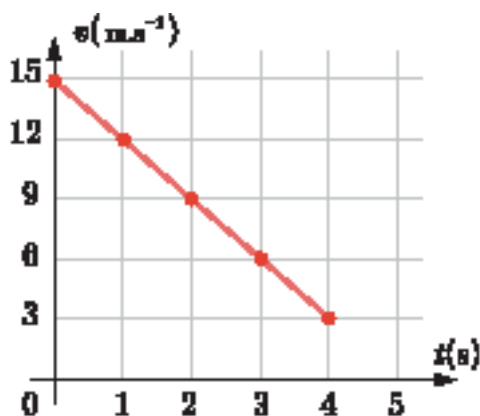


1. هل تتغيَّر قيمةُ السُّرعة؟ وما قيمةُ التغيُّر الحاصل؟
2. احسب قيمة النسبة $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ ، ماذا أستنتج؟
3. احسب ميلَ الخطِّ البياني (المُسْتقيم) المرسوم.
4. قارن بين النتائج التي حصلت عليها. ماذا أستنتج؟

نشاط (4)

استخدم سائقٌ مكابَحَ سيارته، فتغيَّرت سرعةُ السيَّارة وفق القيم كما في الجدول الآتي:

السُّرعة (m.s^{-1})	15	12	9	6	3
الزمن (s)	0	1	2	3	4



1. هل تزدادُ قيمةُ سرعة الجسم أم تنقصُ بمرور الزمن؟
2. احسب قيمة النسبة $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ ، هل هي ثابتة؟
3. احسب ميل الخط البياني (المُسْتقيم) المرسوم.
4. قارن بين النتائج التي حصلت عليها. ماذا تستنتج؟
5. توقَّع كم ستكونُ قيمةُ السُّرعة عندما $t = 5\text{ s}$ ؟

1-4-1 التسارع الوسطي a_{avg}

نعرف التسارع الوسطي a_{avg} بين اللحظتين t_1 و t_2 تكون فيهما سرعة المتحرك v_1 و v_2 على الترتيب بالعلاقة:

$$a_{avg} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

ووحدة في الجملة الدولية هي $m.s^{-2}$

تمرين:

تطلق سيارة من السكون (سرعتها الابتدائية معدومة)، وبعد خمس ثوانٍ من بدء الزمن بلغت سرعتها $20 m.s^{-1}$. المطلوب: احسب تسارعها الوسطي.

2-4-1 التسارع الآني a

نعرف التسارع الآني a بأنه التسارع الوسطي الذي نحصل عليه من تغير قيمة السرعة بمقدار صغير dv عندما يبلغ الفاصل الزمني قيمة صغيرة جداً dt ، ويعبر عنه بالعلاقة:

$$a = \frac{dv}{dt}$$

إضاءة



نقول عن حركة أنها متسارعة، إذا ازدادت سرعتها بتغير الزمن

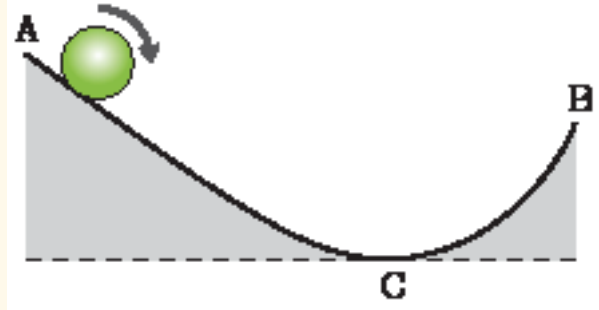


نقول عن حركة أنها متباطئة، إذا تناقصت سرعتها بتغير الزمن





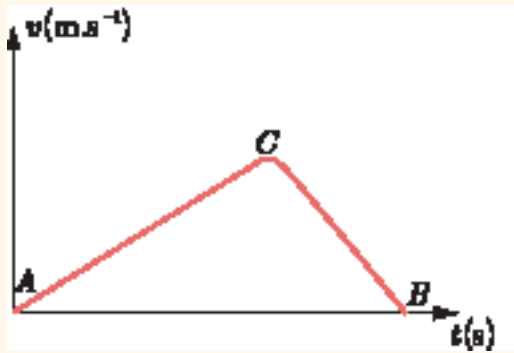
1. يبدأ دولا ب حركته من السكون من النقطة A في قمة منحدر أملس، كما في الشكل الآتي، ليصل إلى النقطة C ، ثم يتابع حركته صعوداً نحو الأعلى ليصل إلى النقطة B . المطلوب:



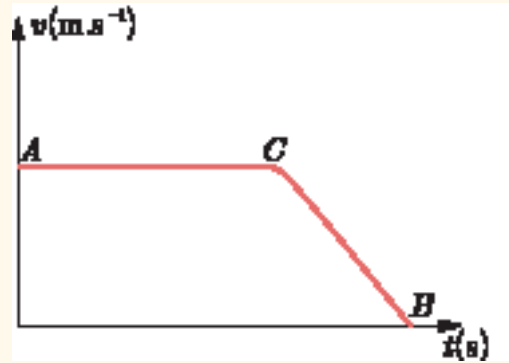
a. هل حركته من A إلى C مُتسارعة أم مُتباطئة؟

b. هل حركته من C إلى B مُتسارعة أم مُتباطئة؟

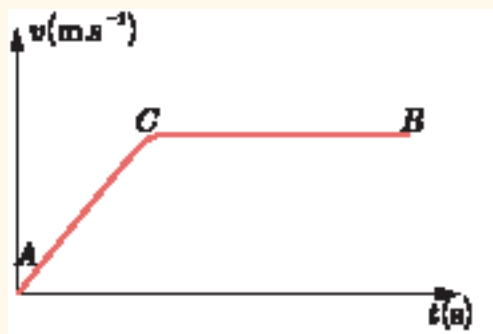
c. أي شكل من الأشكال الآتية يعبر عن تغير سرعة الدولا ب في أثناء حركته من A إلى B :



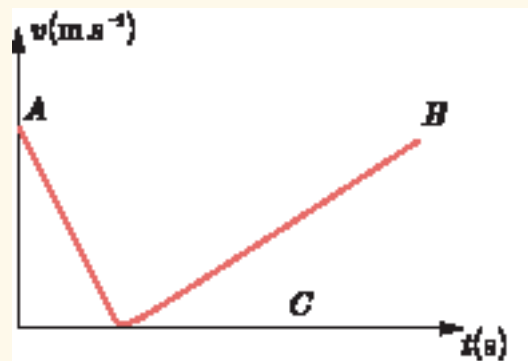
الشكل (2)



الشكل (1)

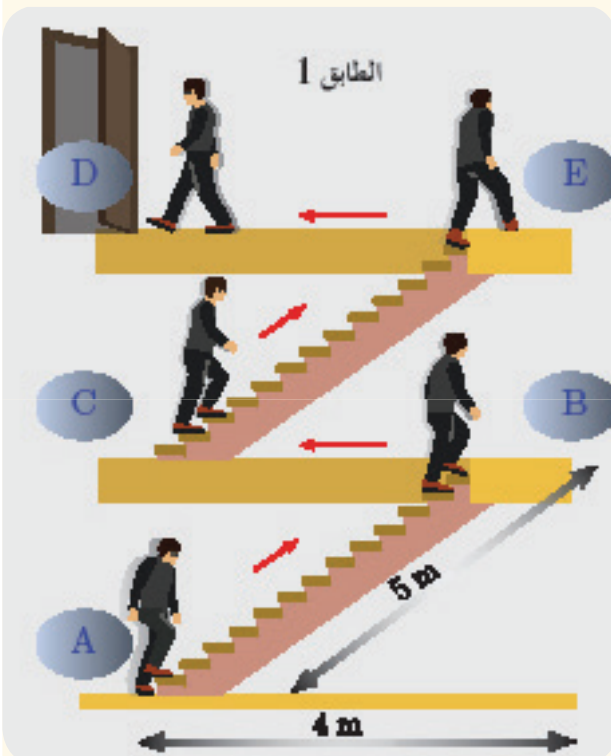
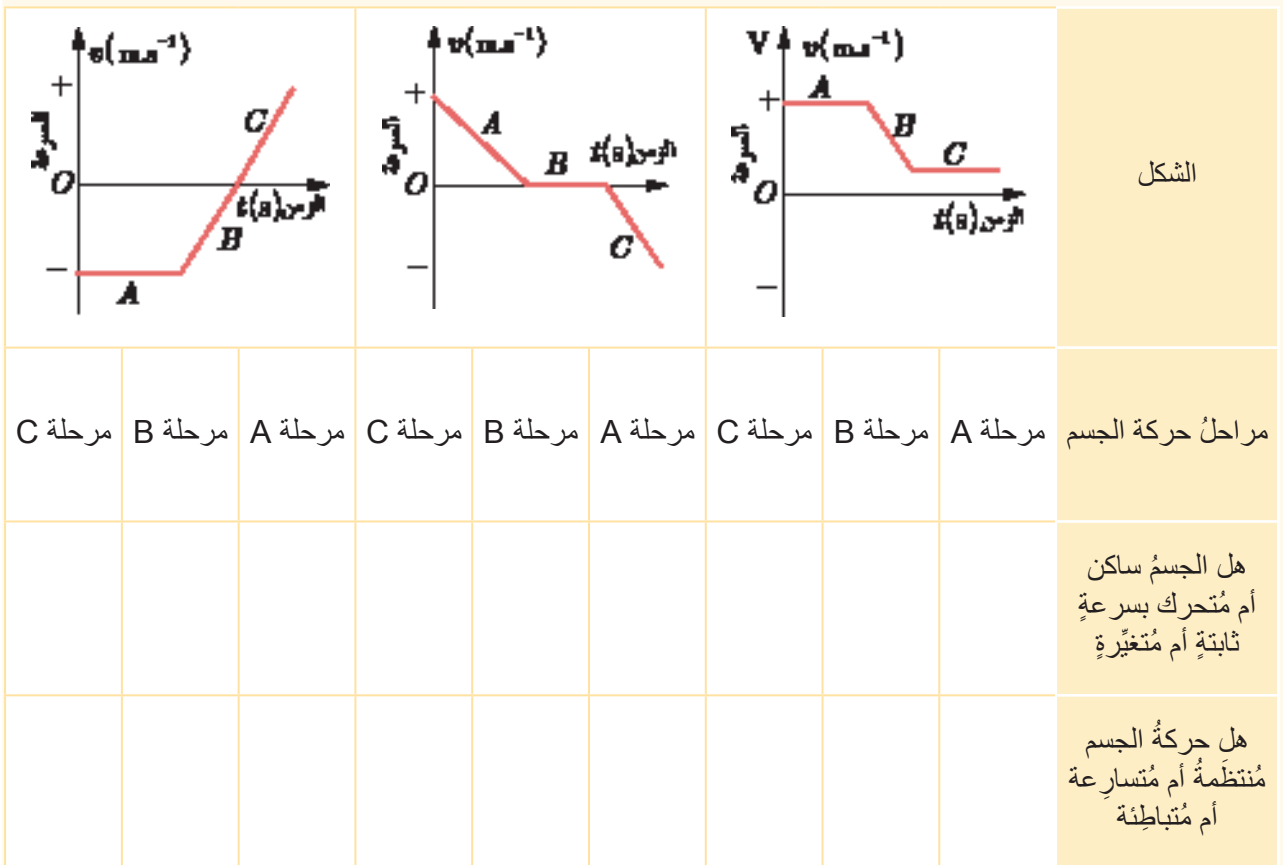


الشكل (4)



الشكل (3)

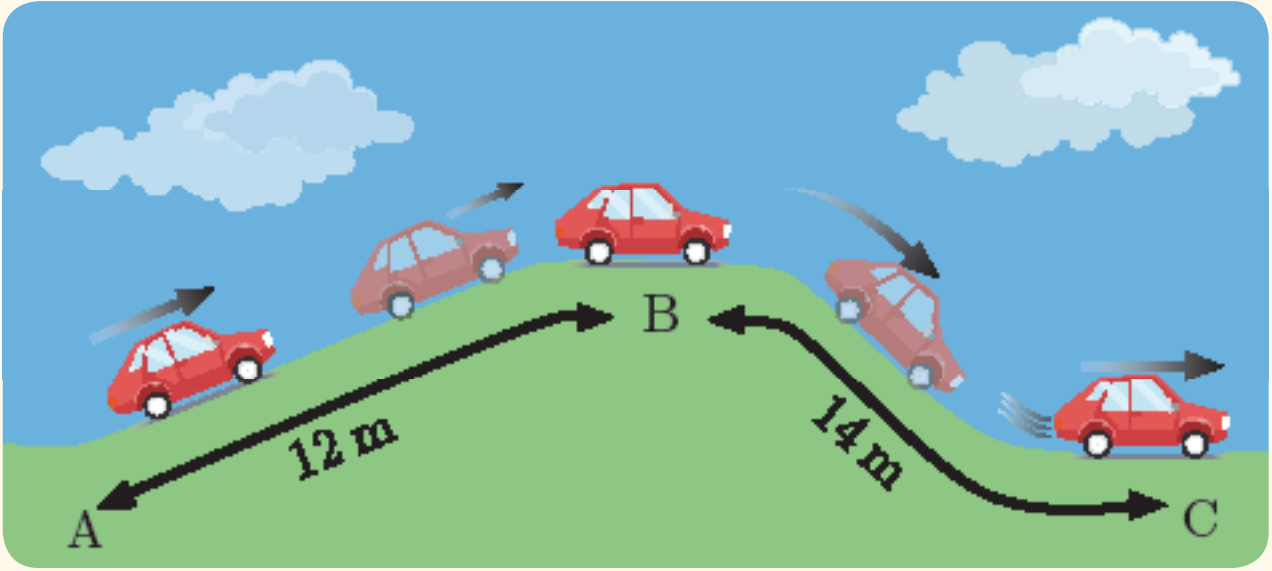
2. أمعن النظر في الرسوم البيانية الآتية التي تبين الحالة الحركية لجسم مع مرور الزمن، ثم أكمل الجدول الآتي:



3. يصعدُ طالبٌ من الصّف الأوّل الثانوي إلى غرفة الصّف وفق الشّكل المُبيّن:

- a. ماهي المسافة التي قطعها ليصل إلى غرفة الصف؟
b. ما هو شعاعُ الإزاحة الحاصل؟
c. احسب المسافة الشاقوليّة AD .

4. تتحرك سيارَة وفق الشّكل أدناه فإذا كانت:



سرعتها عند A : $v_A = 18 \text{ m.s}^{-1}$

وسرعتها عند B : $v_B = 2 \text{ m.s}^{-1}$

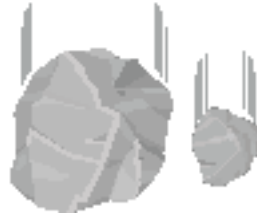
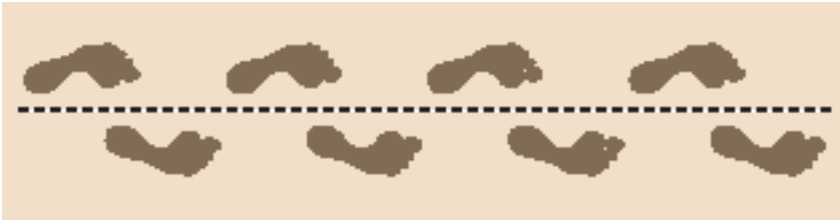
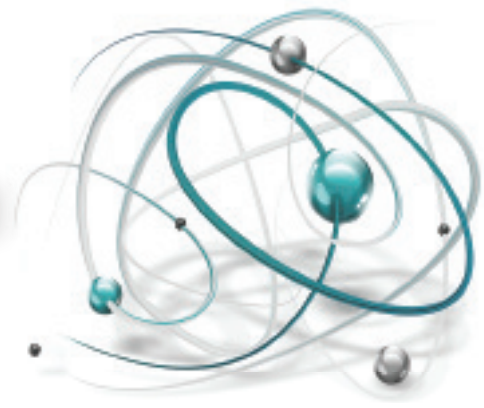
وبلغت سرعتها عند النقطة C $v_C = 10 \text{ m.s}^{-1}$ ، كما أنّها استغرقت 8 s لقطع المسافة AB ، و 5 s لقطع

المسافة BC المطلوب:

a. قارن بين سرعتها الوسطى في مرحلة الصعود، وسرعتها الوسطى في مرحلة الهبوط.

b. ما قيمة التسارع الوسطي في مرحلتَي الصعود والهبوط؟ وما نوع الحركة في كلّ مرحلة؟

2-1 الحركة المُستقيمة

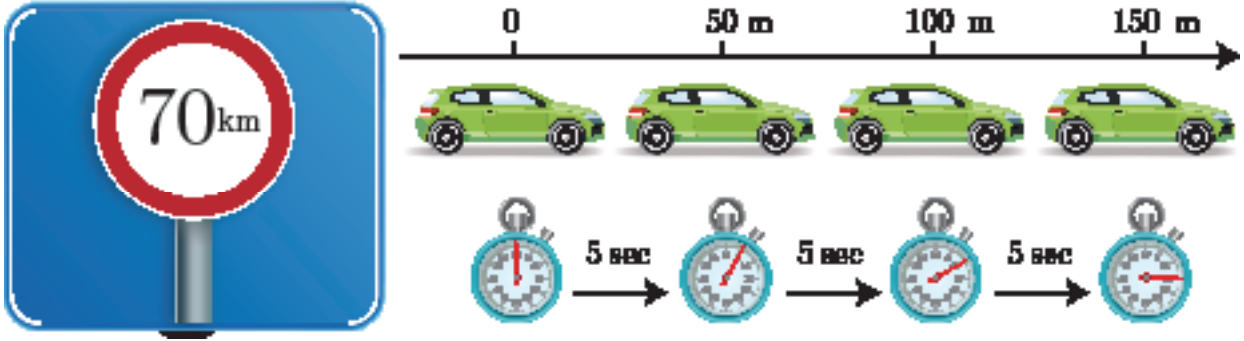


- * يتعرّف الحركة المُستقيمة المنتظمة.
- * يتعرّف توابع الحركة المُستقيمة المنتظمة.
- * يتعرّف الحركة المُستقيمة المتغيرة بانتظام.
- * يتعرّف توابع الحركة المُستقيمة المتغيرة بانتظام.
- * يستنتج حركة السقوط الحر.
- * يستنتج توابع حركة السقوط الحر.
- * يربط الحركة بمواقف حياتية.

1-2 الحركة المستقيمة المنتظمة

ألاحظ وأستنتج:

تُثبتُ على الطرقات العامة كاميرات مراقبة لحركة السيارات، يتمُّ من خلالها رصد السرعة لتجنُّب حوادث المرور، وتُحدَّد السرعة بلوحة مرورية يُسجَّل عليها بشكل واضح حدود السرعة المسموح بها. إحدى الكاميرات سجَّلت حركة سيارة في الشكل:



1. هل السيارة الموضحة في الشكل تسير ضمن حدود السرعة؟

2. هل تسير السيارة بسرعة متزايدة أم متناقصة أم ثابتة؟

أستنتج: نقول عن حركة إنها مستقيمة منتظمة إذا كان مسارها مستقيماً، وحافظت سرعتها على قيمة ثابتة.

التابع الزمني في الحركة المستقيمة المنتظمة (تابع الفاصلة): هو التابع الذي يصف تغيرات الفاصلة بتغير الزمن.

ليكن مبدأ القياس (O) من محور موجّه مُطبق على المسار المستقيم، ولتكن x_0 الفاصلة في اللحظة $t = 0$ (الفاصلة الابتدائية)، x الفاصلة في اللحظة t

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

$$v = \frac{x - x_0}{t - t_0}$$

$$v = \frac{x - x_0}{t - 0}$$

بالحل نجد:

$$x = vt + x_0$$

وهو التابع الزمني للفاصلة في الحركة المستقيمة المنتظمة، ويلاحظ أنه من الدرجة الأولى بالنسبة للزمن.

تطبيق (1):

تتحرك سيارة على طريق أفقية مستقيمة بسرعة ثابتة، حيث كانت فاصلتها $x_1 = 8 \text{ m}$ في اللحظة $t_1 = 1 \text{ s}$ ، وفي اللحظة $t_2 = 3 \text{ s}$ كانت فاصلتها $x_2 = -4 \text{ m}$. المطلوب:

1. أوجد التابع الزمني للحركة بعد تعيين قيم ثوابته.

2. هل جهة حركة السيارة وفق جهة المحور أو عكس جهة المحور؟

3. ارسُم خطأً بيانياً يبيِّن تغيرات الفاصلة بتغير الزمن.

الحل:

1. المسار مُستقيم والسرعة ثابتة، فالحركة مُستقيمة مُنتظمة. تابعها الزمني من الشكل: $x = vt + x_0$

لنحدد قيم ثوابت التابع: x_0 و v

نعوّض من أجل اللحظة الأولى: (1) $8 = v(1) + x_0$

من أجل اللحظة الثانية: (2) $(-4) = v(3) + x_0$

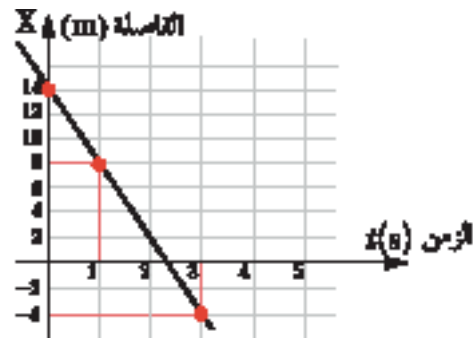
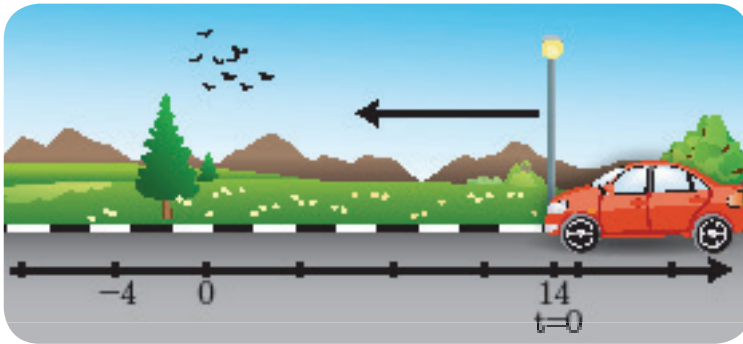
بالطرح نجد: $8 - (-4) = v - 3v$ ومنه $12 = -2v \Rightarrow v = -6 \text{ m.s}^{-1}$

ومن أجل إيجاد الثابت الآخر نعوّض قيمة السرعة في إحدى المعادلتين: مثلاً في (1):

$x_0 = 14 \text{ m} \Leftarrow 8 = (-6) \cdot (1) + x_0$ فالتابع الزمني هو: $x = -6t + 14$

2. أستنتج من هذا التابع: أن الإشارة السالبة للسرعة تدلّ على أن جهة حركة السيارة بعكس جهة المحور.

3.



تطبيق (2)

تسير درّاجتان على طريق أفقية مُستقيمة وفق التابعين الزمنيين الآتيين: الأول: $x + 2 = 4t$ ، والثاني: $3t = 1 - x$

المطلوب:

1. ما طبيعة حركة كلّ منهما، ولماذا؟

2. بين أيّ الدّراجتين أسرع؟

3. هل تسيران بجهة واحدة أو بجهتين متعاكستين، ولماذا؟

4. مثل بيانياً حركة كلّ منهما.

الحل:

1. بما أن كلّاً من التابعين من الدرجة الأولى، بالنسبة للزمن فالحركة مُنتظمة، والمسار مُستقيم فالحركة مُستقيمة. أي أن الحركة مُستقيمة مُنتظمة.

2. بداية نقوم بإصلاح التابعين وفق الشكل العام:

إصلاح التابع الأول نجد أنه يصبح بالشكل: $x_1 = 4t - 2$

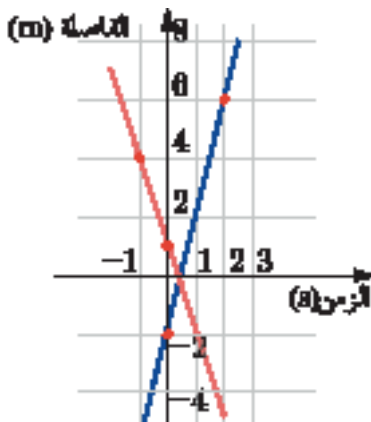
ويصبح التابع الثاني بالشكل: $x_2 = -3t + 1$

بالمقارنة مع الشكل العام للتابع الزمني في الحركة المُستقيمة المُنتظمة نجد:

سرعة الدّراجة الأولى $v_1 = 4 \text{ m.s}^{-1}$

سرعة الدّراجة الثانية $v_2 = -3 \text{ m.s}^{-1}$

فالدّراجة الأولى أسرع من الثانية.



3. الدراجتان تسيران بجهتين متعاكستين. والسبب هو أن سرعة الدراجة الأولى موجبة، وهي تتحرك بجهة المحور، بينما سرعة الدراجة الثانية سالبة، وهي تتحرك بعكس جهة المحور.

تطبيق (3)

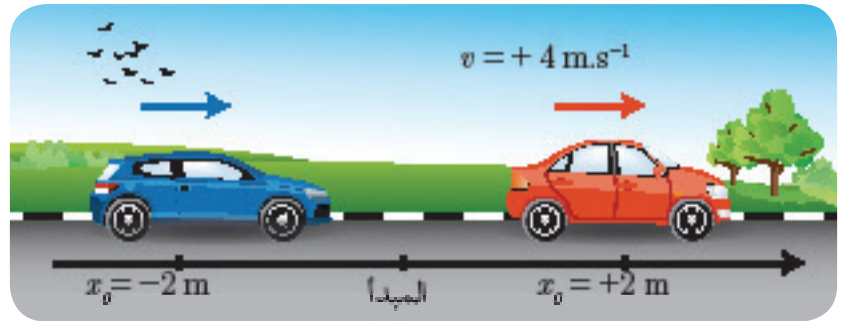
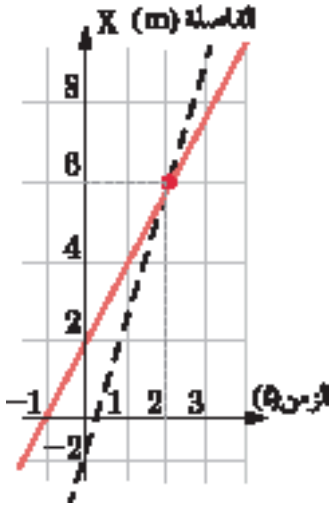
تسير سيارتان على الطريق الأفقية المستقيمة نفسها. التابع الزمني لحركة السيارة الأولى: $x_1 = 2t + 2$ والتابع الزمني لحركة السيارة الثانية $x_2 = 4t - 2$. بين حسابياً وبيانياً أين ومتى تلتقي السيارتان؟

الحل:

عندما تلتقي السيارتان يكون لهما الفاصلة نفسها. أي: $x_1 = x_2$

$$4t - 2 = 2t + 2 \quad \text{ومنه} \quad 4t - 2 = 2t + 2$$

وعند هذه اللحظة تكون الفاصلة لكل منهما $x = 6 \text{ m}$



2-2 الحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام



تحتاج الطائرة عند إقلاعها أو هبوطها لمدرج طويل نسبياً. هل سرعتها على المدرج في أثناء إقلاعها أو هبوطها ثابتة أم متغيرة؟

أجرب وأستنتج:



انطلقت سيارة من السكون على مسارٍ مُستقيم، فكانت فواصل حركتها والأزمنة المُقابلة لها مُحددة في الجدول:

الفاصلة (m)	7	8	11	16	23	32
الزمن (s)	0	1	2	3	4	5

لنحسب الشّـرعة بين لحظتين متتاليتين:

$v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$	$\frac{8-7}{1-0}$	$\frac{11-8}{2-1}$	$\frac{16-11}{3-2}$	$\frac{23-16}{4-3}$	$\frac{32-23}{5-4}$
v	$v_1 = ?$	$v_2 = ?$	$v_3 = ?$	$v_4 = ?$	$v_5 = ?$
$\frac{\Delta v}{\Delta t}$	$\frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = ?$	$\frac{v_3 - v_2}{t_3 - t_2} = ?$	$\frac{v_4 - v_3}{t_4 - t_3} = ?$	$\frac{v_5 - v_4}{t_5 - t_4} = ?$	

- هل المقدار Δx ثابت؟
- هل المقدار Δt ثابت؟
- هل النسبة $\frac{\Delta v}{\Delta t}$ ثابتة؟
- أرسم الخطّ البياني المُعبّر عن تغيّرات الشّـرعة مع الزّمن، وأحسب ميله.
- ماذا أستنتج ممّا سبق؟

أستنتج:

تكون حركة جسم مُستقيمة مُتغيّرة بانتظام إذا كان مسارها مُستقيماً، وقيمة سرعتها تتغيّر بمعدل ثابت بمرور الزّمن؛ أي أنّ تسارعها ثابت.

$$\frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{dv}{dt} = \text{const}$$

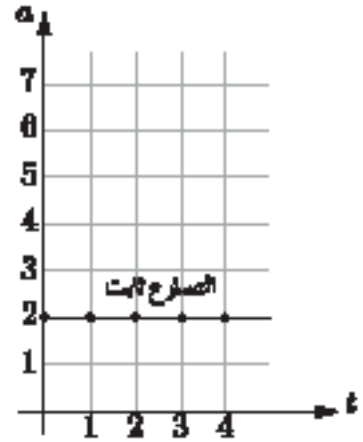
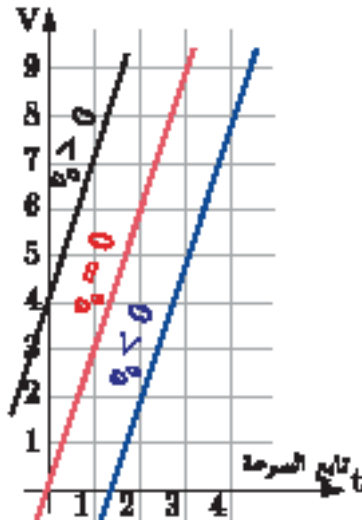
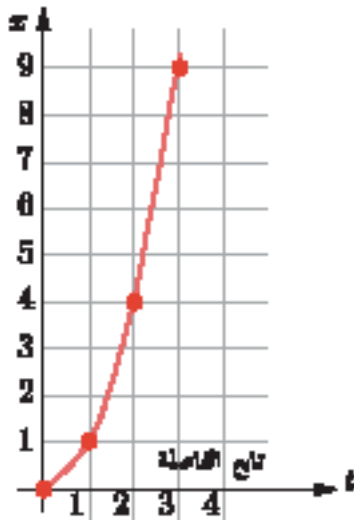
$$a_{\text{avg}} = a = \text{const}$$

1-2-2 توابـع الحركـة المُستقيـمة المُتغيّـرة بانتظام:

$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$	التابع الزّمني للفاصلة وهو تابع من الدّرجة الثانية بالنّسبة للزّمن
$v = at + v_0$	التابع الزّمني للسرعة اللحظية
$a = \text{const}$	التسارع ثابت
$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0)$	التابع اللازمي

تناسب المسافات المقطوعة طردياً مع مُربّعات الأزمنة اللاّزمة لقطعها لمُتحرك انطلق من السّكون:

$$\frac{x - x_0}{t^2} = \frac{1}{2}a$$



تطبيق (4)

تتحرك سيارة في سباق للسيارات على طريق أفقية مستقيمة، يُكتب التابع الزمني لحركتها على الشكل:

$$x = 2t^2 + 4t + 10 \quad \text{المطلوب:}$$

1. استنتج ثوابت الحركة.
2. احسب سرعة السيارة بعد مرور 3 ثوانٍ من بدء الحركة.
3. احسب المسافة المقطوعة عندما تصبح سرعتها 40 m.s^{-1}

الحل:

1. بما أن تابع الفاصلة الزمني من الدرجة الثانية بالنسبة للزمن والمسار مستقيم، فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام. تابع الفاصلة الزمني من الشكل:

$$x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0$$

$$x = 2t^2 + 4t + 10$$

$$\text{بالمقارنة نجد: } a = 4 \text{ m.s}^{-2}, v_0 = +4 \text{ m.s}^{-1}, x_0 = +10 \text{ m}$$

2. تابع السرعة الزمني من الشكل: $v = at + v_0$

$$v = 4t + 4 \quad \text{نعوض } t = 3 \text{ s}$$

$$v = 4 \times 3 + 4 = 16 \text{ m.s}^{-1}$$

3. حساب المسافة المقطوعة من أجل $v = 40 \text{ m.s}^{-1}$

$$\text{نعوض في التابع المستقل عن الزمن: } v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0)$$

$$(40)^2 - (4)^2 = 2 \times 4 \times \Delta x$$

$$1600 - 16 = 8 \times \Delta x$$

$$1584 = 8 \times \Delta x$$

$$\Delta x = \frac{1584}{8} = 198 \text{ m}$$

تعلّمتُ

- نقولُ عن جسمٍ بأنّه مُتحرّكٌ بالنسبة لجملة مُقارنة إذا تغيّر بُعدهُ عنها بتغيّر الزّمن.
- المسافة: هي طول المسار الذي يسلكه الجسمُ المُتحرّك في أثناء حركته بغضّ النّظر عن جهة الحركة، وهي مقدارٌ موجبٌ دوماً، وحدثه في الجملة الدوليّة هي المتر (m)
- الفاصلة: تعبيرٌ للدّالة على البعد بين نقطة من المحوّر الموجّه ومبدأ الإحداثيات (O)، وتُقرّن الفاصلة بالإشارة (+) للقياس بالاتّجاه الموجب للمحوّر، وبالإشارة (-) للقياس بالاتّجاه السالب للمحوّر.
- شعاع الإزاحة $\overline{AB}$ هو شعاعٌ يتّجه من الموضع الابتدائي إلى الموضع النهائي للمُتحرّك، وطويلته تساوي البُعد بين الموضعين.
- السّرعة الوسطى عدديّاً: هي المسافة المقطوعة مقسومة على الزّمن اللازم لقطعها $v_{avg} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$ وحدثها في الجملة الدوليّة $m.s^{-1}$
- السرعة الآنيّة: تغير صغير في المسافة خلال فاصل زمني صغير جداً $v = \frac{dx}{dt}$ وحدثها في الجملة الدوليّة $m.s^{-1}$
- التسارع الوسطي $a_{avg} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} = \frac{\Delta v}{\Delta t}$ وحدثه في الجملة الدوليّة $m.s^{-2}$
- التسارع الآني $a = \frac{dv}{dt}$ وحدثه في الجملة الدوليّة $m.s^{-2}$

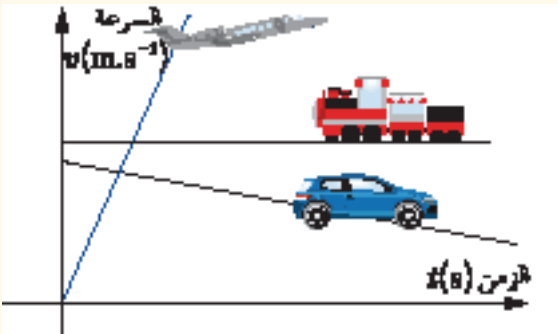
الحركة المُستقيمة المُنتظمة	الحركة المُستقيمة المُتغيّرة بانتظام
$x = vt + x_0$	$x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0$
$v = const$	$v = at + v_0$
$a = 0$	$a = const$
	$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0)$

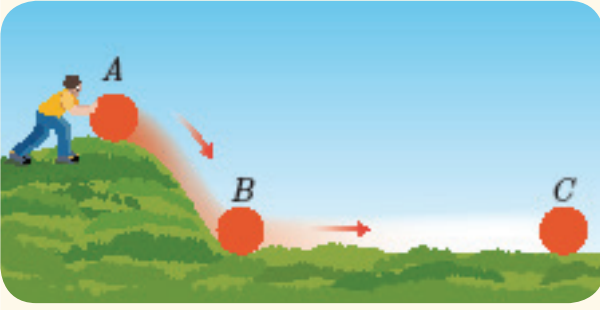
أختبر نفسي



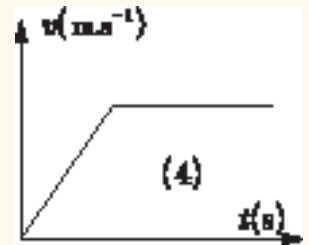
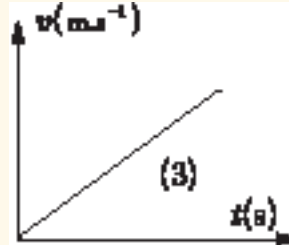
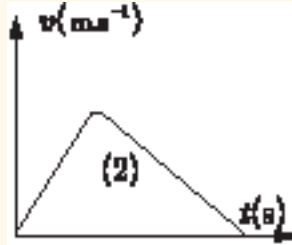
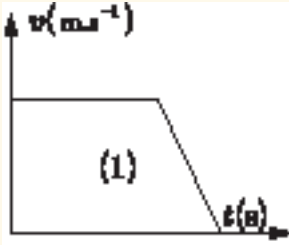
أولاً: أجب عن الأسئلة التالية:

1. بالاعتماد على الخطّ البياني الموضّح في الشّكل المُجاور، ما طبيعة حركة كل من الطائرة والقطار والسّيّارة؟





2. يترك شخص كرة إسفنجية لتهدأ من النقطة A لتصل للنقطة B، وتتابع حركتها لتقف عند النقطة C كما في الشكل المجاور: أي رسم بياني من الرسوم البيانية الآتية يصف حركة الكرة:



3. هبطت طائرة مدنية على مدرج مطار، فاحتاجت لقطع مسافة 1 km من لحظة ملامستها أرض المدرج حتى التوقف عن الحركة، فإذا كانت سرعتها لحظة ملامسة المدرج 180 km/h فإن تسارعها:

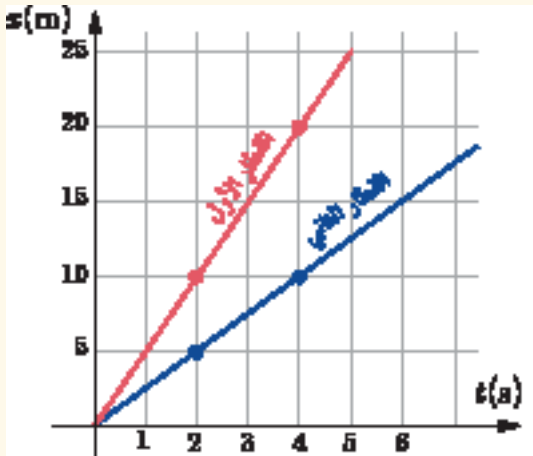
a. 2.5 m.s^{-2}

b. -1.25 m.s^{-2}

c. $+2.25 \text{ m.s}^{-2}$

d. -2 m.s^{-2}

ثانياً:



يسير قطاران على سكتين مستقيمتين بسرعتين ثابتتين وفق الخط البياني الموضح لكل منهما المطلوب: استنتج التابع الزمني لكل منهما وبين أيهما أسرع.

ثالثاً: قام أحد الباحثين بدراسة حركة مركبتين على طريق مستقيمة أفقية، وسجل نتائج المسافات المقطوعة في جدولين الأول لمركبة تسير بسرعة ثابتة، والثاني لمركبة تسير بسرعة متغيرة بانتظام انطلقت من السكون، ولكنه بعد فترة فقد بعض المعلومات التي قام بتسجيلها. فهل تستطيع مساعدته في استرداد ما فقد، وتحديد سرعة المركبة الأولى، وتسارع المركبة الثانية:

الفاصلة (m)	2	?	10	14	?	22	?
الزمن (s)	0	1	2	3	4	5	6

السرعة هي: $v = \dots\dots\dots \text{m.s}^{-1}$

الفاصلة (m)	1	3	9	19	?	51	?
الزمن (s)	0	1	2	3	4	5	6

التسارع هو: $a = \dots\dots\dots \text{m.s}^{-2}$

رابعاً: حل المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

يتحرك جسم على طريقٍ مُستقيمةٍ أفقيّةٍ، ويحدّدُ التّابعُ الزّمني لفاصلته بالعلاقة $x = 2t^2 - 3t + 4$ ، المطلوبُ، حساب:

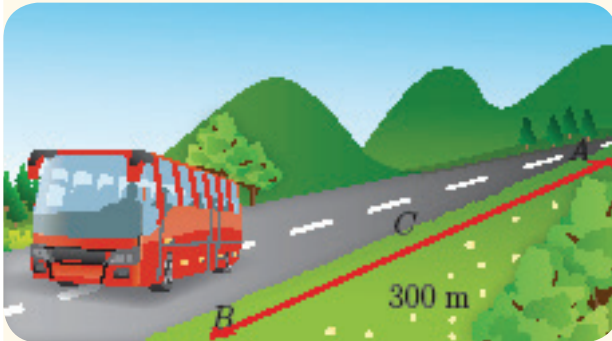
1. سرعته الابتدائية؟
2. سرعته بعد 4 s من بدء حركته؟
3. المسافة المقطوعة عندما تصبح سرعته 15 m.s^{-1}

المسألة الثانية:

تتحرك سيارة وفق مسارٍ مُستقيم بسرعة ابتدائية $v_0 = 6 \text{ m.s}^{-1}$ ، وتسارع ثابت $a = 4 \text{ m.s}^{-2}$ المطلوب حساب:

1. سرعة السيارة في اللحظتين: $t_1 = 3 \text{ s}$ ، $t_2 = 5 \text{ s}$
2. المسافة المقطوعة في كلّ من اللحظتين السابقتين.
3. المسافة التي تقطعها السيارة عندما تصبح سرعتها 30 m.s^{-1}

المسألة الثالثة:



تتحرك حافلة لنقل الرّكاب لتقطع المسافة المُستقيمة $AB = 300 \text{ m}$ ، تبدأ حركتها من النقطة A دون سرعة ابتدائية وتسارع $+2 \text{ m.s}^{-2}$ ، وعندما تصل إلى النقطة C الواقعة بين A و B تصبح حركتها مُتباطئة بانتظام تسارعها -1 m.s^{-2} ، وتنعدم سرعتها عند وصولها إلى B

المطلوب:

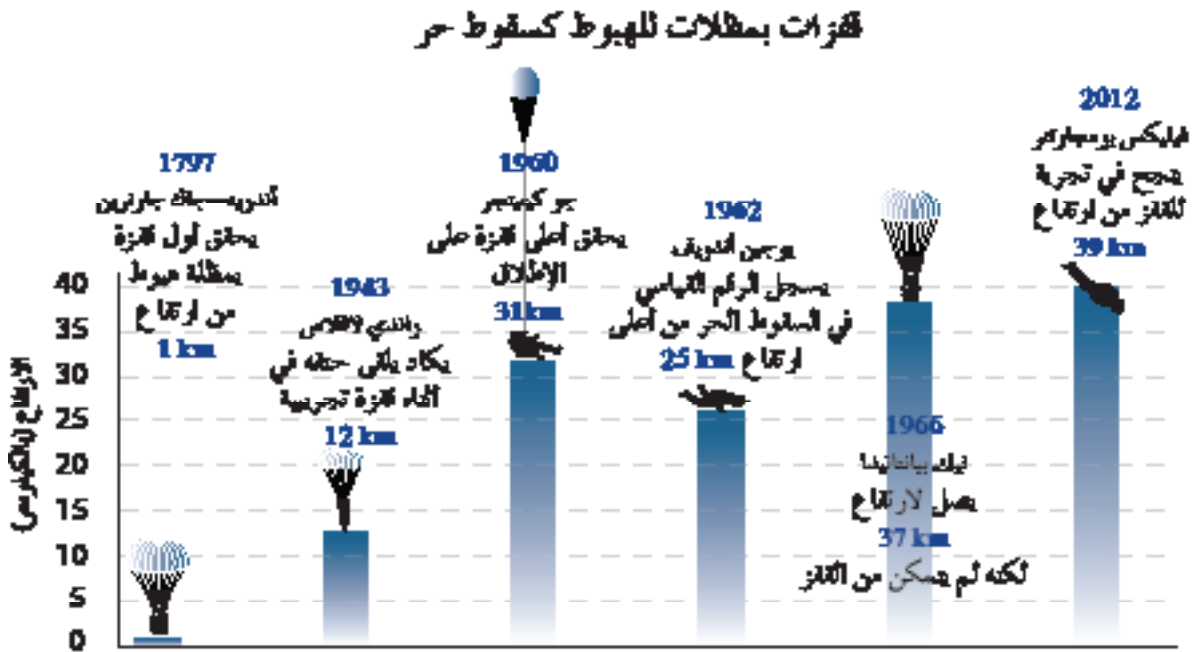
1. حساب الزمن اللازم لقطع المسافة AB.
2. تحديد موضع النقطة C.

المسألة الرابعة:



ينطلق قطارٌ من السّكون ليتحرّك حركةً مُستقيمة أفقيّة بتسارع ثابت، فيقطع مسافة $AB = 120 \text{ m}$ خلال زمنٍ قدره 20 s، والمطلوب حساب:

1. تسارعه.
2. سرعته في نهاية المسافة AB.
3. الزمن اللازم ليقطع مسافة 30 m من بدء حركته.



تابعَت العديدُ من وكالاتِ الأنباء العالمية المُحاولةَ التي قامَ بها المُغامِر فيليكس بو غارتنر عام 2012م حينَ سقطَ من منطادٍ ساكنَ على ارتفاع 39 km عن سطح الأرض بنجاح، وهذه المُحاولةُ سبقتها العديدُ من المُحاوَلات من ارتفاعات مُختلفة نجحَ بعضُها، والآخر لم يُكتبَ لها النّجاح. ما السّرعَةُ الابتدائيةُ التي كانَ يمتلكُها المُغامِر؟ ما القوى الخارجيّة المؤثّرة فيه؟ (مع إهمال مُقاومة الهواء ودافعة أرخميدس على المُغامِر).

أستنتج

يحدثُ السّقوط الحرّ إذا تُركَ الجسمُ ليسقطَ بتأثيرِ قوّة ثقله فقط.

نتناولُ في هذا الدّرس السّقوط الحرّ في حالةٍ خاصّة وهي السّقوط دونَ سرعةٍ ابتدائيةٍ.

إضاءة

استطاعَ نيوطن أن يُهمَل تأثيرَ مُقاومة الهواء بإجراء تجاربه في أنابيب، تمّ تفرغها من الهواء بواسطة مخلّية هواء. ويمكنُ أن نخفّف من تأثير مُقاومة الهواء ويمكنُ أن نهملها بأن نأخذَ جسمًا ذا كثافةٍ كبيرة، ونجعل شكله انسيابيًا.

كانَ الاعتقادُ السائد سابقاً أنّ الأجسامَ الخفيفة تسقطُ في الخلاء بسرعةٍ أقلّ من الأجسامَ الثّقيلة، إلّا أنّ غاليليو (1564 – 1642) أثبتَ أنّ الأجسامَ تسقطُ بالتّسارع ذاته في منطقةٍ بجوارِ سطح الأرض.

1-3-2 قوانين السقوط الحر:

اترك قطعة نقود وقطعة ورق تسقطان من الارتفاع ذاته وفي المكان ذاته في اللحظة ذاتها.

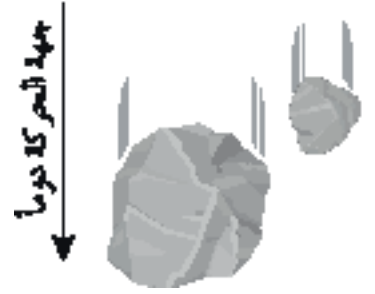
• أيّ منهما ستصل إلى الأرض أولاً؟

• حدّد القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة كلّ منهما؟

– تسقط الأجسام في الخلاء، وفي المنطقة ذاتها بحركات متطابقة.

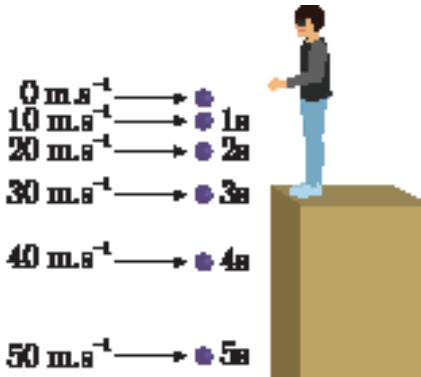
– حركة السقوط الحرّ مستقيمة منحاسا شاقولي.

إنّ حركة السقوط الحرّ هي حالة خاصّة من الحركة المستقيمة المتغيّرة بانتظام والفارق بينهما هو: في حالة السقوط الحرّ يخضع الجسم لتسارع الجاذبيّة الأرضيّة والذي نعتبره ثابتاً في منطقة معيّنة كما أنّ محور الحركة هو المستقيم الشاقولي والموجّه بجهة الحركة.

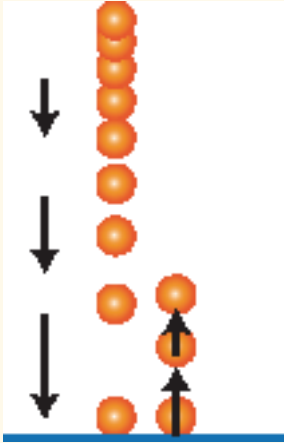


مقارنة بين الحركة المستقيمة المتغيّرة بانتظام وحركة السقوط الحرّ

وصف	الحركة المستقيمة المتغيّرة بانتظام	حركة السقوط الحرّ
المسار	مستقيم	مستقيم
التسارع	$a = \text{const} (\text{m.s}^{-2})$	$g = \text{const} = 9.8 \text{ m.s}^{-2}$
التابع الزمّني للسرعة	$v = at + v_0$	$v = gt$
التابع الزمّني للفاصلة	$x = \frac{1}{2} a t^2 + v_0 t + x_0$	$y = \frac{1}{2} g t^2$
التابع المستقلّ عن الزمّن	$v^2 - v_0^2 = 2a(x - x_0)$	$v^2 = 2gy$



ملاحظة: للسهولة يمكن أن نعتبر أن تسارع الجاذبيّة الأرضيّة تقريباً $g \simeq 10 \text{ m.s}^{-2}$

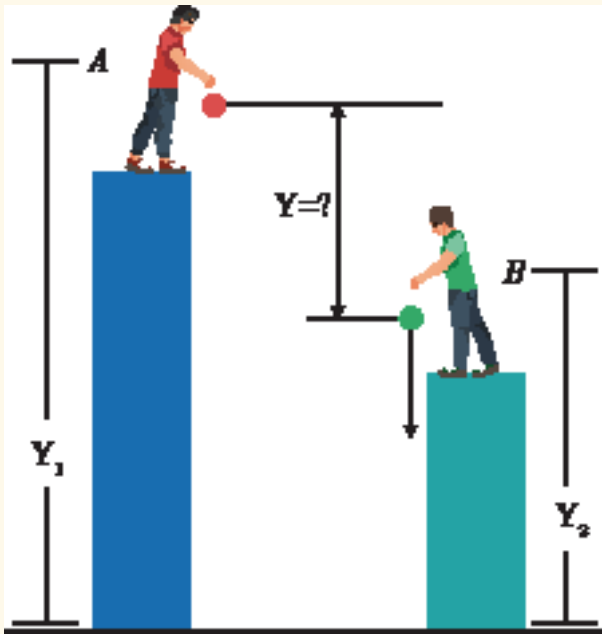


1. تسقط كرة مطاطية كتلتها $m = 100 \text{ g}$ من ارتفاع y عن سطح الأرض في مكان تسارع الجاذبية الأرضية $g \simeq 10 \text{ m.s}^{-2}$ سقوطاً حراً فتستغرق لتصل إلى سطح الأرض زمناً قدره 3 s ، **المطلوب:**
- a. احسب الارتفاع الذي سقطت منه الكرة.
- b. إذا فرضنا أن الكرة فقدت 85% من طاقتها الكلية نتيجة اصطدامها بالأرض. ما الارتفاع الذي سترتد الكرة إليه عن سطح الأرض؟



برج بيزا المائل في إيطاليا

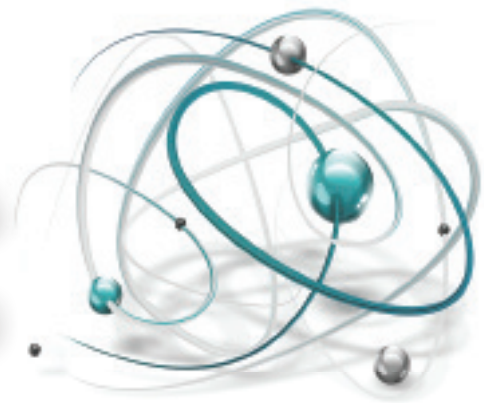
2. يسقط جسم من ارتفاع y عن سطح الأرض، فيقطع في الثانية الأخيرة من حركته 75% من الارتفاع الكلي الذي سقط منه. **والمطلوب حساب:**
- a. الارتفاع الذي سقط منه الجسم؟
- b. سرعة الجسم لحظة ملامسته سطح الأرض؟



3. يلقي شخص A كرة بلاستيكية من ارتفاع y_1 عن سطح الأرض الأفقية، فاستغرقت 2 s لتصل إلى الأرض ويلقي الشخص B كرة بلاستيكية مُمِثلة من ارتفاع y_2 عن سطح الأرض، فاستغرقت 1.5 s لتصل إلى الأرض. **المطلوب:** احسب المسافة y بين الشخصين.

3-1

قوانين نيوتن وتطبيقاتها



نتعرّض للكثير من قوى الدّفع والشّدّ في حياتنا اليومية. وندرك أنّ الأرض تجذبُ الأجسام الواقعة في محيطها بقوة، ولرفع جسم عن سطح الأرض إلى مستوى مُعيّن، نحتاجُ إلى تطبيق قوّة للتغلب على قوّة الجاذبيّة الأرضيّة وفق اتّجاه مُحدّد. أي أنّنا إذا أردنا تحريك جسم يجب أن نطبّق عليه قوّة...

وقوانين نيوتن هي صيغُ رياضيّة في غاية البساطة، تساعدُ في دراسة مُسبّبات الحركة، وتطبّق على جميع الحالات الخاصّة بالأجسام المُتحرّكة (ماعدًا حالة الحركات بسرعات كبيرة جدًّا).

ألاحظُ وأستنتجُ:

- خذْ بالوناً منفوخاً وحاول أن تغيّر شكله. كيفَ يمكنك ذلك؟



- إذا تحرّكت العربتان في الصورتين أدناه بالسرعة ذاتها، وعلى المسار ذاته، فأيهما يسهلُ إيقافها؟



- أيُّهما يسهلُ تحريكه أكثر، عربة فارغة أم مليئة؟ ولماذا؟



- هل هناك علاقة بين القوّة والحركة؟

المعطاة

- * يقوم بإجراء تجارب حول القوّة والحركة.
- * يتعرّف قوانين نيوتن.
- * يستنتج العلاقة بين القوّة والتسارع.
- * يربط قوانين نيوتن بمواقف حياتيّة.

الكلمات المفتاحيّة:

- * القوّة
Force
- * التسارع
Acceleration
- * الحركة
Motion
- * الكتلة
Mass
- * العطالة
Inertia
- * قوى الاحتكاك
Frictional Force

من خلال ما سبق نلاحظ الآتي:

- القوة كل ما يسبب تغيير في شكل الجسم أو في حالته الحركية.
- من السهل تغيير حركة بعض الأجسام، بينما يصعب ذلك على بعضها الآخر، ويعود ذلك إلى اختلاف الكتلة، وتزداد صعوبة هذا التغيير كلما كانت كتلة الجسم أكبر.
- كتلة الجسم مقدار عددي موجب وثابت يعبر عما يحويه من مادة، نرمز له بالرمز m ، ويقدر بالجملة الدولية بوحدة الكيلوغرام kg ، ويُعبر عن عطالة الجسم الصلب.
- عطالة الجسم تعبر عن مُمانعة الجسم لتغيير شعاع سرعته.

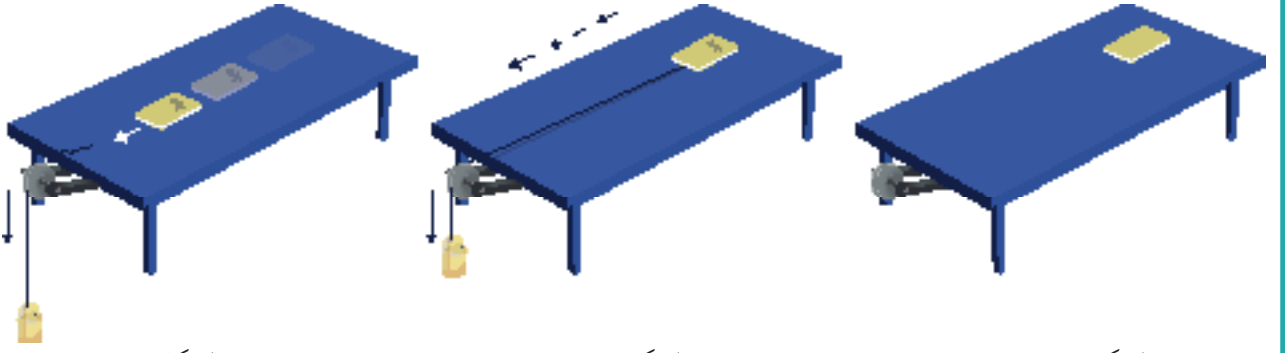
1-3 قوانين نيوتن

1-1-3 القانون الأول: قانون العطالة (القصور الذاتي)

أجرب وأستنتج:

أدوات التجربة: كتاب مدرسي، خيط متين عديم الامتطاط، بكرة، مقص، ثقل مناسب.

أضع كتاباً أملس على سطح منضدة أفقية ملساء.



الشكل (3)

الشكل (2)

الشكل (1)

- ما القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الكتاب، وهو ساكن على سطح المنضدة (الشكل 1)؟ هل تُغيّر هذه القوى من حالته الحركية؟
- أربط الكتاب بطرف خيط يمر على محزّر بكرة مثبتة بحافة المنضدة، وأعلق بطرفه الآخر ثقلاً مناسباً يجعل الكتاب يتحرك أفقياً (الشكل 2). ما القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الكتاب؟
- أقطع الخيط في أثناء حركة الكتاب (الشكل 3)، ما القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الكتاب عندئذٍ؟ هل يستمرّ الكتاب في حركته على سطح المنضدة؟

صاغ نيوتن قانونه الأول في الحركة الذي يختص بالمواقف التي تكون فيها مُحصلّة القوى الخارجيّة المؤثرة في مركز عطالة جسم ما معدومة، عُرف باسم قانون العطالة أو قانون القصور الذاتي:

إذا انعدمت مُحصلّة القوى الخارجيّة المؤثرة في مركز عطالة جسم صلب، فإنّ مركز عطالة الجسم يبقى ساكناً إذا كان بالأصل ساكناً، وإذا كان مُتحرّكاً تصبح حركته مُستقيمة مُنتظمة، وسرعة مركز عطالته هي سرعته لحظة انعدام محصلة القوى.

إضاءة



مركز عطالة الجسم: هو مركز كتلة الجسم، وينطبق على مركز ثقل الجسم.

فكر:

في الشّكل المجاور قام رياضي بشدّ زلاجة طفله على سطح أرضٍ جليديّة أفقيّة ملساء مسافة مُعيّنة ثمّ تركها. ما طبيعة حركتها بعد أن تركها برأيك؟ ولماذا؟

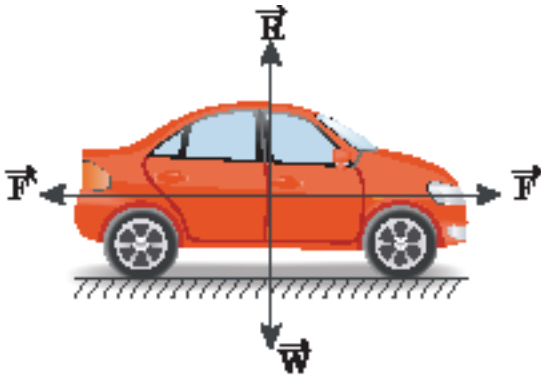


تطبيق (1)

تتحرك سيارة كتلتها m على طريق مستقيمة أفقيّة خاضعة لقوة جرّ، محرّكها شدّته $F = 100 \text{ N}$ ، كما تخضع لقوى احتكاكٍ نعدّها ثابتة شدّتها $F' = 100 \text{ N}$ **والمطلوب:**

1. ارسم مخطّط القوى التي تخضع لها السيارة في أثناء حركتها السابقة.
2. ما طبيعة حركة مركز عطالة السيارة؟
3. ما هو القانون الذي اعتمدت عليه في إجابتك؟

الحل:

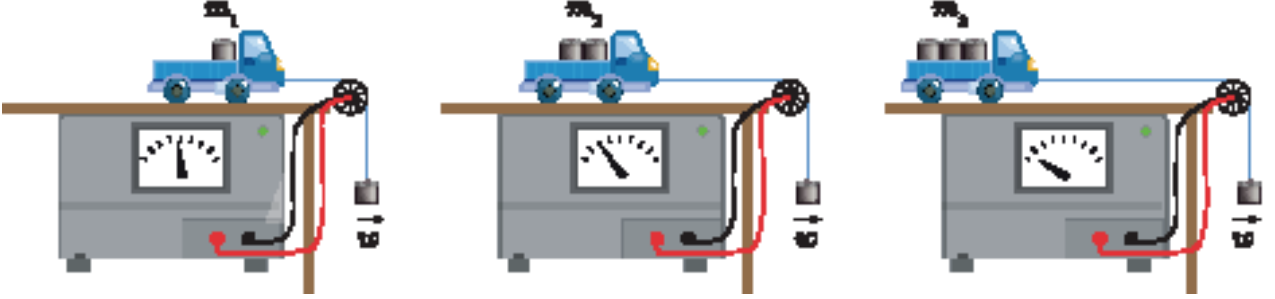


تتحرك السيارة حركة مُستقيمة مُنتظمة، لأنّ مركز عطاليتها يخضع لمُحصّلة قوى معدومة (قوة ثقل السيارة وقوة ردّ فعل الطريق قوتان مُتعاكستان مُباشرة، كذلك قوة جرّ مُحرك السيارة وقوة الاحتكاك قوتان مُتعاكستان مُباشرة). وذلك اعتماداً على قانون نيوتن الأول.

2-1-3 القانون الثاني لنيوتن

أجرب وأستنتج:

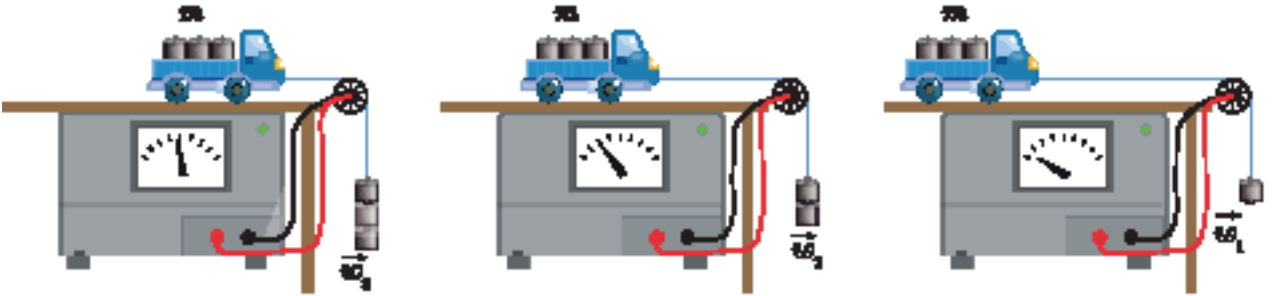
أثبتت على حافة الطاولة بكرة، زود محور دورانها بمولد (كهربائي) متّصل بمقياس التسارع، ثمّ أضع السيارة على الطاولة الملساء، وأربط بها خيطاً يمرّ على محزّ البكرة وقد رُبط بنهايته الأخرى ثقلٌ يسبّب الحركة كما هو موضّح في الشّكل الآتي:



- أثبتت الثقل الذي يشدّ السيارة، و أغيّر من كتلة السيارة بإضافة كتل إليها، ثمّ أقرأ دلالة مقياس التسارع، وأسجّل النتائج في الجدول:

$m \text{ (kg)}$			
$a \text{ (m.s}^{-2}\text{)}$			

- أثبتت كتلة السيارة، وأغيّر من قوّة الشّد (قوّة الثقل)، ثمّ أقرأ دلالة مقياس التسارع، وأسجّل النتائج في الجدول:



$w = F \text{ (N)}$			
$a \text{ (m.s}^{-2}\text{)}$			

لو مثلنا النتائج التي حصلنا عليها بيانياً، لحصلنا على الخط البياني الآتي:



النتائج:

- تنقص قيمة التسارع بازدياد كتلة الجسم المتحرك مع ثبات القوة المسببة للحركة.
 - تزداد قيمة التسارع باطراد بازدياد شدة القوة المسببة للحركة عند ثبات كتلة الجسم المتحرك.
- النتائج التي حصلنا عليها قد توصل إليها نيوتن وصاغها في قانونه الثاني الذي ينص على أنه:
- إذا خضع مركز عطالة جسم صلب لمحصلة قوى خارجية ثابتة منحى وجهة وشدة، اكتسب تسارعاً ثابتاً يتناسب طردياً مع شدة محصلة القوى الخارجية المؤثرة، وله المنحى ذاته والجهة ذاتها.
- نعبّر رياضياً عن هذا القانون:

$$\vec{a} = \frac{\Sigma \vec{F}}{m}$$

حيث: تقدر شدة القوة بوحدة N، الكتلة بوحدة kg، التسارع بوحدة m.s⁻²

- يُبين هذا القانون علاقة محصلة القوى الخارجية بالتسارع الذي يكتسبه مركز عطالة الجسم المتأثر بها.
- يفسر اختلاف شدة التسارع المكتسب باختلاف كتلة الجسم المتحرك.
- يوضح تأثير القوى في حركة الأجسام.

النيوتن: شدة قوة إذا أثرت في جسم كتلته (1 kg) اكتسب تسارعاً قدره (1 m.s⁻²).

إثراء:

ربط الرياضيات بالفيزياء

مساقط الأشعة:

مَسَقَط شعاع $\vec{A}$ على المحور المبيّن هو

$$u = A \cos \theta$$

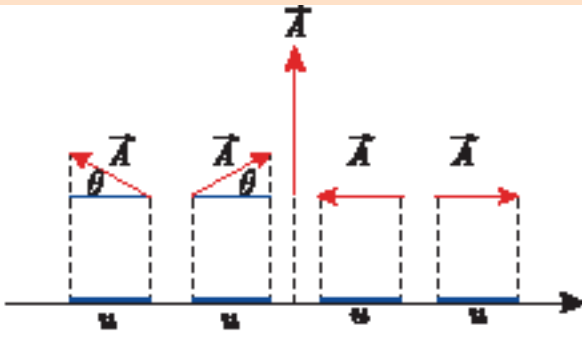
أستنتج

إذا كان الشعاع يوازي محور الإسقاط وبجهته

$$u = A \cos 0 = A$$

إذا كان الشعاع يوازي محور الإسقاط وبعكس جهته

$$u = A \cos \frac{\pi}{2} = 0$$



تطبيق (2)

تجرُّ قاطرةً مقطوراتٍ، كتلتها 50000 kg على خطٍّ حديديٍّ أفقيٍّ بتسارع ثابت 1.2 m.s^{-2} . ما تسارعُ مركز عتالة الجملة عندما تكون كتلة المقطورات 20000 kg مع بقاء قوَّة الجرِّ ثابتة؟ ماذا تستنتج؟

الحل:

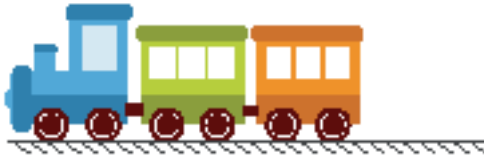
$$F = ma$$

$$F' = m'a'$$

$$F = F'$$

$$50000 \times 1.2 = 20000 \times a'$$

$$a' = 3 \text{ m.s}^{-2}$$



أستنتج أنَّ التسارع يزدادُ بتناقص كتلة الجسم عند ثبات القوَّة.

تطبيق (3)

تتحركُ سيارَةٌ كتلتها $m = 500 \text{ kg}$ ، بتسارع ثابت a ، بتأثيرِ مُحصلة قوَيٍّ خارجيَّة تبلغُ شدَّتُها $F_1 = 1000 \text{ N}$ ، وما قيمته إذا أصبحت شدَّة مُحصلة القوَي المؤثرة $F = 2000 \text{ N}$ ؟ ماذا أستنتج؟

الحل:

$$F = ma$$

$$a_1 = \frac{F_1}{m}$$

$$a_1 = \frac{1000}{500} = 2 \text{ m.s}^{-2}$$

$$a_2 = \frac{F_2}{m}$$

$$a_2 = \frac{2000}{500} = 4 \text{ m.s}^{-2}$$



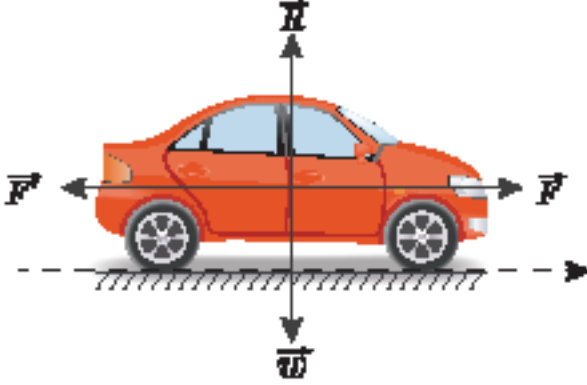
أستنتج أنَّ قيمة التسارع تزدادُ بازدياد شدَّة محصلة القوَي المؤثرة عند ثبات كتلة الجسم.

تطبيق (4)

تنطلقُ سيارَةٌ، كتلتها $m = 500 \text{ kg}$ من السكون على طريقٍ مُستقيمة أفقيَّة، فتخضعُ لقوَي احتكاكِ نعلها ثابتة، شدَّتُها $F' = 80 \text{ N}$ ، بالإضافة إلى قوَّة جرِّ المُحرِّك التي تحافظُ على شدَّة $F = 180 \text{ N}$ ، فتزدادُ سرعةُ السيارة بمعدَّلٍ ثابت فتقطع مسافةً 1 km.

1. ارسم مخططَ القوَي الخارجيّة المؤثرة في مركز عتالة السيارة.

2. احسب تسارع السيارة وحدد طبيعة حركتها.
3. احسب سرعة السيارة بعد قطعها المسافة السابقة.
الحل:



1. رسم مخطط القوى الخارجية المؤثرة:

2. بتطبيق قانون نيوتن الثاني

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{W} + \vec{R} + \vec{F} + \vec{F}' = m \cdot \vec{a}$$

بالإسقاط القوى على محور أفقي يوازي الطريق وله

جهة حركة السيارة:

$$0 + 0 + F - F' = m \cdot a$$

$$180 - 80 = 500 a$$

$$a = \frac{100}{500} = 0.2 \text{ m.s}^{-2}$$

بما أن السيارة تخضع لمحصلة قوى ثابتة (قوة جر المحرك وقوة الاحتكاك، وهما قوتان ثابتتان) تكتسب السيارة تسارعاً ثابتاً، فالحركة مستقيمة متغيرة بانتظام.

3. باستخدام العلاقة المستقلة عن الزمن

$$v^2 - v_0^2 = 2 a \cdot \Delta x$$

$$v^2 - 0 = 2 (0.2) (1000)$$

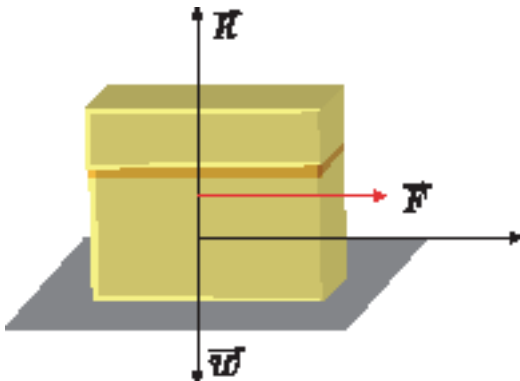
$$v = \sqrt{400} = 20 \text{ m.s}^{-1}$$

تطبيق (5)

قام أحد طلاب الصف الأول الثانوي بجر صندوق أملس، كتلته 25 kg على سطح أفقي أملس (من دون احتكاك)، وذلك بتطبيق قوة جر أفقية شدتها 50 N، المطلوب:

1. ارسم مخطط القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الصندوق.
2. احسب التسارع الذي يكتسبه الصندوق.
3. احسب المسافة التي يقطعها مركز عطالة الصندوق بعد 10 s من بدء حركته إذا علمت أنه بدأ حركته من السكون.

الحل:



1. رسم مخطط القوى الخارجية المؤثرة:

2. بتطبيق قانون نيوتن الثاني (العلاقة الأساسية في التحريك)

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

$$\vec{W} + \vec{R} + \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

بالإسقاط على محور بجهة قوة الجر $\vec{F}$

$$0 + 0 + F = m \cdot a$$

$$a = \frac{F}{m}$$

$$a = \frac{50}{25} = 2 \text{ m.s}^{-2}$$

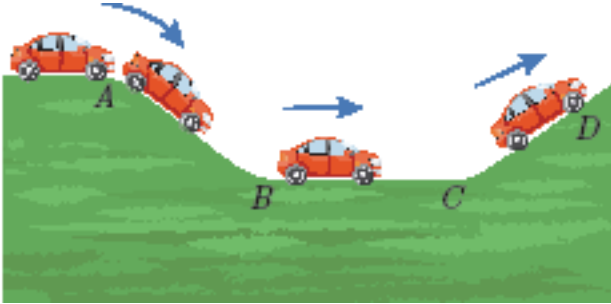
3. المسار مُستقيم والتسارع ثابتٌ فالحركة مُستقيمة مُتسارعة بانتظام

$$x - x_0 = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$$

$$x - x_0 = \frac{1}{2}(2)(10)^2 + (0)(2)$$

$$x - x_0 = 100 \text{ m}$$

تمرين (1)



تتحرك عربةٌ من السكون من دون قوّة جرّ على طريقٍ أملس فتقطع المسار بدءاً من A ثم تتوقّف في D .

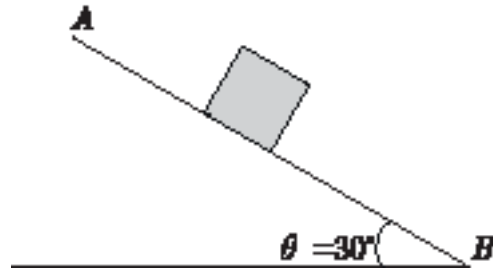
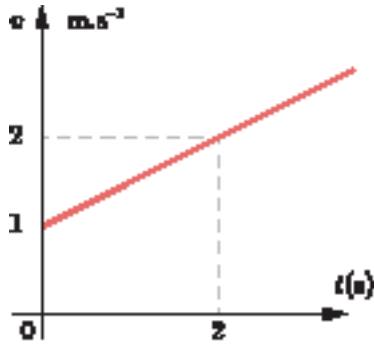
1. ارسم مخطط القوى الخارجيّة التي يخضع لها

مركز عطالة العربة في كلّ مرحلة.

2. ما طبيعة حركة العربة في كلّ مرحلة.

تمرين (2)

نُعطي لجسم كتلته $m = 100 \text{ g}$ سرعة ابتدائيةً v_0 مُوازية للمستوي AB الذي يميل عن الأفق بزاوية $\theta = 30^\circ$ فيخضع لقوّة احتكاكٍ نعلّها ثابتة، إذا بدأ حركته من A إلى B .



1. استنتج من الخطّ البياني السرعة الابتدائية للجسم وتسارعه.

2. ما طبيعة حركة الجسم في أثناء حركته من A إلى B ؟

3. احسب شدّة قوّة الاحتكاك التي يخضع لها الجسم في أثناء حركته.

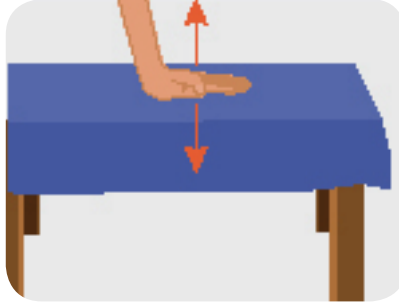
تمرين (3)



سيارة تسحب سيارةً أخرى مُعطّلة، كتلتها 2000 kg على طريقٍ مُستقيمة أفقيّة، فإذا أردنا أن تتسارع السيارة بانتظام من السكون إلى سرعة 2.5 m.s^{-1} (نهمل قوى الاحتكاك) خلال 50 s ، ما مقدار القوّة التي يجب أن يؤثر بها حبل السحب على تلك السيارة.

3-1-3 القانون الثالث لنيوتن. مبدأ الفعل وردّ الفعل

ألاحظ وأستنتج:



- لماذا بقيت الإشارة في مكانها على الرغم من قوّة شدّ كلّ من المُتسابقين للحبل؟
 - ماهو سبب شعورك بالألم عندما تؤثر على الطاولة الأفقيّة بقوّة كبيرة شاقوليّة نحو الأسفل؟
 - لماذا يتحرّك القارب بعكس جهة حركة الشّخص الذي يغادره؟
- من خلال ما سبق نستطيع أن نعلم:
- إذا أثّر جسم A بقوة $\vec{F}$ في جسم آخر B ، فإنّ الجسم B يؤثر في الجسم A بقوة $\vec{F}'$ تساوي $\vec{F}$ بالقيمة وتعاكسها بالاتّجاه. تسمّى إحدى هاتين القوتين قوّة الفعل بينما تسمّى الأخرى قوّة ردّ الفعل.

ينصّ قانون نيوتن الثالث على أن:

لكلّ فعل ردّ فعل يساويه بالمقدار ويعاكسه بالجهة.

تمرين (4)

احسب شدّة القوّة التي تؤثر بها أرضيّة مصعد ساكن على رجل كتلته 75 kg يقف داخل المصعد.
(باعتبار $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$)

إثراء: ★

نبذة عن العالم إسحاق نيوتن



عالمٌ إنجليزيّ يعدّ من أبرز العلماء مُساهمةً في الفيزياء والرياضيّات عبر العصور. صاغ نيوتن قوانين الحركة وقانون الجذب العام. كما أثبت أنّ حركة الأجسام على الأرض والأجسام السّماويّة يمكن وصفها وفق مبادئ الحركة والجاذبيّة ذاتها. يرجع له الفضل بوضع القوانين الرّياضيّة التي أثبتت قوانين كبلر المُعلّقة بحركة الكواكب حول الشّمس. أزال نيوتن آخر الشّكوك حول صلاحيّة نظريّة مركزية الشّمس كنموذج للكون.

تعلمتُ

- القوة: كلُّ ما يسببُ تغيير في شكل الجسم أو في حالته الحركية.
- عطالة الجسم: تعبر عن مُمانعة الجسم لتغيير حالته الحركية.
- قوانين نيوتن:

1. القانون الأول: إذا انعدمت مُحصلّة القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة جسم صلب، فإنَّ مركز عطالة الجسم يبقى ساكناً إذا كان بالأصل ساكناً، وإذا كان متحرّكاً تصبح حركته مستقيمة منتظمة، وسرعة مركز عطالته هي سرعته لحظة انعدام مُحصلّة القوى.

2. القانون الثاني: إذا خضع مركز عطالة جسم صلب لمُحصّلة قوى خارجية ثابتة منحىً وجهةً وشدةً، اكتسب تسارعاً ثابتاً يتناسب طرذاً مع شدة مُحصلّة القوى الخارجية المؤثرة، وله المنحى ذاته والجهة ذاتها. ترتبط مُحصلّة القوى الخارجية المؤثرة $\vec{F}$ في مركز عطالة جسم، كتلته m ، وتسارعه $\vec{a}$ ، بالعلاقة:

$$\Sigma \vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

3. القانون الثالث: لكلِّ فعلٍ ردٌّ فعلٍ يساويه بالقيمة ويعاكسه بالجهة.

أختبر نفسي



أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكلِّ ممّا يأتي:

1. سيارة كتلتها m عندما تكون متوقفة فإن:
 - a. مُحصلّة القوى المؤثرة في مركز عطالتها معدومة.
 - b. تؤثر فيها قوّة وحيدة.
 - c. تسارعها ثابت غير معدوم.
 - d. مُحصلّة القوى المؤثرة في مركز عطالتها ثابتة غير معدومة.
2. سيارة كتلتها m عندما تسير على طريق مُستقيم بسرعة ثابتة، فإن:
 - a. مُحصلّة القوى المؤثرة في مركز عطالتها معدومة.
 - b. تؤثر فيها قوّة وحيدة.
 - c. تسارعها ثابت غير معدوم.
 - d. مُحصلّة القوى المؤثرة في مركز عطالتها ثابتة غير معدومة.

3. سيارة كتلتها m عندما تتسارع حركتها بانتظام فإن:

a. سرعتها ثابتة.

b. تسارعها معدوم.

c. محصلة القوى المؤثرة في مركز عطالتها ثابتة غير معدومة.

d. محصلة القوى المؤثرة في مركز عطالتها معدومة.

4. عندما ندفع بالقوة ذاتها كتلتين $m_1 = 5m_2$ فإن:

a. $a_1 = a_2$

b. $a_1 = 2a_2$

c. $a_1 = 5a_2$

d. $a_2 = 5a_1$

5. إذا زادت سرعة سيارة كتلتها 800 Kg من 10 m.s^{-1} إلى 30 m.s^{-1} خلال 5 s، فإن محصلة القوة المؤثرة على السيارة تساوي:

a. 1600 N

b. 4800 N

c. 3200 N

d. 200 N

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

1. يقف رجل كتلته 50 kg على أرضٍ مستوية أفقية، ما قيمة القوة التي يؤثر بها سطح الأرض على الرجل، وما اتجاهها؟ (باعتبار $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$).

2. الخط البياني المقابل يمثل العلاقة بين الكتلة والقوة المؤثرة في مركز العطالة، ما هو تسارع مركز العطالة؟



3. احسب شدة ثقل رائد فضاء على سطح الأرض، ثم على سطح القمر، إذا كانت كتلته على سطح الأرض 90 kg، حيث تسارع الجاذبية على سطح القمر 1.67 m.s^{-2} ، و تسارع الجاذبية على سطح الأرض 9.8 m.s^{-2} .

ثالثاً: حلّ المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

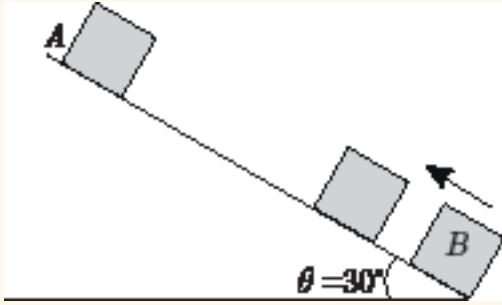
تجرّ عربة كتلتها 24 kg بدءاً من السكون على طريقٍ مستقيمةٍ أفقيّةٍ، فلزمَ لذلك تطبيقُ قوّةٍ أفقيّةٍ شدّتها 75 N فبلغت سرعتها 5 m.s^{-1} بعد قطعها مسافة 10 m **المطلوب حساب:**

a. شدّة قوّة الاحتكاك بين الأرض والعربة.

b. الزمن اللازم لقطع تلك المسافة.

المسألة الثانية:

نقدفُ جسماً كتلته 1 kg من B أسفل مستوٍ يميلُ عن الأفق بزاوية $\theta = 30^\circ$ ، بسرعةٍ ابتدائيةٍ توازي المستوي، فيتوقّف الجسمُ في النقطة A، ويكونُ التابعُ الزمنيّ لسرعة الجسم $v = -6t + 3$ ، علماً أن الجسمَ يخضعُ في أثناء حركته إلى قوّة احتكاكٍ ثابتةٍ الشدّة.



a. استنتج تسارعَ الجسم وسرعته الابتدائية.

b. احسب المسافة التي قطعها الجسمُ حتّى توقّف.

c. احسب شدّة قوّة الاحتكاك.

المسألة الثالثة:

تطلقُ سيّارةٌ كتلتها 1350 kg من السكون على طريقٍ مستقيمةٍ أفقيّةٍ بتسارع ثابت، فبلغَ سرعتها 20 m.s^{-1} خلال زمن 4 s. (إهمال قوى الاحتكاك ومقاومة الهواء)، **المطلوب حساب:**

a. تسارع حركة مركز عطالة السيارة.

b. شدّة قوّة جرّ مُحركِ السيّارة في أثناء الحركة السابقة.

المسألة الرابعة:

بينما كان سائقٌ يقودُ سيّارته على طريقٍ مُستقيمةٍ أفقيّةٍ بسرعة 20 m.s^{-1} ، تفاجأ بإشارة المرور الحمراء، فاستخدمَ المكابح لتصبح حركة سيّارته مُتباطئةً بانتظام فتوقّفت خلال زمن 4 s، **المطلوب حساب:**

a. تسارع السيّارة خلال مرحلة التباطؤ.

b. بعد السيّارة عن إشارة المرور لحظة استخدام المكابح.

المسألة الخامسة:

1. تسيرُ سيّارةٌ على طريقٍ مُستقيمٍ أفقيّ بسرعةٍ ثابتة 20 m.s^{-1} ، بتأثير قوّة جرّ محرّكها الثابتة والتي تبلغ قيمتها 7500 N. احسب شدّة مُحصلّة القوى المُعيقة المؤثّرة في مركز عطالة السيّارة.

2. تصلُ السيّارة بعدئذٍ بسرعتها السّابقة 20 m.s^{-1} إلى طريقٍ صاعِدٍ تَميلُ على الأفق بزاوية 30° ، احسب المسافة التي يقطعها مركزُ عطالة السيّارة حتّى تقفَ مع بقاء قوى الاحتكاك ثابتةً.

المسألة السادسة:

تحرّكُ سيّارةٌ، شدّة ثقلها 3000 N، على طريقٍ مُستقيمةٍ أفقيّةٍ بسرعةٍ ثابتةٍ، قيمتها 50 m.s^{-1} ، وفي لحظةٍ ما ضغطَ السائقُ على المكابح فبتأطآت السيّارة بانتظام حتّى توقّفت، إذا علّمت أن السيّارة تعرّضت لقوى احتكاكٍ شدّتها 50% من شدّة ثقل السيّارة، ما المسافة التي تقطعها السيّارة حتّى تقفَ تماماً.

4-1

العمل والاستطاعة



المقدمة

- * يتعرّف العمل الفيزيائي.
- * يستنتج علاقة عمل قوة.
- * يميّز بين العمل المُحرّك والعمل المُقاوم.
- * يتعرّف الاستطاعة.
- * يربط بين تغيّر الطّاقة الحركيّة والعمل (نظريّة الطّاقة الحركيّة).
- * يربط بين تغيّر الطّاقة الكامنة والعمل (نظريّة الطّاقة الكامنة).

الكلمات المفتاحية:

- * القوّة
- Force
- * المسافة
- Distance
- * العمل
- Work
- * الاستطاعة (القدرة)
- Power
- * الزّمن
- Time
- * الطّاقة الكامنة
- Potential energy
- * الطّاقة الحركيّة
- Kinetic energy
- * الطّاقة الميكانيكيّة
- Mechanical energy
- * الانتقال
- Displacement

1-4 مفهوم العمل

ألاحظ وأستنتج:

- عندما يدفع الطفل السيارة بقوة ولا يستطيع تحريكها، هل لهذه القوة التي يبذلها عمل؟



- يدفع الطفل سيارته ليحركها من مكانٍ لآخر، فهل القوة التي يطبقها تقوم بعمل؟



- هل أنجز الرجل أو المرأة عملاً عندما نقل الصندوق من مكانه؟ ما وضع حامل القوة بالنسبة للانتقال في الحالتين؟



أستنتج

إذا أثرت قوة في نقطة من جسم صلب ونقلته على حاملها أو حامل إحدى مركبتيها، فإن القوة أنجزت عملاً فيزيائياً.

1-1-4 عملُ قوّة ثابتة الشدّة :

إذا انتقلت نقطة تأثير قوّة ثابتة الشدّة F ، مسافة d ، انتقالاً مُستقيماً يصنع حاملها زاوية θ ، فإنّ عمل هذه القوّة $\vec{W}$ يُعطى بالعلاقة:

$$\overline{W} = \vec{F} \cdot \vec{d}$$

$$\overline{W} = F d \cos \theta$$

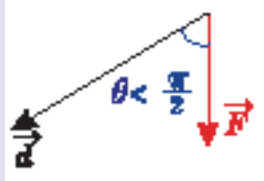
وحدة قياس العمل في الجملة الدّولية الجول J. ويُعرّف الجول بأنّه:

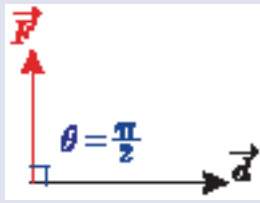
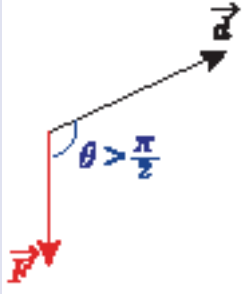
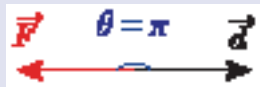
عملُ قوّة، مقدارها نيوتن واحد، تنتقلُ نقطة تأثيرها على حاملها وبجهتها مسافة مترٍ واحدٍ.

$$1 \text{ (J)} = 1 \text{ (N)} \times 1 \text{ (m)}$$

من هذا التعريف أستنتجُ أنّه:

- لينتجَ لدينا عمل يجبُ تطبيق قوّة يحدثُ على أثرها انتقالٌ لمركز عطالة الجسم .
- العملُ مقدارٌ جبريٌّ موجبٌ أو سالبٌ لأنّه ينتجُ من الجداء السلميّ لشعاع القوّة في شعاع الانتقال.
- إنّ وجودَ $\cos \theta$ في علاقة العمل يساعدُ في تحديد حالات العمل المُمكنة (موجب، سالب، معدوم) حيثُ θ هي الزاوية بين شعاع القوّة وشعاع الانتقال، ويمكنُ أن نميّز الحالات الآتية بحسب هذه الزاوية:

الزاوية بين القوّة والانتقال	علاقة العمل	نوع العمل	مُخطّط القوّة والانتقال	مثال
شعاع القوّة وشعاع الانتقال على حامل واحد وبجهة واحدة	$W = Fd \cos 0$ $\cos 0 = +1$ $W = +F d$	العمل موجب مُحركٌ		قوّة الشدّ قوّة تساعدُ على الحركة 
شعاع القوّة يصنعُ زاوية حادة مع شعاع الانتقال	$W = Fd \cos \theta$ $\cos \theta > 0$ $W > 0$	العمل موجب مُحركٌ		قوّة الثقل في أثناء الهبوط تساعدُ على الحركة 

قوة الشد الشاقولية مع انتقال أفقي لا تسبب عملاً 		العمل معدوم	$W = Fd \cos \frac{\pi}{2}$ $\cos \frac{\pi}{2} = 0$ $W = 0$	شعاع القوة عمودي على شعاع الانتقال
قوة النقل في أثناء الصعود تُعيق الحركة 		العمل سالب مُقاوم	$W = F d \cos \theta$ $\cos \theta < 0$ $W < 0$	شعاع القوة يصنع زاوية مُنفرجة مع شعاع الانتقال
قوة الاحتكاك قوة مُعيقة للحركة 		العمل سالب مُقاوم	$W = F d \cos \pi$ $\cos \pi = -1$ $W = -F d$	شعاع القوة وشعاع الانتقال على حامل واحد وبجهتين مُتعاكستين

تطبيق 1

تتحرك سيارة بتأثير قوة جرّ محرك ثابتة الشدة على طريق مُستقيمة أفقية علماً أنّها تخضع لقوى احتكاك ومقاومة هواء، مُحصلتها ثابتة الشدة. حدّد على الشكل المُجاور مُخطّط القوى الخارجية المؤثرة، ثمّ اكتب العلاقة المُعبّرة عن عمل كلّ قوة.

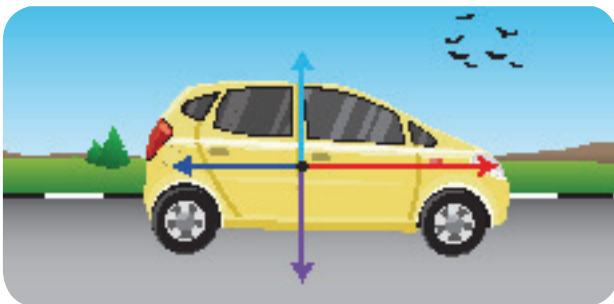
الحلّ:

عمل قوة الثقل: قوة الثقل عمودية على الانتقال الأفقي

$$W_{\vec{w}} = mg d \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

عمل قوة جرّ المحرك: قوة جرّ المحرك قوة لها حامل الانتقال وجهته.

$$W_{\vec{F}} = Fd \cos \theta = +Fd$$



عمل قوة الاحتكاك: قوة الاحتكاك قوة لها حامل الانتقال وتعاكسه بالجهة.
عمل قوة رد الفعل: قوة رد الفعل قوة عمودية على الانتقال.

$$W_{\vec{F}} = F' d \cos \theta = -F' d$$

$$W_{\vec{R}} = R d \cos \frac{\pi}{2} = 0$$

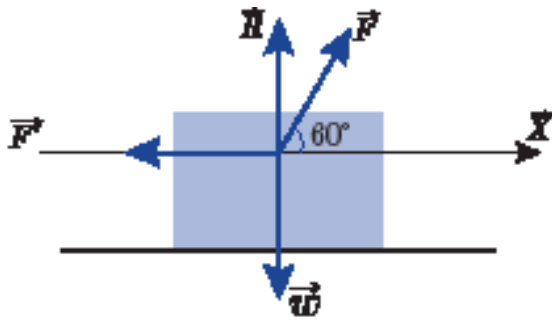
تطبيق 2

يشد شخص جسماً، كتلته $m = 30 \text{ kg}$ ، على أرض أفقية وفق مسار مستقيم بسرعة ثابتة بتطبيق قوة شدتها F ، يصنع حاملها مع الانتقال زاوية $\theta = 60^\circ$ ، ويخضع الجسم لقوة احتكاك ثابتة الشدة $F' = 20 \text{ N}$ تعاكس الحركة والمطلوب:

1. ارسم مخططاً للقوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الجسم .
2. احسب F شدة القوة المطبقة.
3. احسب العمل الذي تبذله كل قوة من القوى المؤثرة في مركز عطالة الجسم عندما ينتقل مسافة 5 m .

الحل:

1. بما أن سرعة الجسم ثابتة فهو يخضع لمحصلة قوى معدومة وذلك بحسب قانون العطالة



$$\Sigma \vec{F} = \vec{0}$$

$$\vec{F} + \vec{F}' + \vec{W} + \vec{R} = \vec{0}$$

بالإسقاط على محور أفقي كما في الشكل:

$$+F \cos \frac{\pi}{3} - F' + 0 + 0 = 0$$

$$F = \frac{20}{\frac{1}{2}} = 40 \text{ N}$$

2. حساب عمل كل من القوى المؤثرة:

عمل قوة الشد موجب (محرّك)؛ لأن الزاوية بين شعاعي القوة والانتقال حادة:

$$W_{\vec{F}} = F d \cos \frac{\pi}{3} = 40 \times 5 \times \frac{1}{2} = 200 \text{ J}$$

عمل قوة الاحتكاك سالب (مقاوم)؛ لأن الزاوية بين شعاعي القوة و الانتقال مستقيمة:

$$W_{\vec{F}'} = -F' d = 20 \times 5 = -100 \text{ J}$$

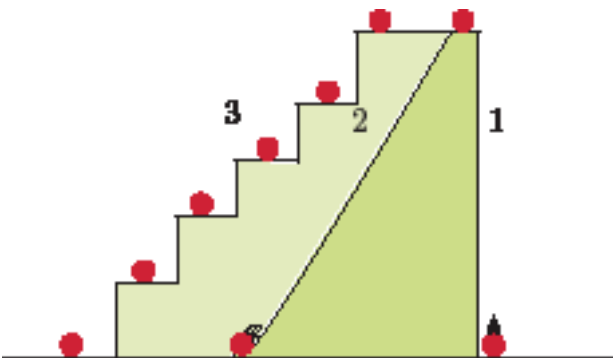
عمل قوتي رد الفعل والثقل معدوم؛ لأن الزاوية بين شعاعي القوة والانتقال قائمة:

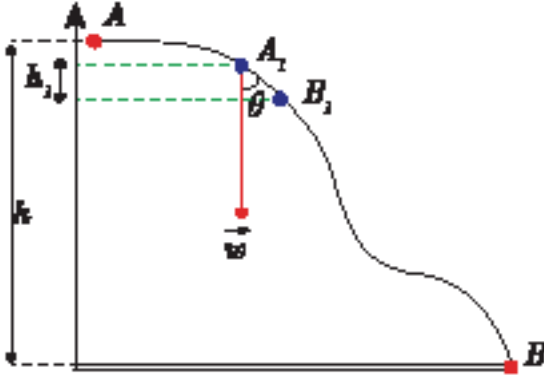
$$W_{\vec{R}} = 0 \quad W_{\vec{W}} = 0$$

2-1-4 عمل قوة الثقل في أثناء انتقال ما:

نشاط:

اترك كرة تسقط بتأثير قوة ثقلها من الأعلى إلى الأسفل عبر مسارات مختلفة 1، 2، 3 والتي لها ارتفاع واحد h عن سطح الأرض. ما هو عمل قوة ثقل الكرة في كل حالة عندئذ؟





إذا انتقل جسم من النقطة A إلى النقطة B عبر طريق مُنحنٍ (كما في الشكل المُجاور) فما هو عمل قوّة الثقل عندئذٍ:

نجزئ الانتقال الكلي إلى انتقالات صغيرة A_1B_1 ونحسب عمل قوّة الثقل في أثناء هذا الانتقال

$$W_1 = w A_1 B_1 \cos \theta$$

$$\cos \theta = \frac{h_1}{A_1 B_1}$$

$$W_1 = w A_1 B_1 \frac{h_1}{A_1 B_1}$$

$$W_1 = w h_1$$

ويكون عمل قوّة الثقل في أثناء الانتقال الكلي، هو المجموع الجبري للأعمال العنصريّة لقوّة الثقل في أثناء الانتقالات الصغيرة:

$$W_w = W_1 + W_2 + W_3 + \dots$$

$$W_w = w h_1 + w h_2 + w h_3 + \dots$$

$$W_w = w (h_1 + h_2 + h_3 + \dots)$$

$$W_w = m g h$$

$$W_w = w h$$

أي أنّ عمل قوّة الثقل لا يتعلّق بالطريق المسلوك، وإنّما بالوضعين البدائي والنهائي.

2-4 الاستطاعة



إذا قام عدّة أشخاص بالعمل ذاته فربّما ستجد أنّ كلّ واحدٍ منهم ينجزه في وقتٍ مُختلفٍ عن الآخر. عند استخدامك مضخّتي ماء لملء خزانين لهما الحجم ذاته إلى سطح البناء نفسه، نجد أنّ إحدى المضختين تملأ الخزان قبل الأخرى.

• أيّ المَضخّتين الأفضل برأيك، ولماذا؟

لُمقارَنة القدرات بين الأشخاص أو الآلات، علينا حساب العمل الذي ينجزه أحدهم خلال وحدة الزمن. ونسمّي هذا المفهوم فيزيائيًا بالاستطاعة الميكانيكية.

$$P = \frac{W}{t}$$

يُقَدَّر العمل بالجول J

ويُقَدَّر الزمن بالثانية s

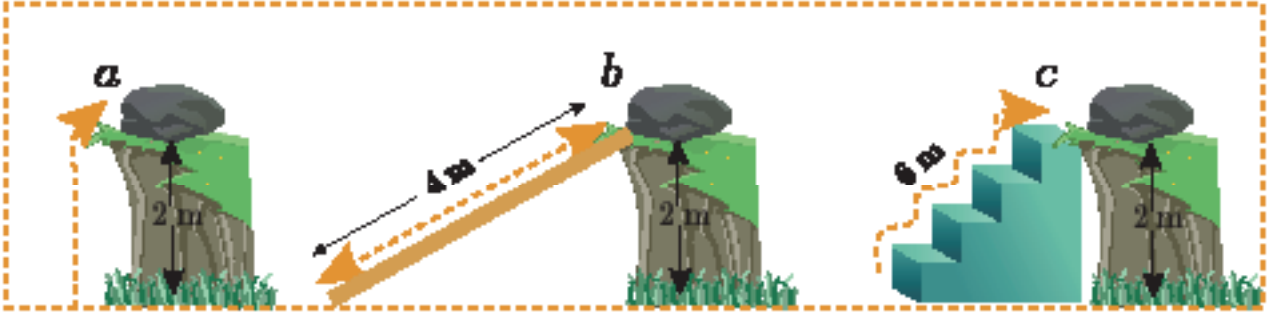
عندئذٍ تقدّر الاستطاعة بالواط Watt، ويُرمز لها بـ W



الاستطاعة: هي العمل المُنجز خلال واحدة الزمن.
 الواط: هو استطاعة عامل أو آلة تُنجز عملاً، قدره جول واحد خلال ثانية واحدة.
 هناك وحدة أخرى للاستطاعة: الحصان البخاري (hp) حيث $1 \text{ hp} = 735 \text{ W}$

فكر وأجب:

نرفع حجراً، كتلته m من سطح الأرض إلى أعلى المستوي عبر المسارات a, b, c بالسرعة ذاتها، بحيث تكون حركة الصخرة ثابتة على مسارها، أي الحالات الثلاثة يُنجز العمل بأقل استطاعة؟ ولماذا؟



تطبيق (3)

مُحرّك يرفع جسمًا، كتلته $m = 200 \text{ kg}$ ، بسرعة ثابتة $v = 3 \text{ cm.s}^{-1}$ ، احسب استطاعته مقدرة بالواط، ثم بالحصان البخاري.

الحل:

$$P = \frac{W}{t}$$

$$P = \frac{F d}{t}$$

$$P = \frac{m g d}{t}$$

$$P = F \cdot v$$

$$P = 200 \times 10 \times 3 \times 10^{-2}$$

$$P = 60 \text{ W}$$

$$P = \frac{60}{735} = 0.078 \text{ hp}$$

تمرين:

تجر قاطرة عدّة عربات بقوة شدتها $48 \times 10^3 \text{ N}$ على مسارٍ مُستقيم، طوله 100 km ، خلال $1 \text{ h}, 20 \text{ min}$. احسب عمل هذه القوة واستطاعتها خلال المسار السابق.

3-4 نظرية الطاقة الحركية ونظرية الطاقة الكامنة:



يُعتبر مفهوم الطاقة وأشكالها من المفاهيم الفيزيائية التي لها تطبيقات كثيرة في مجالات الحياة عامة، وللطاقة أشكال عديدة تتحوّل من شكل إلى آخر حسب الظروف المتوفرة والأداة المستخدمة لاستهلاكها أو توليدها.

العمل شكل من أشكال الطاقة، ويمتلك الجسم طاقة إذا كان قادراً على القيام بعمل، ومن أشكال الطاقة: الطاقة الحركية والطاقة الكامنة.

الطاقة الحركية: هي الطاقة التي يمتلكها الجسم المتحرك، وتعلّق بكتلة الجسم وسرعته، وتُعطى بالعلاقة:

$$E_K = \frac{1}{2}mv^2$$

الطاقة الكامنة الثقالية: هي الطاقة التي يمتلكها الجسم عندما يكون على ارتفاع مُعيّن عن مستوى مرجعي، وتعلّق بثقل الجسم وارتفاعه عن المستوى المرجعي، تُعطى بالعلاقة:

$$E_p = wh$$

الأنظُر وأجيب:

ما نوع الطاقة التي تمتلكها الكرة الساكنة في أعلى ارتفاع على قمة المنحدر المائل؟

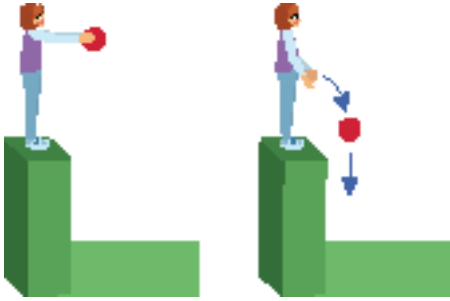


ما نوع طاقة الكرة في أثناء انتقالها من قمة المنحدر نحو الأسفل؟



4-4 استنتاج نظرية الطاقة الحركية ونظرية الطاقة الكامنة

نترك حجراً كتلته m ، يسقط سقوطاً حراً من ارتفاع h عن سطح الأرض الذي نعتبره المستوي المرجعي.



- استنتج علاقة سرعة الحجر لحظة وصوله سطح الأرض.
بما أن الحجر يسقط سقوطاً حراً فإن:

$$v = gt$$

$$h = \frac{1}{2}gt^2$$

بالتعويض ينتج: $v = \sqrt{2gh}$

- ما العلاقة بين تغير الطاقة الحركية للحجر ومجموع أعمال القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالته؟
إن تغير الطاقة الحركية للحجر بدءاً من لحظة سقوطه وحتى وصوله سطح الأرض:

$$\Delta E_K = E_{K_2} - E_{K_1}$$

$$\Delta E_K = \frac{1}{2}mv^2 - 0$$

$$\Delta E_K = \frac{1}{2}m(2gh)$$

$$\Delta E_K = mgh$$

وبما أن عمل قوة ثقل الحجر $W = mgh$

أستنتج: $\Delta E_K = W$

نعم هذه النتيجة على شكل نظرية، تُعرف باسم نظرية الطاقة الحركية لجسم صلب، والتي تنص على:

إن تغير الطاقة الحركية لجسم صلب خلال فاصل زمني مُعيّن يساوي العمل الذي تقوم به مُحصلة القوى المؤثرة في الجسم خلال الفاصل الزمني نفسه.

- ما العلاقة بين تغير الطاقة الكامنة للحجر وعمل مُحصلة القوى المؤثرة في مركز عطالته؟
إن تغير الطاقة الكامنة للحجر بدءاً من سقوطه وحتى وصوله سطح الأرض:

$$\Delta E_P = E_{P_2} - E_{P_1}$$

$$\Delta E_P = 0 - wh$$

$$\Delta E_P = -mgh$$

وبما أن عمل قوة ثقل الحجر $W = mgh$

أستنتج: $\Delta E_P = -W$

نعم هذه النتيجة على شكل نظرية، تُعرف باسم نظرية الطاقة الكامنة الثقالية، والتي تنص على:

إن تغير الطاقة الكامنة الثقالية في جملة (جسم - أرض) خلال فاصل زمني مُعيّن، يساوي قيمة عمل قوة الثقل، ويعاكسه إشارة عند انتقال نقطة تأثيره بين الوضعين المُعتبرين خلال الفاصل الزمني ذاته.

- ما العلاقة بين تغير الطاقة الحركية و تغير الطاقة الكامنة الثقالية لجسم صلب؟
لدينا:

$$\Delta E_K = W$$

$$\Delta E_P = -W$$

$$\Delta E_K + \Delta E_P = 0$$

بجمع العلاقتين نجد:

$$\Delta(E_K + E_P) = 0$$

أي أن مجموع الطاقيتين الحركية والكامنة مقداراً مصوناً لا يتغيّر، نسمّي مجموع هاتين الطاقيتين بالطاقة الميكانيكية للجسم، ونرمز لها E ، وهي مقداراً مصوناً في حالة خضوع الجسم لقوة ثقالة. نعم هذه النتيجة بشرط أن تكون جميع القوى المؤثرة على الجسم قوى مُحافِظة.

$$\Delta E = 0$$

$$E_2 - E_1 = 0$$

$$E_2 = E_1 = \text{const}$$

وهذا يحقق مبدأً مصونيّة الطاقة.

تطبيق (4)

يُوضع جسمٌ كتلته $m = 5 \text{ kg}$ على مستوى أفقي، نعطي للجسم سرعة ابتدائية $v_0 = 2 \text{ m.s}^{-1}$ ، فيخضع الجسم في أثناء حركته لقوة احتكاك ثابتة، شدتها تساوي $F' = 10 \text{ N}$.



1. احسب تسارع الجسم.
2. احسب المسافة التي يقطعها الجسم قبل أن يقف.
3. احسب العمل الذي قامت به قوة الاحتكاك.
4. احسب تغيّر الطاقة الحركية للجسم.
5. احسب تغيّر الطاقة الكامنة للجسم.
6. هل الطاقة الميكانيكية محفوظة؟ علّل ذلك.

الحل:

1. القوى المؤثرة في الجسم هي قوة الاحتكاك $\vec{F}'$ وقوة الثقل $\vec{W}$ وقوة ردّ الفعل النّاظمي $\vec{R}$ بتطبيق المبدأ الأساسي في التحريك

$$\vec{F} = m\vec{a}$$

$$\vec{F}' + \vec{W} + \vec{R} = m\vec{a}$$

بالإسقاط على محور أفقي موجّه بجهة الحركة

$$-F' + 0 + 0 = ma$$

$$a = \frac{F'}{m}$$

$$a = -\frac{10}{5} = -2 \text{ m.s}^{-2}$$

الحركة مُتباطئة بانتظام.

2. من قوانين الحركة:

$$v = at + v_0$$

$$0 = -2t + 2$$

$$t = 1 \text{ s}$$

نعوّض في مُعادلة المسافة المقطوعة

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t$$

$$\Delta x = -t^2 + 2$$

$$\Delta x = 1 \text{ m}$$

3. عمل قوّة الاحتكاك: $W = F'x$

$$= -10 \times 1$$

$$W = -10 \text{ J}$$

4. تغيّر الطاقة الحركيّة $\Delta E_K = 0 - \frac{1}{2}mv_0^2 = -\frac{1}{2}5(2)^2 = -10 \text{ J}$

5. يبقى الجسم في المستوي الأفقي نفسه، إذن لا تتغيّر طاقته الكامنة أي: $\Delta E_P = 0$

6. بمقارنة نتيجة السؤال (3) ونتيجة السؤال (5) أستنتج أنّ الطاقة الميكانيكيّة غير محفوظة. نعلّل ذلك بأنّ قوى الاحتكاك غير مُحافِظة (مُبَدّدة للطاقة).

تعلّمت

• إذا انتقلت نقطة تأثير القوى $\vec{F}$ بشعاع إزاحة $\vec{d}$ ، فإنّ عمل هذه القوّة W يساوي:

$$W = \vec{F} \cdot \vec{d} = Fd \cos \theta$$

حيث F : شدّة القوّة. d : طول شعاع الإزاحة. θ : الزاوية بين $\vec{F}$ و $\vec{d}$.

• وحدة العمل في الجملة الدوليّة هي الجول، ورمزه J.

• إذا كان عمل قوّة خلال زمن t يساوي W ، فإنّ الاستطاعة تساوي: $P = \frac{W}{t}$

• إذا أثّرت قوّة $\vec{F}$ في جسم متحرّك بسرعة v ، فإنّ استطاعة هذه القوّة تساوي: $P = \vec{F} \cdot \vec{v}$

• نظريّة الطاقة الحركيّة: إنّ عمل مُحصّلة القوى المؤثّرة في جسم، يساوي تغيّر الطّاقة الحركيّة للجسم (بشرط أن تكون القوى مُحافِظة).

• نظريّة الطاقة الكامنة: إنّ عمل مُحصّلة القوى المؤثّرة في جسم، يساوي بالقيمة المُطلقة ويعاكس بالإشارة تغيّر الطاقة الكامنة للجسم (بشرط أن تكون القوى مُحافِظة).

• الطاقة الميكانيكيّة تساوي مجموع الطاقة الحركيّة والطاقة الكامنة، وتغيّر الطاقة الميكانيكيّة يساوي عمل القوى غير المُحافِظة (المُبَدّدة للطاقة).

أختبر نفسي



أولاً: أجب عن الأسئلة الآتية:

1. هل قوى الثّقالة هي قوى مُحافِظة؟ علّل إجابتك.

2. هل القوى المُعيقة للحركة تسبّب زيادة السرعة أو نقصانها دوماً؟ أعط أمثلة.

3. عند تحرّك سيارة بسرعة مُستقيمة مُنتظمة على طريق أفقي، تكون مُحصّلة القوى المؤثّرة في مركز عطالة السيارة معدومة، ومع ذلك تستهلك السيارة الوقود أي تصرّف عملاً، كيف تشرح ذلك؟

ثالثاً: حلّ المسائل الآتية: (نعتبر في أثناء حلّ المسائل $g = 10 \text{ m.s}^{-2}$):

المسألة الأولى:

يجرّ عاملٌ كتلته 80 kg عربةً كتلتها 40 kg على طريق مائل بزاوية 30° على الأفق، بسرعة ثابتة، ما قيمة العمل الذي يقدّمه العامل لجرّ العربة مسافة 20 m ؟ ما الطاقة التي يوفرّها العامل فيما لو قامَ بسحب العربة باستخدام حبلٍ طويلٍ مربوطٍ بالعربة، وبقي الرّجل مكانه في أعلى الطريق؟

المسألة الثانية:

تجرّ قاطرة عربات، بقوة 400 N على سكةٍ مُستقيمةٍ أفقيّةٍ بسرعةٍ ثابتةٍ 36 m.s^{-1} لمدة ساعة، المطلوب حساب:

1. العمل التي تنجزه القوة المُطبقة من القاطرة.

2. استطاعة محرّك القاطرة.

المسألة الثالثة:

سيارةٌ كتلتها $m = 800 \text{ kg}$ ، تنطلق من السكون على طريقٍ مُستقيمةٍ أفقيّةٍ، بتأثير قوة جر $F_1 = 2500 \text{ N}$ ، وتخضع لقوى مُقاومة مُحصلتها F_2 ، لها حامل F_1 ، وتعاكسها بالجهة شدتها $F_2 = 900 \text{ N}$ المطلوب حساب:

1. تسارع مركز عطالة السيارة.

2. الزمن t اللازم ليقطع مركز العطالة مسافة قدرها 400 m .

3. العمل الميكانيكي لكل من القوتين $\vec{F}_1$ ، $\vec{F}_2$ خلال قطع المسافة السابقة.

4. الاستطاعة المتوسطة التي بذلها محرّك السيارة خلال الزمن t .

المسألة الرابعة:

تدفع أمّ عربةً طفلتها بسرعةٍ ثابتةٍ على طريقٍ مُستقيمة أفقيّةٍ بقوةٍ شدّة تصنع مع الأفق زاوية 60° ، باعتبار العربة تخضع لقوة احتكاكٍ شدتها 20 N ، احسب العمل الذي تبذله قوة الدّفع عندما تتحرّك العربة مسافة 5 m .

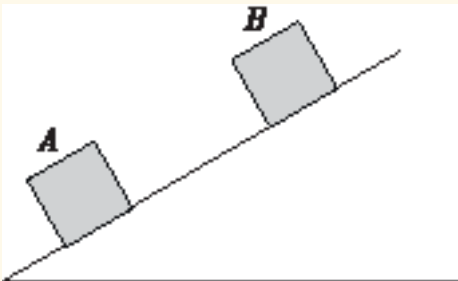


المسألة الخامسة:

نطلق جسمًا، كتلته 100 g من نقطة A على مستوى يميل عن الأفق بزاوية $\theta = 30^\circ$ ، فيصل الجسم إلى النقطة B بسرعة $v_B = \frac{1}{2}v_A$ ، إذا علمت أن الجسم يخضع في أثناء حركته لقوة احتكاكٍ ثابتة، شدتها 1 N وأن المسافة $AB = 2 \text{ m}$ ، فالمطلوب حساب:

1. تغيير الطاقة الحركية للجسم خلال المسافة السابقة.

2. سرعة الجسم عند A .



المسألة السادسة:

تتحرّك سيارةٌ كتلتها $m = 900 \text{ kg}$ بسرعة 72 Km.h^{-1} ، على طريقٍ مُستقيمةٍ أفقيّةٍ، يرى السائق على بُعدٍ مناسب أن إشارة المرور أصبحت حمراء، فيضغط على المكابح، فتتوقّف السيارة خلال دقيقة من الزمن بعد أن تقطع مسافة 100 m ، المطلوب:

احسب الاستطاعة التي بذلتها قوة المكابح على السيارة لتقف.

مشروع دراسة حركة خط إنتاج مخبز آلي

مقدمة:

الهدف العام:

الاستفادة من الحركات الفيزيائية في الصناعة (المخبز الآلي).

أهداف المشروع:

1. دراسة تطبيقات الحركة المستقيمة المنتظمة والحركة المستقيمة المتغيرة بانتظام.
2. دراسة الجدوى الاقتصادية لأتمتة بعض الصناعات.
3. تحسين الإنتاج واختصار زمن الإنتاج.
4. اقتراح تطبيقات أخرى.

مراحل المشروع:

أولاً- التخطيط:

- تحديد طبيعة حركة خط الإنتاج من خلال زيارة ميدانية.
- دراسة ومقارنة بين الإنتاج اليدوي التقليدي والإنتاج الآلي.
- الإجراءات الصحية المتبعة في كل منهما.

ثانياً- التنفيذ:

- يتم توزيع الطلاب إلى أربع مجموعات:

- المجموعة الأولى: مهمتها زيارة مخبز يعمل وفق الطرق التقليدية، وإجراء دراسة حول كمية الإنتاج وعدد ساعات العمل، وعدد العمال، ومدى تحقيق الشروط الصحية المناسبة.
- المجموعة الثانية: مهمتها زيارة مخبز يعمل وفق خط إنتاج آلي، وإجراء دراسة حول كمية الإنتاج، وعدد ساعات العمل، وعدد العمال، ومدى تحقيق الشروط الصحية المناسبة.
- المجموعة الثالثة: البحث عبر الشبكة عن تطبيقات حديثة تعتمد على دول أخرى لإنتاج الخبز.
- المجموعة الرابعة: مقارنة النتائج لكل مجموعة من حيث كمية الإنتاج وجودته.

ثالثاً- التقويم:

مناقشة النتائج وإعداد تقرير كامل حول الآثار الإيجابية والسلبية لأتمتة بعض الصناعات في الجمهورية العربية السورية واقتراح طرق للمعالجة.



الوحدة الثانية

الكهرباء

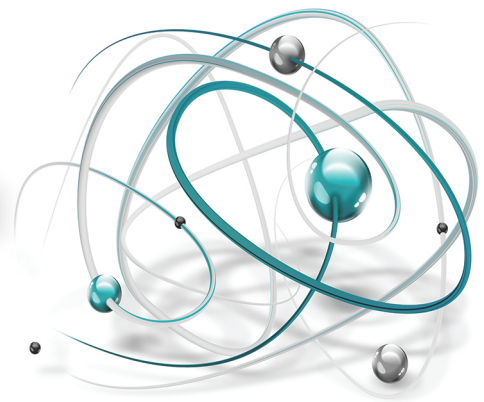
كيف تعمل آلة تصوير المستندات؟

ما يحدث داخل ماكينة تصوير المستندات شيء مذهش حقاً إذ تعمل هذه الآلة بمبدأ تجاذب الشحنات المتعاكسة معتمدة أساسيات الكهرباء الساكنة حيث تتكون شحنات إضافية موجبة أو سالبة على المادة ولكن دون أن تكون لها حرية الحركة، فالشحنة الموجبة تجذب الشحنة السالبة والعكس صحيح.



1-2

الكهرباء الساكنة



يتناول موضوع الكهرباء الساكنة دراسة الشحنات الكهربائية والتأثير المتبادل فيما بينها وهي في حالة التوازن، بينما يتناول موضوع الكهرباء المتحركة حركة الشحنات في الدارات الكهربائية.



البرق والصواعق من الظواهر التي تحدث في الطبيعة، ويرجع ذلك إلى الشحنات الكهربائية المتشكلة على سطح الغيوم.

ألاحظ وأفكر

- عندما أسرّخ شعري الجاف بمشط مصنوع من البلاستيك ألاحظ انجذاب الشعر نحو المشط.
- عندما أخلع ملابس الصوفية في الظلام ألاحظ أحياناً شرارة كهربائية.
- كيف يكتسب الجسم المعتدل شحنة كهربائية؟
- هل الأجسام في الظواهر السابقة مشحونة أم معتدلة؟
- إنَّ انتقال الشحنات الكهربائية من جسمٍ إلى آخر يفسّر لنا هذه الظواهر.
- الجسم الذي يفقد الإلكترونات يصبح موجب الشحنة.
- الجسم الذي يكتسب الإلكترونات يصبح سالب الشحنة.
- شحنة الإلكترون e ، هي أصغر مقدار للشحنة تمَّ تحديده (حتى الآن)، وتُسمى الشحنة الأساسية.

الأهداف:

- * يتعرّف الشحنة الكهربائية الأساسية.
- * يميّز بين الكهرباء الساكنة والمتحركة.
- * يسمّي التأثير المتبادل بين شحنتين نقطيتين.

الكلمات المفتاحية:

- * التفريغ الكهربائي
- * القوة الكهربائية
- * قانون كولوم
- * الكهرباء
- Electricity
- * الكهرباء الساكنة
- Static Electricity
- * الشحنة الكهربائية
- Electric Charge
- * شحنة موجبة
- Positive Charge
- * شحنة سالبة
- Negative Charge
- * قانون كولوم
- Coulomb's Law
- * كاشف كهربائي
- Electroscope
- * إلكترون
- Electron
- * مصوئية الشحنة الكهربائية
- Law of conservation of Electric Charge

☆ إثناء:

- اكتشفت الكهرباء الساكنة منذ 600 سنة قبل الميلاد، عندما لاحظ عالم يوناني انجذاب قصاصات من الورق إلى ساق دليكت بالصوف. ويرجع بعضهم اكتشافها وملاحظتها إلى آلاف السنين، حيث يوجد بعض الكتابات على جدران بعض المعابد التي شيدها المصريون القدماء.
- **التكهزب:** هو شحن الجسم بشحنة كهربائية عن طريق فقد أو اكتسابه للإلكترونات.

1-1 التفريغ الكهربائي (Electric Discharge):

أثناءل:

هل شعرت يوماً بوخزة في يدك عند مصافحة صديقك، بعد أن تنهض عن كرسي من البلاستيك كنت تجلس عليه؟

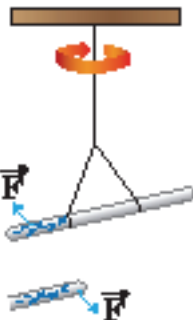


- تفسير ذلك أنه عند جلوسك على الكرسي يكتسب جسمك شحنة كهربائية خفيفة، وعند المصافحة تنتقل الإلكترونات من يد صديقك إلى يدك أو بالعكس، مما يعيدك إلى الحالة المعتدلة ثانية، وهذا ما نسميه التفريغ الكهربائي.
- إن كلاً من الشرارة الكهربائية الصغيرة التي تشعر بها، وكذلك البرق، هما مثالان عن تفريغ الكهرباء الساكنة. وتختلف حالة الشحن والتفريغ في المثالين السابقين كثيراً من حيث المقدار، إلا أنهما متماثلتان في طبيعتهما.

2-1 القوة الكهربائية المتبادلة بين شحنتين نقطيتين في الخلاء (قانون كولوم):



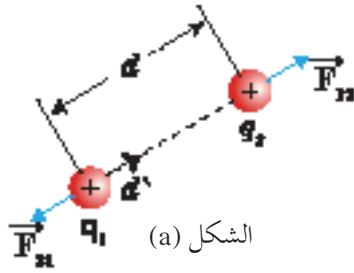
الشكل (b)



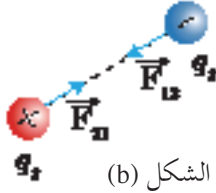
الشكل (a)

نعلم أن الشحنات الكهربائية المتماثلة تتدافع فيما بينها، والشحنات الكهربائية المتعاكسة تتجاذب فيما بينها بقوى كهربائية. فما العوامل التي تؤثر على القوة الكهربائية؟

أثبت كولوم من خلال تجاربه الآتي:



الشكل (a)



الشكل (b)

- إن الشحنتين النقطيتين الساكنتين (q_2, q_1) ، اللتين تبعدان عن بعضهما مسافة d تتبادلان التأثير فيما بينهما بقوتين متعاكستين بالجهة دوماً، ومتساويتان بالشدة $F = F_{12} = F_{21}$ حيث:
- $\vec{F}_{12}$: القوة التي تؤثر بها الشحنة q_1 على الشحنة q_2 .
- $\vec{F}_{21}$: القوة التي تؤثر بها الشحنة q_2 على الشحنة q_1 .

- إن شدة القوة تتناسب طردياً مع جداء الشحنتين q_1 و q_2 . فإذا استبدلنا q_1 مثلاً بشحنة أخرى $q'_1 = 2q_1$ مع بقاء (d, q_2) ثابتتين، نجد أن شدة القوة تصبح مثلي ما كانت عليه في الحالة الأولى أي: $F' = 2F$.
- إن شدة القوة تتناسب عكساً مع مربع البعد الفاصل بينهما d . فإذا جعلنا البعد بين الشحنتين مثلي ما كان عليه $d' = 2d$ ، مع ثبات قيمة الشحنتين، نجد أن شدة القوة تصبح ربع ما كانت عليه أي: $F' = \frac{1}{4}F$.

1-2-1 قانون كولوم:



شارل أوغستان دي كولوم

1736 – 1806

فيزيائي فرنسي اكتشف القانون الذي

يحمل اسمه (قانون كولوم)

تؤثر شحنتان نقطيتان ساكنتان q_1, q_2 بعضهما في الخلاء بقوتين $\vec{F}_{21}, \vec{F}_{12}$ متعاكستين بالجهة دوماً، محمولتين على المستقيم المارّ منهما، شدتهما المشتركة $F = F_{12} = F_{21}$ تتناسب طردياً مع جداء قيمتي الشحنتين، وعكساً مع مربع البعد الفاصل بينهما d . وتُعطى هذه الشدة بالعلاقة: $F = k \frac{q_1 \cdot q_2}{d^2}$ حيث F : شدة القوة وحدتها نيوتن N

q_1, q_2 : القيمة الجبرية للشحنة وحدتها الكولوم C.

d : البعد الفاصل بين الشحنتين وحدته المتر m.

k : ثابت التناسب (ثابت كولوم) تعلق قيمته بالوحدات المستخدمة وبالوسط العازل الفاصل بين الشحنتين قيمته $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2.\text{C}^{-2}$ في الجملة الدولية وفي الخلاء.

فإذا كانت (q_2, q_1) مُتماثلتين بالشحنة، فإن F تنافرية.

وإذا كانت (q_2, q_1) مختلفتين بالشحنة، فإن F تجاذبية.

تطبيق (1)

شحنتان نقطيتان $q_1 = 5\mu\text{C}$, $q_2 = 20\mu\text{C}$ تبعدان عن بعضهما في الخلاء $d = 0.5 \text{ m}$. المطلوب:

1. احسب شدة القوة الكهربائية المتبادلة بينهما.

2. مثل القوتين المتبادلتين بالرسم.

الحل:

$$F = k \frac{q_1 \cdot q_2}{d^2} \quad 1.$$

$$F = 9 \times 10^9 \frac{5 \times 10^{-6} \times 20 \times 10^{-6}}{(0.5)^2} = 3.6 \text{ N}$$

F تنافرية لأن الشحنتين مُتماثلتين.

$$2. \quad \vec{F}_n \leftarrow (+) \text{---} (+) \rightarrow \vec{F}_n$$

بما أن القوة مقدار شعاعي، فإن عناصر شعاع القوة الكهربائية (قوة كولوم) هي:

- نقطة التأثير: الشحنة المتأثرة.
- الحامل: المستقيم المار من الشحنتين.
- الجهة: تتوقف على نوع الشحنتين، حيث تكون تجاذبية إذا كانت الشحنتان مختلفتين نوعاً، وتنافرية إذا كانت الشحنتان متماثلتين نوعاً.

$$\bullet \text{ الشدة: تُعطى بالعلاقة: } F = k \frac{q_1 \cdot q_2}{d^2}$$

تعميم: في حال وجود عدة شحنات نقطية تؤثر في شحنة نقطية واحدة، فإن القوة الكلية المؤثرة عليها تُجمع جمعاً شعاعياً.

تطبيق (2)

ثلاث شحنات كهربائية نقطية ساكنة $q_1 = +2\mu C$, $q_2 = -6\mu C$, $q_3 = +8\mu C$ تقع على استقامة واحدة، بحيث تقع q_2 بين q_1 و q_3 . فإذا علمت أن q_1 تبعد عن q_2 مسافة 3 cm، وأن q_3 تبعد عن q_2 مسافة 6 cm المطلوب: حساب:

1. شدة القوة المتبادلة بين q_1 و q_2 وما نوعها؟

2. شدة القوة المتبادلة بين q_2 و q_3 وما نوعها؟

3. شدة محصلة القوى المؤثرة في q_2 .

الحل:

$$1. \quad F_{12} = 9 \times 10^9 \frac{q_1 \cdot q_2}{d_1^2}$$

$$\text{فالقوة تجاذبية} \quad F_{12} = 9 \times 10^9 \frac{2 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} = 120 \text{ N}$$

$$2. \quad F_{32} = 9 \times 10^9 \frac{q_3 \cdot q_2}{d_2^2}$$

$$\text{فالقوة تجاذبية} \quad F_{32} = 9 \times 10^9 \frac{8 \times 10^{-6} \times 6 \times 10^{-6}}{(6 \times 10^{-2})^2} = 120 \text{ N}$$

$$3. \quad F = F_{12} - F_{32} = 120 - 120 = 0 \text{ N}$$

تطبيق (3)

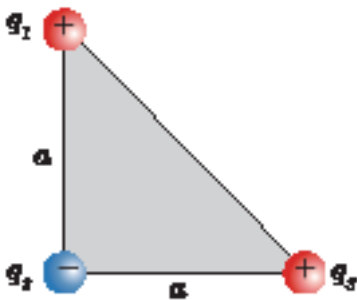
وُضعت ثلاث شحنات نقطية على رؤوس مثلث قائم متساوي الساقين، كما في الشكل $q_1 = q_3 = 5\mu C$ ، $q_2 = -3\mu C$. $a = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$. المطلوب: احسب شدة القوة المحصلة المؤثرة في الشحنة q_3 .

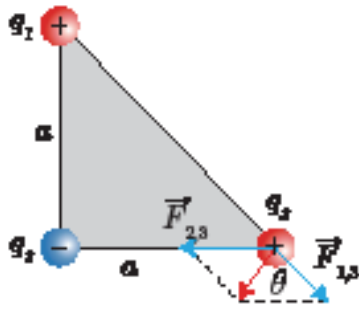
الحل:

نرسم مخططاً للقوى الكهربائية المؤثرة في الشحنة، آخذين بعين الاعتبار. ما إذا كانت هذه القوى تنافرية أم تجاذبية، ثم نمثل المحصلة $\vec{F}$.

- نستخدم قانون كولوم لإيجاد شدة القوة $\vec{F}_{13}$ (القوة التي تؤثر بها q_1 في q_3)

$$F_{13} = 9 \times 10^9 \frac{q_1 \cdot q_3}{(d_{13})^2}$$





- نحسب البُعد d_{13} بحسب فيثاغورث:

$$d_{13} = \sqrt{a^2 + a^2} = a\sqrt{2} = 5 \times 10^{-2} \sqrt{2} \text{ m}$$
 بالتعويض نجد:

$$F_{1,3} = 9 \times 10^9 \frac{5 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}{(5 \times 10^{-2} \sqrt{2})^2} = 45 \text{ N}$$
 وهي قوّة تنافريّة (الشحنتان من نفس النوع).
- نحسب شدّة القوّة $\vec{F}_{2,3}$ بالطريقة ذاتها:

$$F_{2,3} = 9 \times 10^9 \frac{3 \times 10^{-6} \times 5 \times 10^{-6}}{(5 \times 10^{-2})^2} = 54 \text{ N}$$
 وهي تجاذبيّة (الشحنتان مختلفتان بالنوع).
- إيجاد المُحصّلة: $\vec{F} = \vec{F}_{1,3} + \vec{F}_{2,3}$
- بالتربيع: $F^2 = F_{1,3}^2 + F_{2,3}^2 + 2F_{1,3}F_{2,3} \cos \theta$ حيث: $(\theta = \widehat{F_{1,3}, F_{2,3}})$ بالتعويض نجد:

$$F^2 = (45)^2 + (54)^2 + 2 \times 45 \times 54 \times \left(-\frac{1}{\sqrt{2}}\right) = 1504.5$$
 ومنه: $F = 38,78 \text{ N}$

تعلمت

- أنواع الكهرباء: الكهرباء الساكنة - الكهرباء المُتحرّكة.
- الكهرباء الساكنة: تجمّع الشّحنات الكهربائيّة على سطوح الأجسام.
- التكهرب: هو شحن الجسم بشحنة كهربائيّة عن طريق فقدانه أو اكتسابه للإلكترونات.
- التفريغ: هو انتقال الشّحنات الكهربائيّة من جسم إلى آخر.
- قانون كولوم: تؤثر شحنتان نقطيتان ساكّتان q_1 , q_2 بعضهما في الخلاء بقوّتين متعاكستين مَحْمُولَتَيْن على الخطّ الواصل بينهما، شدّتهما المُشتركة تتناسب طردياً مع كلّ من القيمتين المُطلقَتَيْن للشّحنتين، وعكساً مع مُربّع البُعد الفاصل بينهما وتُحسب بالعلاقة:

$$F = k \frac{q_1 q_2}{d^2}$$

أختبر نفسي



أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكلّ ممّا يأتي:

- القوى الكهربائيّة المُبادلة بين الشّحنات الكهربائيّة النقطيّة المُتماثلة، تكون قوَى:
 - تجاذبيّة فقط.
 - تنافريّة فقط.
 - تجاذبيّة وتنافريّة.
 - تجاذبيّة أو تنافريّة.
- شحنتان نقطيتان (q_2, q_1) ساكّتان، البُعد بينهما d ، نزيد البُعد بينهما ليصبح ثلاثة أمثال ما كان عليه فيصبح:
 - $F' = 3F$
 - $F' = \frac{F}{3}$
 - $F' = \frac{1}{9}F$
 - $F' = 9F$

3. شحنتان نقطيتان ساكنتان (q_2, q_1) ، نضاعف شحنة كل منهما، ونزيد البعد بين الشحنتين إلى الضعف فيصبح:

$$F' = 4F \quad \text{a.} \quad F' = F \quad \text{b.} \quad F' = \frac{F}{4} \quad \text{c.} \quad F' = \frac{F}{2} \quad \text{d.}$$

4. كرتان معدنيتان متماثلتان ومعزولتان، تحمل إحدهما الشحنة $q_1 = 10\mu\text{C}$ ، وتحمل الأخرى الشحنة

$$q_2 = -2\mu\text{C}، فإذا تلامست الكرتان، وفصلتا عن بعضهما فإن كلاً من الكرتين:$$

$$\begin{array}{llll} \text{a.} & \text{تحتفظ بشحنتها} & \text{b.} & \text{تحمل شحنة} \\ & \text{كما هي.} & & \text{قدرها } 6\mu\text{C}. \\ \text{c.} & \text{تحمل شحنة} & & \\ & \text{قدرها } 4\mu\text{C}. & & \\ \text{d.} & \text{تصبح معتدلة.} & & \end{array}$$

5. شحنتان نقطيتان ساكنتان، تبعدان عن بعضهما في الخلاء مسافة d ، وشدة القوة الكهربائية المتبادلة بينهما

$$F، فإذا زدنا كلاً من الشحنتين إلى ثلاثة أمثال ما كانت عليه، تصبح شدة القوة F' تساوي:$$

$$F' = 3F \quad \text{a.} \quad F' = 9F \quad \text{b.} \quad F' = 6F \quad \text{c.} \quad F' = \frac{1}{9}F \quad \text{d.}$$

ثانياً:

ما أوجه الشبه بين ظواهر التجاذب والتنافر بين الشحنتات الكهربائية وظواهر التجاذب والتنافر بين الأقطاب المغناطيسية، وما الاختلاف بين الشحنتات الكهربائية والمغانط؟

ثالثاً: حلّ المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

شحنتان نقطيتان ساكنتان $q_1 = 6\mu\text{C}$ ، $q_2 = -12\mu\text{C}$ ، البعد بينهما $d = 2\text{ cm}$. المطلوب:

احسب شدة القوة الكهربائية المتبادلة بين الشحنتين النقطيتين، مع رسم يوضح جهة القوة التي تؤثر بها q_2 على q_1 .

المسألة الثانية:

تتألف ذرة الهيدروجين ^1H من بروتون يقع في نواتها، ومن إلكترون يدور حول النواة على مسار نصف قطره $0.53 \times 10^{-10}\text{ m}$ ، فإذا علمت أن شحنة الإلكترون: $q_e = -1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$ ، وشحنة البروتون: $q_p = 1.6 \times 10^{-19}\text{ C}$ فاحسب شدة القوة الكهربائية المتبادلة بينهما مع رسم هندسي يوضح هذه القوة.

المسألة الثالثة:

مثلث متساوي الأضلاع، طول ضلعه 6 cm ، نضع في رؤوسه الثلاث (A, B, C) ثلاث شحنتات نقطية على الترتيب: $q_1 = 0.2\mu\text{C}$ ، $q_2 = 4\mu\text{C}$ ، $q_3 = 6\mu\text{C}$. احسب شدة محصلة القوى المؤثرة في q_1 .

المسألة الرابعة:

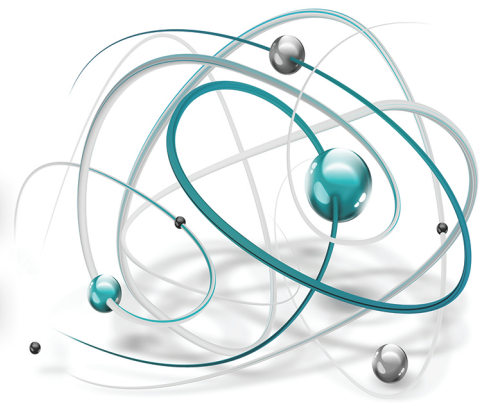
مثلث ABC قائم الزاوية في B ، طول ضلعه $AB = 40\text{ cm}$ ، وطول ضلعه $BC = 30\text{ cm}$ ، نضع في رؤوس المثلث (A, B, C) ثلاث شحنتات نقطية على الترتيب: $q_A = 4\mu\text{C}$ ، $q_B = 4\mu\text{C}$ ، $q_C = 3\mu\text{C}$. احسب شدة القوة الكهربائية المؤثرة في الشحنة q_B الموضوعة في الرأس B .

المسألة الخامسة:

ثلاث شحنتات نقطية ساكنة $q_1 = -8\mu\text{C}$ ، $q_2 = 3\mu\text{C}$ ، $q_3 = -4\mu\text{C}$ متوضعة عند النقاط (C, B, A) على الترتيب، وهي رؤوس مثلث متساوي الساقين $AB = BC = 18\text{ cm}$ ، وقائم الزاوية في B . المطلوب: احسب شدة القوة الكهربائية المؤثرة في الشحنة q_2 ، الموضوعة في B .

2-2

الحقل الكهربائي الساكن



الأهداف:



- * يتعرّف تجريبياً على الحقل الكهربائي الساكن.
- * يستنتج العوامل التي تتوقف عليها شدة الحقل الكهربائي.
- * يرسم خطوط الحقل الكهربائي المنتظم.
- * يستنتج العلاقة بين شدة الحقل وشدة القوة.

الكلمات المفتاحية:



- * الحقل الكهربائي.
Electric Field
- * خطوط الحقل الكهربائي.
Electric Field Lines



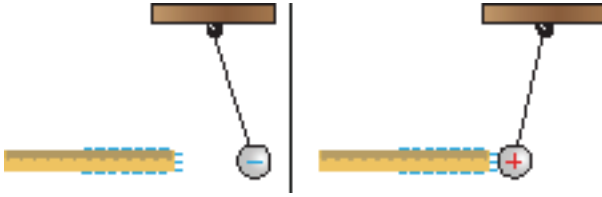
1-2 التعرف على الحقل الكهربائي الساكن

1-1-2 مفهوم الحقل الكهربائي

أجرب وأستنتج:

لأجراء التجربة أحتاج إلى:

1. نواص كهربائي (كرة من البيلسان).
2. مسطرة بلاستيكية.



- قَرِّب كرة نواص كهربائي من طرف مسطرة بلاستيكية. ماذا تستنتج في الحالات الآتية:
 1. كرة النواص الكهربائي غير مشحونة والمسطرة البلاستيكية غير مشحونة أيضاً.
 2. كرة النواص الكهربائي غير مشحونة والمسطرة البلاستيكية مشحونة.
 3. كرة النواص الكهربائي مشحونة والمسطرة البلاستيكية مشحونة.
- هل تتغير النتيجة إذا غيّرت مكان الكرة والمسطرة وهما مشحونتان، بحيث يقيان على بُعد مناسب من بعضهما؟

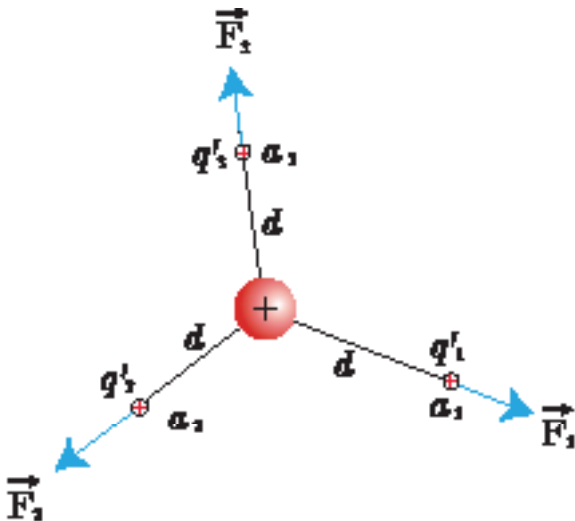
أستنتج

- تتحرك الكرة (تقترب أو تبتعد)، فينحرف خيط النواص عن وضع توازنه الشاقولي بسبب تأثير كونه بقوة كهربائية نتيجة وجود حقل كهربائي ساكن تولد عن الشحنات الكهربائية.
- نقول عن منطقة من الفراغ أنه يسودها حقل كهربائي ساكن إذا تعرضت كل شحنة كهربائية توضع فيها لقوة كهربائية تجاذبية أو تنافرية.

2-1-2 شدة الحقل الكهربائي الساكن المتولد عن شحنة نقطية ساكنة

ألاحظ وأستنتج:

- نضع شحنة نقطية q في نقطة ما بحيث يتولد عنها حقل كهربائي $\vec{E}$.
- نضع شحنة نقطية موجبة q' في النقاط a_1, a_2, a_3 المتساوية البعد عن q من المنطقة التي يسودها الحقل الكهربائي السابق $\vec{E}$ على الترتيب.



أكمل الجدول الآتي، وأستنتج فيما لو كانت الشحنة q' تخضع لشدة القوة الكهربائية ذاتها:

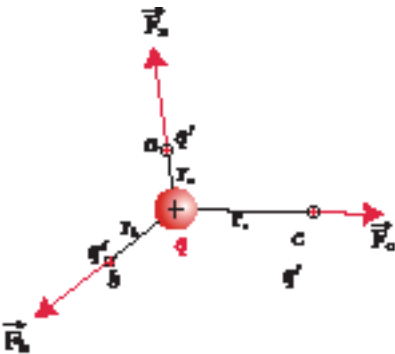
قيمة الشحنة المولدة للحقل q	قيمة الشحنة المتأثرة q' على بُعد $d = 10 \text{ cm}$	شدة القوة (N)	$\frac{F}{q'}$
$q = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$q' = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$	$F_1 =$	
$q = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$q' = 4 \times 10^{-6} \text{ C}$	$F_2 =$	
$q = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$q' = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$F_3 =$	

أرسم الخط البياني المُعبّر عن تغيّر شدة القوة بتغيّر قيمة الشحنة المتأثرة، ماذا ألاحظ؟

أستنتج

- نسمي النسبة $\frac{F}{q'}$ الثابتة بشدة الحقل الكهربائي المتولّد عن الشحنة q ، وتُعطى بالعلاقة: $E = \frac{F}{q'}$
- تقدّر شدة الحقل الكهربائي الساكن في الجملة الدولية بوحدة N.C^{-1} أو V.m^{-1} .
- شدة الحقل الكهربائي الساكن المتولّد عن الشحنة q متساوية في جميع نقاط الوسط العازل المتجانس المحيط بها، والتي تبعد عنها البعد ذاته.
- بما أن القوة مقدار شعاعي فالحقل الكهربائي مقدار شعاعي أيضاً، ويرتبطان بالعلاقة: $\vec{F} = q'\vec{E}$

ألاحظ وأستنتج



– نضع شحنات نقطية متماثلة الشحنة في النقاط c, b, a المختلفة البعد عن q من المنطقة التي يسودها الحقل الكهربائي السابق $\vec{E}$ كما في الشكل:

– هل تخضع الشحنة q' للقوة الكهربائية نفسها؟

– هل شدة الحقل الكهربائي المتولّد عن q ثابتة القيمة عند هذه النقاط؟

أجب حسابياً على كلّ من الأسئلة السابقة من خلال قراءة الجدول الآتي:

قيمة الشحنة المولدة للحقل q	قيمة الشحنة المتأثرة q'	بُعد q' عن q	شدة القوة (N)	شدة الحقل الكهربائي الساكن المتولّد عند النقاط السابقة
$q = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$q' = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$	$d_1 = 10 \text{ cm}$	$F_1 =$	$E_1 =$
$q = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$q' = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$	$d_2 = 20 \text{ cm}$	$F_2 =$	$E_2 =$
$q = 8 \times 10^{-6} \text{ C}$	$q' = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$	$d_3 = 30 \text{ cm}$	$F_3 =$	$E_3 =$

- تخضع الشحنة q' لقوى كهربائية $\vec{F}_1, \vec{F}_2, \vec{F}_3$ على الترتيب تختلف في الشدة والاتجاه، وذلك نتيجة تغير شدة الحقل الكهربائي بتغير بُعد النقطة عن الشحنة المولدة للحقل، وتنقص شدة الحقل الكهربائي كلما ابتعدنا عن هذه الشحنة.

2-2 عناصر شعاع الحقل الكهربائي الساكن في نقطة

من العلاقة الشعاعية $\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q}$ ، ما عناصر شعاع الحقل الكهربائي المتولد عن شحنة كهربائية ساكنة في نقطة منه؟

- **المبدأ:** النقطة المُعتبرة (المدرسة)
- **الحامل:** المُستقيم المار من النقطة المُعتبرة والشحنة النقطية المولدة للحقل.
- **الجهة:**
 - الشحنة q المولدة للحقل موجبة: تكون الجهة من الشحنة إلى النقطة.
 - الشحنة q المولدة للحقل سالبة: تكون الجهة من النقطة إلى الشحنة.
- **الشدة:** تُعطى بالعلاقة:

$$E = \frac{F}{q} \Leftrightarrow E = k \frac{q}{d^2}$$

حيث:

- q الشحنة المولدة للحقل، وتقدر بالكولوم C.
- q' الشحنة المتأثرة بالحقل، وتقدر بالكولوم C.
- d بُعد النقطة المُعتبرة عن q المولدة للحقل، وتقدر بالمتر m.
- k ثابت كولوم $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2.\text{C}^{-2}$.
- F شدة القوة الكهربائية المؤثرة في الشحنة q' ، وتقدر بالنيوتن N.
- E شدة الحقل الكهربائي في نقطة d تبعد عن الشحنة q المولدة للحقل، وتقدر بوحدة N.C^{-1} أو V.m^{-1} .



- نضع شحنة نقطية q' موجبة في نقطة a من منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن متولد عن شحنة موجبة q .
ارسم شعاع القوة المؤثرة في الشحنة q' .
ارسم شعاع الحقل الكهربائي المؤثر في الشحنة q' .
ماذا تلاحظ؟
- نضع شحنة نقطية q' موجبة في نقطة a من منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن متولد عن شحنة سالبة q .
ارسم شعاع القوة المؤثرة في الشحنة q' .
ارسم شعاع الحقل الكهربائي المؤثر في الشحنة q' .
ماذا تلاحظ؟
- أعد الرسم السابق في حال كانت الشحنة المتأثرة سالبة.

تطبيق (1)

أحدّد بالكتابة والرّسم عناصر شعاع الحقل الكهربائي المتولد عن شحنة نقطية $q = -3\mu\text{C}$ في نقطة a ، تبعد عنها في الخلاء مسافة $d = 2\text{ cm}$.

الحل:

عناصره:

- **المبدأ:** النقطة المعتبرة a .

- **الحامل:** المستقيم الواصل بين الشحنة المولدة للحقل والنقطة المعتبرة.

- **الجهة:** من a إلى q

- **الشدة:**

$$E = 9 \times 10^9 \frac{q}{d^2}$$

$$E = 9 \times 10^9 \frac{3 \times 10^{-6}}{(2 \times 10^{-2})^2}$$

$$E = 6.75 \times 10^7 \text{ N.C}^{-1}$$

تعميم

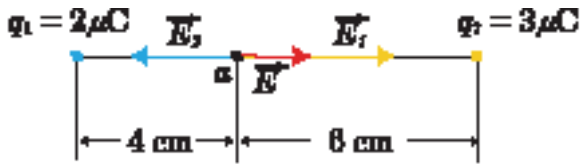
الحقل الكهربائي الساكن المتولد عن عدة شحنات نقطية:

- في حال وجود عدة شحنات نقطية ساكنة، تولّد كلّ منها حقلاً كهربائياً في نقطة واحدة a ، يُحسب الحقل الناتج عن كلّ شحنة عند a على حدة، ثمّ تُجمع الحقول جمعاً شعاعياً للحصول على الحقل الكهربائي الكلي المؤثر في a ؛ أي $\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$.
- إذا كانت مُحصلّة الحقول الكهربائيّة في نقطة ما معدومة، فإنّ هذه النقطة تسمى نقطة **التعادل الكهربائي**.

تطبيق (2)

شحنتان كهربائيتان نقطيتان؛ الأولى $q_1 = 2\mu\text{C}$ موضوعة في نقطة a_1 ، والثانية $q_2 = 3\mu\text{C}$ موضوعة في نقطة a_2 تبعد عن a_1 مسافة $a_1a_2 = 10\text{ cm}$. **المطلوب:** حدّد عناصر شعاع الحقل الكهربائي الساكن، المتولّد عن الشحنتين في نقطة a تقع على الخطّ الواصل بين النقطتين a_1, a_2 وعلى بُعد 4 cm عن a_1 في الخلاء.

الحل:



• **المبدأ:** النقطة a .

• **الحامل:** المستقيم المارّ من النقطتين a_1, a_2 .

• **الجهة:**

– بجهة E_1 إذا كان $E_1 > E_2$.

– بجهة E_2 إذا كان $E_2 > E_1$.

• **الشدة:** لحساب شدة الحقل المحصّل نحسب، أولاً، شدة الحقل المتولّد عن كلّ من q_1, q_2 عند النقطة a حيث:

$$E_1 = 9 \times 10^9 \frac{q_1}{d^2}$$

$$E_1 = 9 \times 10^9 \frac{2 \times 10^{-6}}{(4 \times 10^{-2})^2} = 1.125 \times 10^7 \text{ N.C}^{-1}$$

$$E_2 = 9 \times 10^9 \frac{3 \times 10^{-6}}{(6 \times 10^{-2})^2} = 0.75 \times 10^7 \text{ N.C}^{-1}$$

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$$

E_1, E_2 شعاعان على حاملٍ وبجهتين متعاكستين، فالشدة حاصل طرح الشدّتين وبجهة الأكبر.

$$E = E_1 - E_2$$

$$E = 1.125 \times 10^7 - 0.75 \times 10^7 = 3.75 \times 10^6 \text{ NC}^{-1}$$

تطبيق (3)

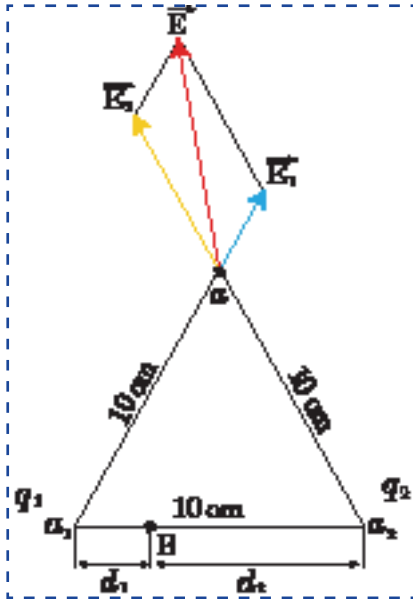
شحنتان كهربائيتان نقطيتان $q_1 = \frac{2}{9}\mu\text{C}$ في النقطة a_1 ، و $q_2 = \frac{8}{9}\mu\text{C}$ في النقطة a_2 ، البعد بينهما $a_1a_2 = 10\text{ cm}$. **المطلوب:**

1. احسب شدة الحقل الكهربائي المتولّد عن هاتين الشحنتين عند النقطة a ، الواقعة في الخلاء على بُعد 10 cm عن كلّ من الشحنتين.

2. حدّد موضع النقطة b ، الواقعة على القطعة المستقيمة a_1a_2 التي تنعدم فيها شدة الحقل الكهربائي.

الحل:

1.



$$E_1 = 9 \times 10^9 \frac{q_1}{d_1^2}$$

$$E_1 = 9 \times 10^9 \frac{\frac{2}{9} \times 10^{-6}}{(10 \times 10^{-2})^2} = 2 \times 10^5 \text{ N.C}^{-1}$$

$$E_2 = 9 \times 10^9 \frac{q_2}{d_2^2}$$

$$E_2 = 9 \times 10^9 \frac{\frac{8}{9} \times 10^{-6}}{(10 \times 10^{-2})^2} = 8 \times 10^5 \text{ N.C}^{-1}$$

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2$$

نتخلص من الأشعة بالتربيع والجذر فنجد:

$$E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2 + 2E_1E_2 \cos \theta}$$

$$E = \sqrt{(2 \times 10^5)^2 + (8 \times 10^5)^2 + 2 \times 2 \times 10^5 \times 8 \times 10^5 \cos \frac{\pi}{3}} = 9.16 \times 10^5 \text{ N.C}^{-1}$$

$$E_1 = E_2$$

$$k \frac{q_1}{d_1^2} = k \frac{q_2}{d_2^2}$$

$$\frac{\frac{2}{9} \times 10^{-6}}{d_1^2} = \frac{\frac{8}{9} \times 10^{-6}}{d_2^2}$$

$$\frac{1}{d_1^2} = \frac{4}{d_2^2} \dots\dots\dots ①$$

$$d_1 + d_2 = 0.1 \dots\dots\dots ②$$

$$d_1 = 0.0333 \text{ m} \Leftrightarrow d_1 = 3.3 \text{ cm}$$

$$d_2 = 10 - 3.3 = 6.7 \text{ m}$$

2.

بالحلّ المشترك للمعادلتين 1, 2 نجد:

ملاحظة: نقطة التعادل الكهربائي هي نقطة تنعدم عندها شدة مُحصّلة الحقول الكهربائيّة المُتولّدة عن شحنات كهربائيّة نقطيّة.

3-2 خطوط قوة الحقل الكهربائي الساكن:

أجرب وأستنتج:

لإجراء التجربة أحتاج إلى:

1. حوض زجاجي مناسب.

2. زيت خروع.

3. سلكين معدنيين.

4. صفيحتين معدنيتين مستويتين.

5. دقائق خفيفة عازلة (سميد، أو وبر).

6. آلة ويمشورت.

• أصب قليلاً من زيت الخروع في الحوض بحيث تكون لدينا طبقة زيتية بسُمك 1 cm تقريباً.

• أغمس في الزيت السلكين المعدنيين، وأصلهما بمولّد للكهرباء الساكنة،

• أنثر بين السلكين قليلاً من دقائق السميد أو الوبر.

• أكرّر التجربة باستخدام صفيحتين معدنيتين متوازيتين متماثلتين بدلاً من السلكين المعدنيين.

• أكرّر التجريبتين السابقتين بزيادة شدة الحقل الكهربائي.

– ما الشكل الذي ترسمه دقائق السميد أو الوبر على سطح الزيت في كل من التجريبتين الأولى والثانية؟ وما دلالة ذلك

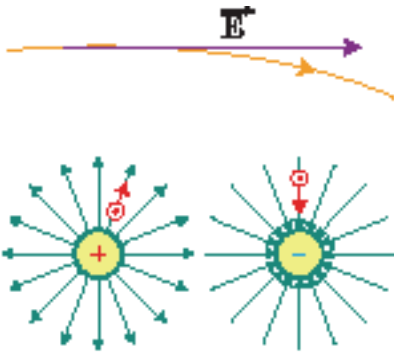
– ما أثر زيادة شدة الحقل على توزّع دقائق السميد أو الوبر على سطح الزيت؟

أستنتج:

• تدلّ الخطوط المنحنية على أن الحقل الكهربائي مُغيّر، أمّا الخطوط المتوازية فتدلّ على أن الحقل الكهربائي مُنتظم.

• زيادة شدة الحقل الكهربائي تجعل خطوط الحقل مُتراصة على بعضها أكثر.

• خطّ قوّة الحقل الكهربائي هو خطّ وهمي، يُرسم بحيث يكون شعاع الحقل الكهربائي مماساً له في كلّ نقطة من نقاطه، وجهته دوماً من جهة شعاع الحقل.



• خطوط قوّة الحقل الناتجة عن الشّحنات الموجبة مُتجهه للخارج بعيداً عنها، والناتجة عن الشّحنات السّالبة مُتجهه نحوها (تتجه خطوط القوّة من الشّحنات الموجبة إلى الشّحنات السّالبة).



• في كلّ نقطة من المنطقة التي يسودها حقل كهربائي لا يمرّ سوى خطّاً واحداً، وبالتالي خطوط القوّة لا تتقاطع؛ أي لا يمكن أن يكون للحقل إلاّ اتجاه واحد وشدة واحدة فقط.

• من تجربة الصفيحتين المتوازيتين نقول عن الحقل الكهربائي الساكن: إنّه مُنتظم إذا تساوت أشعة الحقل

في كلّ نقطة من نقاط تواجد الحقل حاملاً وجهةً وشدةً؛ أي $\vec{E} = \overline{const}$.

وتكون خطوط قوّته متوازية فيما بينها وبالجهة ذاتها، وإذا وُضعت فيه شحنة نقطية q' فإنّها تخضع للقوّة

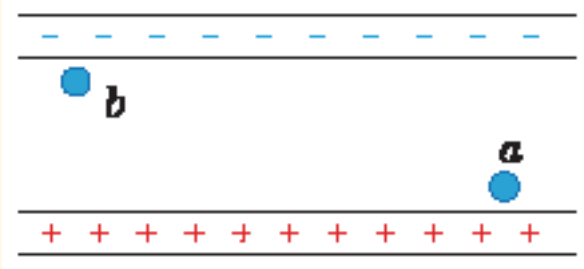
ذاتها $\vec{F} = q'\vec{E} = \overline{const}$ في أي نقطة من نقاطه.

أختبر نفسي



يبيّن الشكل صفيحتين متوازيتين ومشحونتين بشحنتين مختلفتين بالنوع.

المطلوب:



1. ارسم خطوط الحقل الكهربائي في الحيز بين الصفيحتين.
2. صف الحقل الكهربائي بين الصفيحتين.
3. إذا وُضع إلكترون عند النقطة a ، ما اتجاه القوة المؤثرة فيه؟
4. إذا وُضع بروتون عند النقطة b ، ما اتجاه القوة المؤثرة فيه؟

تعلمت

- تولّد الشحنة النقطيّة q في المنطقة المحيطة بها حقلاً كهربائياً $\vec{E}$ ، تُعطى شدّته بالعلاقة:

$$E = k \frac{q}{d^2}$$

- الحقل الناتج عن عدّة شحنات في نقطة يساوي التركيب الشعاعي للحقول المتولّدة عن كلّ شحنةٍ منفردة:

$$\vec{E} = \vec{E}_1 + \vec{E}_2 + \vec{E}_3 + \dots$$

- جهة شعاع الحقل باتجاه الشحنة إذا كانت سالبة، و بالاتّجاه المُعاكس إذا كانت موجبة.
- خطّ الحقل (أو خطّ القوة) خطٌّ وهمي، يمرُّ في كلّ نقطة من نقاطه شعاع الحقل في تلك النقطة.
- نقول عن الحقل الكهربائي الساكن إنّه مُنْتَظَم إذا تساوت أشعة الحقل في كلّ نقطة من المنطقة التي يسودها الحقل حاملاً وجهةً وشدّةً: أي $\vec{E} = \text{const}$.



أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1. وحدة قياس شدة الحقل الكهربائي:

- a. $N.m^{-2}$.b. $N.C^{-2}$.c. $N.C^{-1}$.d. $N.C^{-2}.m^{-2}$

2. إذا وضعت شحنة كهربائية نقطية سالبة حرة الحركة في منطقة يسودها حقل كهربائي منتظم فإنها:

- a. تبقى ساكنة في موضعها. b. تتحرك باتجاه الحقل الكهربائي. c. تتحرك في مسار دائري. d. تتحرك باتجاه معاكس لجهة الحقل الكهربائي.

3. في نقطة من منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن تكون شدته تتناسب طرذاً مع:

a. قيمة الشحنة المتأثرة الموضوعة في تلك النقطة.

b. قيمة الشحنة المولدة للحقل.

c. بُعد الشحنة المتأثرة عن الشحنة المولدة للحقل.

d. مربع بُعد الشحنة المولدة للحقل عن الشحنة المتأثرة.

4. منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن منتظم، شدته $E = 600 N.C^{-1}$ ، إذا وضعت فيه شحنة نقطية $q = 2\mu C$ فإنها تتأثر بقوة كهربائية $\vec{F}$ ، شدتها تساوي:

- a. $8 \times 10^{-4} N$.b. $4 \times 10^{-4} N$.c. $3 \times 10^{-4} N$.d. $12 \times 10^{-4} N$

5. إذا وضعت شحنتين نقطيتين ساكنتين q_2, q_1 ، على طرفي وتر مثلث قائم الزاوية، فيتولد في الرأس الثالث للمثلث حقل كلي كهربائي ساكن $\vec{E}$ ، تُعطى شدته بالعلاقة: (حيث E_1 شدة الحقل المتولد من q_1 و E_2 شدة الحقل المتولد من q_2)

- a. $E = \sqrt{E_1^2 - E_2^2}$.b. $E = E_1 + E_2$.c. $E = \sqrt{E_1^2 + E_2^2}$.d. $E = E_1 - E_2$

6. منطقة يسودها حقل كهربائي منتظم، شدته E ، إذا وضعت شحنة نقطية q فإنها تتأثر بقوة كهربائية شدتها F ، إذا جعلنا مقدار الشحنة $q' = 4q$ فتصبح F' تساوي:

- a. $F' = \frac{1}{4}F$.b. $F' = 16F$.c. $F' = 4F$.d. $F' = \frac{1}{8}F$

7. تشكّل الصفحتان المتوازيتان **لبوسي** مكثف، إذا وصلتا إلى منبع كهربائي متواصل، لتشحننا بشحنتين كهربائيتين متماثلتين بالمقدار ومختلفتين نوعاً، فالمنطقة المحددة بينهما يسودها حقل كهربائي ساكن منتظم، خطوطه مستقيمة متوازية فيما بينها:

a. وتوازي سطحي الصفحتين أفقياً.

b. وتوازي سطحي الصفحتين شاقولياً.

c. وعمودية على سطحي الصفحتين.

d. ومائلة على سطحي الصفحتين.

ثانياً: ضع إشارة ✓ إلى جانب العبارة الصحيحة، وإشارة X إلى جانب العبارة غير الصحيحة، ثم صححها في كل ممّا يأتي:

1. الحقل الكهربائي الساكن في نقطة من منطقة يسودها، يتعلّق بالشحنة الموضوعّة في تلك النقطة.
2. الحقل الكهربائي الساكن مقدارٌ سلمي.
3. يتولّد حقلٌ كهربائي ساكن مُنتظَم عن شحنة نقطيّة ساكنة في المنطقة المُحيطة بها.
4. إذا وضعت شحنة كهربائية نقطيّة في نقطة من منطقة يسودها حقلٌ كهربائي ساكن، تبقى ساكنة في النقطة التي توضع فيها.
5. أشعة الحقل الكهربائي الساكن مماسية لخطوط الحقل في كلّ نقطة من المنطقة التي يسودها.
6. تتقارب خطوط الحقل الكهربائي الساكن في منطقة يسودها حقلٌ ضعيف.
7. يمكن استعمال برادة الحديد وزيت الخروع، لتشكّل خطوط حقل كهربائي ساكن في منطقة يسودها هذا الحقل.

ثالثاً: حلّ المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

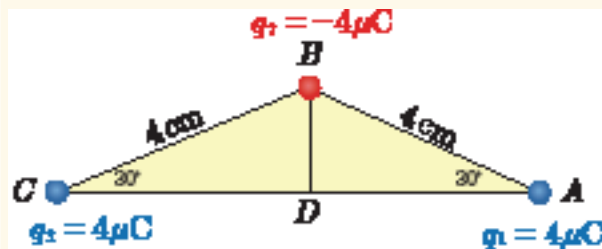
وضعت شحنة كهربائية نقطيّة $q = -2\mu C$ في نقطة من منطقة يسودها حقلٌ كهربائي مُنتظَم فتأثرت بقوة شدتها $F = 0.08 \text{ N}$. **والمطلوب:**

1. احسب شدة الحقل الكهربائي المُنتظَم المؤثر على q .
2. ارسم شكلاً يوضّح:
 - a. خطوط قوّة الحقل الكهربائي.
 - b. شعاع القوّة الكهربائيّة وشعاع الحقل الكهربائي المؤثرين في q .

المسألة الثانية:

من خلال قراءتك للشكل المجاور. **المطلوب:**

1. احسب شدة الحقل الكهربائي الكلي في النقطة D.
2. احسب شدة القوّة الكهربائيّة المؤثرة في الشحنة q_2 المتوضّعة في النقطة B.



المسألة الثالثة:

وُضعت أربع شحنات نقطيّة $q_1 = 2\mu C$ ، $q_2 = 4\mu C$ ، $q_3 = 6\mu C$ ، $q_4 = 8\mu C$ على زوايا مُربّع طول ضلعه $a = 0.1 \text{ m}$ مرتّبة على التوالي باتجاه دوران عقارب الساعة.

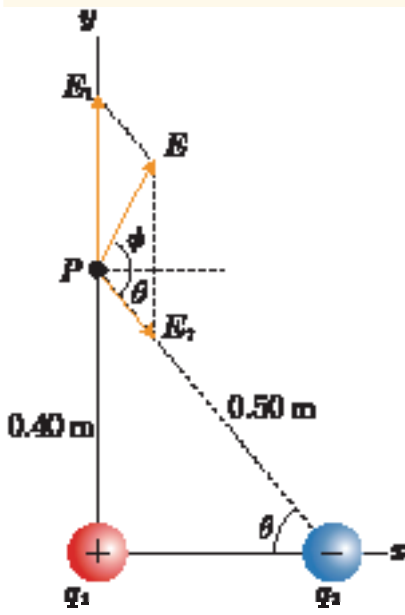
المطلوب:

1. احسب شدة الحقل الكهربائي الكلي الساكن عند مركز المُربّع.
 2. حدّد عناصر القوّة الكهربائيّة المؤثرة في إلكترون موضوع في مركز المُربّع
- شحنة الإلكترون: $e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$

المسألة الرابعة:

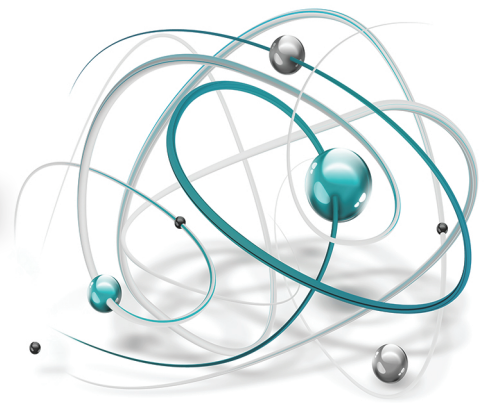
شحنتان مُتَوَضَّعتان على رأسي مُثلَّث قائم $q_2 = -12.5\mu C$ ، $q_1 = +16\mu C$ كما في الشَّكل المُجاوِر. **المطلوب:**

– احسب شدَّة الحقل الكهربائي الكلي الناجم في الرأس الثالث P للمُثلَّث.

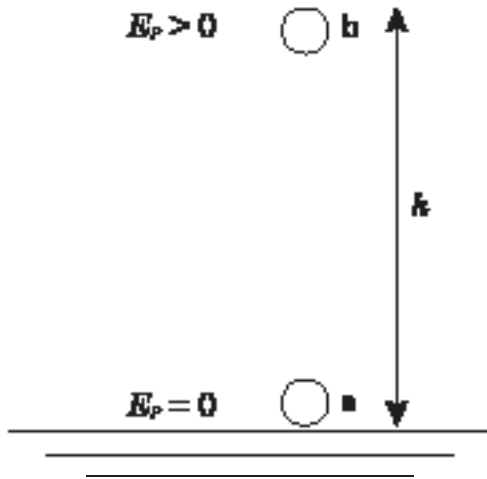


3-2

الكمون الكهربائي



تخضع الأجسام الموجودة بالقرب من سطح الأرض لتأثير حقل الجاذبية الأرضية، وبنقلها نحو الأعلى نقوم بعمل يعاكس عمل قوة جذب الأرض مما يكسبها طاقة كامنة ثقالية ($E_P = mgh$)، هذا ما يحدث للشحنات الكهربائية الساكنة عند وضعها ونقلها في منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن.



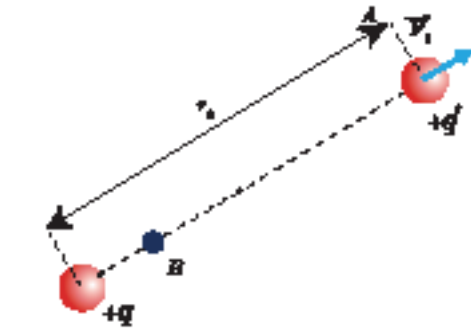
الأهداف:

- * يتعرّف الكمون الكهربائي في نقطة من منطقة يسودها الحقل الكهربائي.
- * يستنتج العلاقة بين الكمون الكهربائي وشدة الحقل الكهربائي في نقطة.
- * يستنتج علاقة الكمون الكهربائي في نقطة من منطقة يسودها الحقل الكهربائي.
- * يستنتج الكمون الكهربائي المتولد عن شحنة نقطية.
- * يستنتج علاقة الكمون الكهربائي لناقل كروي معزول و مشحون.
- * يتعرّف الوحدة الدولية للكمون الكهربائي.

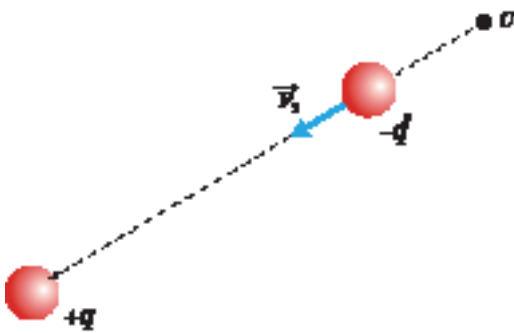
الكلمات المفتاحية:

- * الكمون الكهربائي.
- Electric Potential
- * ناقل كروي.
- Spherical Conductor

1-3 الكُمون الكهربائي في نقطة من منطقة يسودها حقل كهربائي :



- أضع شحنة كهربائية موجبة q' في نقطة A من منطقة يسودها حقل كهربائي مُتولد عن شحنة موجبة q .
- أحدد بالرّسم جهة القوة الكهربائية التي تؤثر بالشحنة q' .
- كيف تتحرّك الشحنة q' طوعياً ضمن الحقل.
- أطبق قوة مناسبة تنقل الشحنة q إلى النقطة B الواقعة على المُستقيم الواصل بين الشحنتين (q', q) ، والأقرب إلى q .
- هل تزداد الطاقة الكامنة الكهربائية للشحنة q' أم تنقص؟ علّل إجابتك.
- استبدل الشحنة q' بشحنة q'' سالبة.



- أحدد بالرّسم جهة القوة الكهربائية التي تؤثر بالشحنة q'' .
- كيف تتحرّك الشحنة q'' طوعياً ضمن الحقل؟
- أطبق قوة مناسبة تنقل الشحنة q'' إلى النقطة C الواقعة على امتداد المُستقيم الواصل بين الشحنتين (q'', q) من جهة q'' .
- هل تزداد الطاقة الكامنة الكهربائية للشحنة q'' أم تنقص؟ علّل إجابتك.

أستنتج:

- الحركة الطوعية للشحنات الكهربائية تكون حيث تنقص طاقتها الكامنة الكهربائية.
- تزداد الطاقة الكامنة الكهربائية للشحنة المتأثرة سواء كانت هذه الشحنة موجبة أم سالبة، والسبب اكتسابها عملاً اختزنته على شكل طاقة كامنة كهربائية.
- نسمي نسبة الطاقة الكامنة الكهربائية E_P التي تخزنها الشحنة الكهربائية في نقطة إلى قيمة الشحنة q' الموضوعه فيها بالكُمون الكهربائي V ، ويُعرف بالعلاقة: $V = \frac{E_P}{q'}$.
- E_P : الطاقة الكامنة الكهربائية للشحنة المتأثرة، وتقدر بالجول J .
- q' : قيمة الشحنة الكهربائية المتأثرة، وتقدر بالكولوم C .
- V : الكُمون الكهربائي و يقدر بالفولت $(Volt)$.
- بالاستفادة من العلاقة $V = \frac{J}{C}$ عرّف وحدة الفولط.

الفولت قيمة الكُمون الكهربائي عند نقطة، إذا وُضعت عندها وحدة الشحنات الموجبة فإنّها تكتسب طاقة كامنة كهربائية مقدارها واحد جول.

تطبيق (1)

تبلغ الطاقة الكامنة الكهربائية لبروتون $3.2 \times 10^{-14} J$ في نقطة من منطقة يسودها حقل كهربائي. المطلوب، احسب الكُمون الكهربائي عند هذه النقطة علماً أن: $e = 1.6 \times 10^{-19} C$.

الحل:

نحن نعلم أن شحنة البروتون = شحنة الإلكترون $1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$ بالقيمة المطلقة:

$$V = \frac{E_p}{q'} = \frac{3.2 \times 10^{-14}}{1.6 \times 10^{-19}} = 2 \times 10^5 \text{ V}$$

إضاءة



إن وحدة الكمون هي جول/الكولوم وسميت هذه الوحدة بالفولت تخليداً لذكرى العالم الإيطالي فولت (1827\1754) Volta الذي اخترع عمود فولطا وهو منبع للتيار الكهربائي.

2-3 الكمون الكهربائي الناجم عن شحنة نقطية:

من خلال الدراسة التجريبية في إحدى المخبر تمّ التوصل إلى النتائج الآتية:

- التجربة الأولى:

$\frac{V}{q}$	الكمون الكهربائي (V)	بُعد النقطة عن الشحنة d (m)	الشحنة المولدة للحقل (q) (C)
	$18 \times 10^4 \text{ V}$	$10 \times 10^{-2} \text{ m}$	$2 \times 10^{-6} \text{ C}$
	$36 \times 10^4 \text{ V}$	$10 \times 10^{-2} \text{ m}$	$4 \times 10^{-6} \text{ C}$
	$72 \times 10^4 \text{ V}$	$10 \times 10^{-2} \text{ m}$	$8 \times 10^{-6} \text{ C}$

من خلال قراءتك للجدول السابق، احسب النسبة $\frac{V}{q}$ ، ماذا أستنتج؟

- التجربة الثانية:

$V \times d$	الكمون الكهربائي (V)	بُعد النقطة عن الشحنة d (m)	الشحنة المولدة للحقل (q) (C)
	$18 \times 10^4 \text{ V}$	$10 \times 10^{-2} \text{ m}$	$2 \times 10^{-6} \text{ C}$
	$9 \times 10^4 \text{ V}$	$20 \times 10^{-2} \text{ m}$	$2 \times 10^{-6} \text{ C}$
	$6 \times 10^4 \text{ V}$	$30 \times 10^{-2} \text{ m}$	$2 \times 10^{-6} \text{ C}$

من خلال قراءتك للجدول السابق، احسب المقدار $V \times d$ ، ماذا أستنتج؟

أُستنتج

إنّ الكمون الكهربائيّ في نقطةٍ من حقل كهربائيّ يتناسبُ:

1. طرداً مع الشحنة النقطيّة المولّدة للحقل.
 2. عكساً مع بُعد هذه النقطة عن الشحنة المولّدة للحقل الكهربائي.
- تُعطى عبارة الكمون الكهربائي في نقطةٍ من حقل كهربائي بالعلاقة: $V = k \frac{q}{d}$ حيث: $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2.\text{C}^{-2}$ ثابت التناسب (ثابت كولوم).

من العلاقة الأخيرة نلاحظ أنّ الكمون الكهربائيّ المُتولّد عن شحنة كهربائيّة نقطيّة هو مقدارٌ فيزيائيّ سلبيّ يتبع الشحنة المولّدة له ويكون موجِباً إن كانت الشحنة المولّدة للحقل موجبة، وسالباً إن كانت سالبة.

تعميم

الكمون الكهربائي عند أيّة نقطة واقعة في منطقة يسودها حقل كهربائيّ تابع لعدّة شحنات نقطيّة يساوي المجموع الجبري للكمونات الناشئة عن الشحنات، كلّ على حدة في النقطة المعتبرة.

$$V = V_1 + V_2 + V_3 + \dots \text{ أي:}$$

تطبيق (2)

في الشكل المجاور شحنتان نقطيتان قيمتهما $q_1 = 6 \times 10^{-9} \text{ C}$ ، $q_2 = -6 \times 10^{-9} \text{ C}$ وضعتا في النقطتين M_1, M_2 ، بحيث تبعدان عن بعضهما مسافة 10 cm في الخلاء. المطلوب:

احسب الكمون الكهربائي في النقاط a, b .

الحل:

بما أن الكمون مقدار جبري فالكمون الكلي الناتج يجمع جمعاً جبرياً:

$$V = V_1 + V_2$$

الكمون في النقطة a :

$$V_a = V_1 + V_2$$

$$V_a = 9 \times 10^9 \frac{q_1}{d_1} - 9 \times 10^9 \frac{q_2}{d_2}$$

$$V_a = 9 \times 10^9 \frac{6 \times 10^{-9}}{6 \times 10^{-2}} - 9 \times 10^9 \frac{6 \times 10^{-9}}{4 \times 10^{-2}}$$

$$V_a = 900 - 1350 = -450 \text{ V}$$

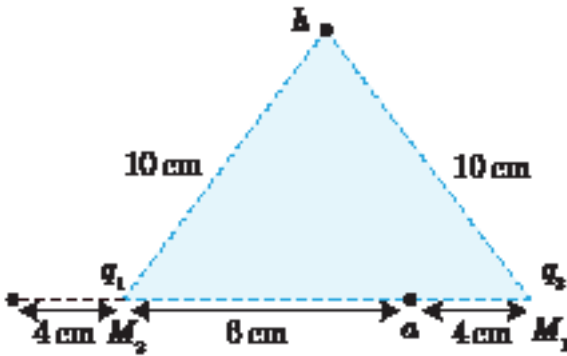
الكمون في النقطة b :

$$V_b = V_1 + V_2$$

$$V_b = 9 \times 10^9 \frac{q_1}{d_1} - 9 \times 10^9 \frac{q_2}{d_2}$$

$$V_b = 9 \times 10^9 \frac{6 \times 10^{-9}}{4 \times 10^{-2}} - 9 \times 10^9 \frac{6 \times 10^{-9}}{14 \times 10^{-2}}$$

$$V_b = 1350 - 395.7 = 954.3 \text{ V}$$



الكمون في النقطة h :

$$V_h = V_1 + V_2$$

$$V_h = 9 \times 10^9 \frac{q_1}{d_1} - 9 \times 10^9 \frac{q_2}{d_2}$$

$$V_h = 9 \times 10^9 \frac{6 \times 10^{-9}}{10 \times 10^{-2}} - 9 \times 10^9 \frac{6 \times 10^{-9}}{10 \times 10^{-2}}$$

$$V_h = 540 - 540 = 0 \text{ V}$$

لاحظ أن الكمون الكهربائي في النقطة h معدوم، في حين أن الحقل الكهربائي غير معدوم.

3-3 العلاقة بين الكمون الكهربائي، وشدة الحقل الكهربائي المتولد عنه شحنة نقطية في نقطة:

يتولد حقل كهربائي عن شحنة نقطية q ، ولتكن a نقطة من هذا الحقل تبعد عن q مسافة d في الخلاء:

1. اكتب العلاقة التي تُعطي الكمون الكهربائي في النقطة a .

2. اكتب العلاقة التي تُعطي شدة الحقل الكهربائي في النقطة a .

3. استنتج العلاقة التي تربط بين الكمون الكهربائي وشدة الحقل الكهربائي في نقطة منه.

استنتج: يرتبط الكمون الكهربائي الناجم عن شحنة نقطية مع شدة الحقل الكهربائي في نقطة منه بالعلاقة:

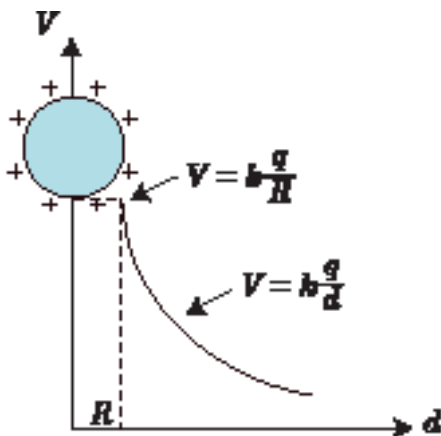
$$E = \frac{V}{d}$$

أتفكر



هل تبقى العلاقة بين شدة الحقل و الكمون ذاتها في حال كان الحقل الكهربائي متولد عن عدة شحنات نقطية؟

4-3 الكمون الكهربائي لناقل كروي معزول ومشحون:



إن الشحنة الكهربائية التي يحملها ناقل كروي معزول ومشحون تكافئ شحنة q نقطية موضوعة في مركز الناقل، والكمون الكهربائي هو ذاته لجميع نقاط هذا

الناقل، ويُعطى بالعلاقة: $V = k \frac{q}{R}$ حيث R : نصف قطر الناقل الكروي.

لاحظ أن:

- الكمون الكهربائي في النقاط الواقعة خارج الناقل الكروي وعلى بُعد من مركزه يُعطى بالعلاقة: $V = k \frac{q}{d}$
- تتناقص قيمة الكمون الكهربائي كلما ابتعدنا عن سطح الناقل حتى تصبح مُساوية الصفر عند نقطة في اللانهاية $V_{\infty} = 0$
- شدّة الحقل الكهربائي داخل الناقل معدومة. لأنّ الشُّحنات تتوزّع على السطح الخارجي للناقل.

تطبيق (3)

ناقلٌ كرويٌّ معزول، قطره 6 cm، موضوع في الخلاء كمونه يساوي -900 V ، **المطلوب:** حساب:

1. قيمة الشُّحنة الكهربائيّة للناقل.
2. قيمة الكمون الكهربائي عند نقطة تبعد 3 cm عن سطحه (نحو الخارج).

المُعطيات:

$$2R = 6 \text{ cm} \Leftrightarrow R = 3 \text{ cm} = 3 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$V = -900 \text{ V}$$

الحل:

$$1. \quad V = 9 \times 10^9 \frac{q}{R}$$

$$q = \frac{V R}{9 \times 10^9}$$

$$q = \frac{-900 \times 3 \times 10^{-2}}{9 \times 10^9} = -3 \times 10^{-9} \text{ C}$$

2.

$$V = 9 \times 10^9 \frac{q}{d}$$

$$d = 3 + 3 = 6 \text{ cm} = 6 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$V = 9 \times 10^9 \frac{-3 \times 10^{-9}}{6 \times 10^{-2}} = -450 \text{ V}$$

تعلمتُ

- يرتبط الكمون الكهربائي الناجم عن شحنة نقطية مع شدّة الحقل الكهربائي في نقطة منه بالعلاقة: $E = \frac{V}{d}$
- الكمون الكهربائي الناجم عن شحنة نقطية q في نقطة تبعد عن q مسافة d يُعطى بالعلاقة: $V = k \frac{q}{d}$
- الكمون الكهربائي الناجم عن عدّة شحنات نقطية يساوي المجموع الجبري للكمونات الناجمة عن كلّ شحنة مُنفردة.



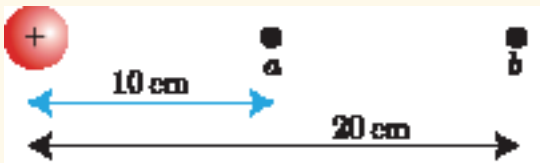
أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1. ناقل كروي مُعتدل ومعزول، قطره 2 m، إذا اكتسب شحنة مقدارها 2 c فإن كموه الذي يُقدَّر بالفولت بدلالة ثابت كولوم يساوي:

- a. $2k$ b. k c. $\frac{k}{2}$ d. $\frac{k}{4}$

2. في السؤال السابق يكون الكمون الكهربائي عند نقطة على بُعد 50 cm من مركز الناقل بدلالة ثابت كولوم مُساوياً:

- a. $2k$ b. k c. $\frac{k}{2}$ d. $\frac{k}{4}$



3. في الشكل المُجاور، إذا علمت أن الكمون الكهربائي عند النقطة a يساوي 2V، فإن الكمون الكهربائي عند النقطة b يساوي:

- a. 4V b. 3V c. 2V d. 1V

4. في السؤال السابق تكون شحنة الناقل بالكولوم بدلالة ثابت كولوم مُساوية:

- a. $\frac{0.2}{k}$ b. $\frac{k}{2}$ c. $\frac{20}{k}$ d. $20k$

ثانياً: حلّ المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

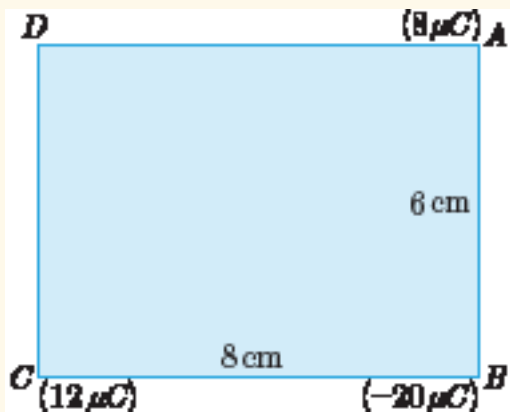
احسب الطاقة الكامنة الكهربائية التي يكتسبها جسيم شحنته $q' = 2\mu C$ إذا وضع عند نقطة تقع على بعد 3 cm من شحنة نقطية مقدارها $q = 3 \times 10^{-8} C$.

المسألة الثانية:

في الشكل المُجاور ثلاث شحنات نقطية موضوعة عند الرؤوس A, B, C للمستطيل. المطلوب:

- احسب الكمون الكهربائي عند النقطة D.
- احسب الكمون الكهربائي عند نقطة تلاقي قطري المستطيل.

3. نضع شحنة نقطية رابعة عند الرأس D، قيمتها $-20\mu C$ ، احسب شدة الحقل الكهربائي المُتولد عن الشحنات الأربع عند نقطة تلاقي قطري المستطيل.



المسألة الثالثة:

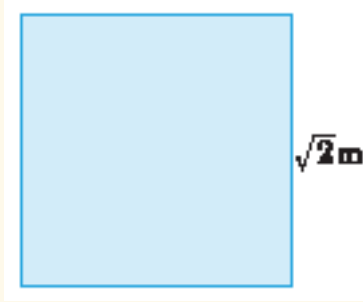
ناقل كروي معزول ومشحون، نصف قطره 2 cm، فإذا علمت أن الكمون الكهربائي على سطحه يساوي $4.5 \times 10^3 \text{ V}$ ، **المطلوب:**

1. احسب شحنة الناقل الكروي.
2. احسب الكمون الكهربائي عند النقاط الآتية:
 - a. نقطة تقع على بُعد 1 cm من المركز.
 - b. نقطة تقع على بُعد 10 cm من المركز.
 - c. نقطة تقع على بُعد 16 cm من سطح الناقل.

المسألة الرابعة:

مربع ABCD طول ضلعه 5 cm، وُضِعَت عند الرأس A الشحنة $20 \mu\text{C}$ ، وعند الرأس B الشحنة $10\sqrt{2} \mu\text{C}$ ، **المطلوب:** احسب الشحنة اللازم وضعها عند الرأس C ليكون الكمون الكهربائي عند الرأس D مساوياً للصفر.

المسألة الخامسة:



نضع في الرؤوس الأربعة لمربع طول ضلعه $\sqrt{2} \text{ m}$ الشحنت النقطية الآتية: $q_1 = 2 \times 10^{-8} \text{ C}$ ، $q_2 = 3 \times 10^{-8} \text{ C}$ ، $q_3 = 2 \times 10^{-8} \text{ C}$ ، $q_4 = 1 \times 10^{-8} \text{ C}$

المطلوب:

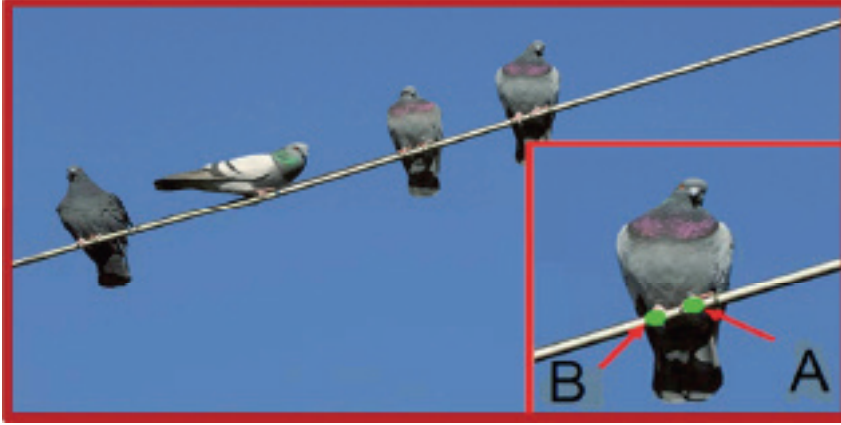
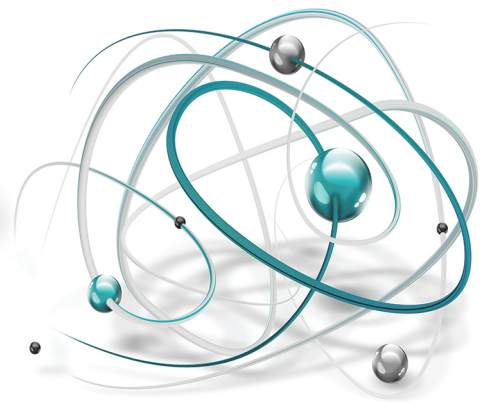
احسب قيمة الكمون الكهربائي المتولد في نقطة تلاقي قطري المربع.

المسألة السادسة:

ثلاث شحنت كهربائية $q_1 = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$ ، $q_2 = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$ ، $q_3 = 2 \times 10^{-6} \text{ C}$ تتوزع على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه 3 cm، **المطلوب:**

1. احسب قيمة الكمون الكهربائي في نقطة تلاقي متوسطات المثلث.
2. نضع في نقطة تلاقي متوسطات المثلث شحنة كهربائية $-1 \times 10^{-6} \text{ C}$. احسب الطاقة الكامنة الكهربائية لهذه الشحنة.
3. بفرض أننا وضعنا في نقطة تلاقي متوسطات المثلث شحنة كهربائية $+1 \times 10^{-6} \text{ C}$ ، وتركناها حرة. ماذا يحدث لهذه الشحنة؟ وما الطاقة الحركية العظمى التي تبلغها؟

4-2 فرق الكمون الكهربائي



الأهداف:

- في هذه الصورة نشاهد أن طائر الحمام يقف على سلك ناقلٍ يجتازُه تيارٌ كهربائي.

ألاحظ وأجيب:

- هل يحدثُ تَكهْرُبٌ للحمام الذي يقفُ على سلك الناقل؟ ولماذا برأيك؟
- ما العلاقةُ بينَ كمون النقطة A وكمون النقطة B الموضَّحتين في الصورة؟
- للإجابة على هذه التَّساؤلات، لابدَّ من توضيح مفهوم فرق الكمون الكهربائي بين نقطتين.

* يتعرَّف فرق الكمون الكهربائي بين نقطتين من منطقةٍ يسودها حقلاً كهربائياً.

* يستنتج العلاقة بين فرق الكمون وعمل القوة الكهربائية.

* يتعرَّف الوحدة الدوليَّة لفرق الكمون اعتماداً على العلاقة بين فرق الكمون وعمل القوة الكهربائية.

* يستنتج العلاقة بين شدة الحقل الكهربائي المنتظم وفرق الكمون. (علاقة فرق الكمون مع عمل القوى الكهربائية).

الكلمات المفتاحية:

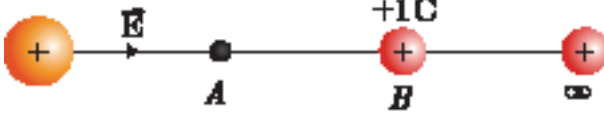
* فرق الكمون الكهربائي
Difference Electric
Potential

1-4 فرق الكمون الكهربائي بين نقطتين:

- لنتأمل فقاعة صغيرة من الهواء في أنبوب زجاجي مغلق، يحوي ماءً موضوعاً على سطح منضدة أفقية.
- أضع الأنبوب بشكل شاقولي. هل تتحرك فقاعة الهواء؟
- أضع الأنبوب بشكل مائل من أحد طرفيه. بأي اتجاه تتحرك فقاعة الهواء؟
- هل يمكن للشحنة الكهربائية الموضوعة في منطقة يسودها حقل كهربائي أن تسلك سلوك فقاعة الهواء في حركتها؟

2-4 العلاقة بين فرق الكمون وعمل القوة الكهربائية

- أضع شحنة نقطية موجبة q' في نقطة A من منطقة يسودها حقل كهربائي.
- تتأثر الشحنة q' بالقوة الكهربائية $\vec{F}$ ، تنتقل من النقطة A إلى نقطة B .



- اكتب عبارة الطاقة الكامنة الكهربائية للشحنة q' في كل من النقطتين (B, A) .
- اكتب العلاقة بين عمل القوة الكهربائية وتغير الطاقة الكامنة الكهربائية.
- استنتج علاقة فرق الكمون الكهربائي بين النقطتين (B, A) بدلالة عمل القوة الكهربائية.
- استنتج تعريف فرق الكمون الكهربائي بين نقطتين من خلال ما سبق.

$$E_{PB} = q' V_B \quad E_{PA} = q' V_A$$

حسب نظرية الطاقة الكامنة. $W_{A \rightarrow B} = -\Delta E_P$

$$W_{A \rightarrow B} = -(E_{PB} - E_{PA})$$

$$W_{A \rightarrow B} = (E_{PA} - E_{PB})$$

$$W_{A \rightarrow B} = (q' V_A - q' V_B)$$

$$W_{A \rightarrow B} = q' (V_A - V_B)$$

$$V_A - V_B = \frac{W_{A \rightarrow B}}{q'}$$

$$U_{AB} = V_A - V_B$$

$$U_{AB} = \frac{W_{A \rightarrow B}}{q'}$$

- أستنتج أن فرق الكمون الكهربائي بين نقطتين هو مقدار العمل المبذول لنقل وحدة الشحنات الموجبة بين النقطتين بعكس اتجاه الحقل الكهربائي، أي هو مقدار الطاقة الكامنة الكهربائية التي تكتسبها وحدة الشحنات الموجبة عند نقلها بين النقطتين بعكس اتجاه الحقل الكهربائي.

أفكر وأجيب:

$$U_{AB} = \frac{W_{A \rightarrow B}}{q'} \quad \text{اعتماداً على العلاقة}$$

- ما وحدة فرق الكمون في الجملة الدولية؟
- بفرض أن الشحنة المُنتقلة بين النقطتين (B, A) هي إلكترون، وعلى فرض أن فرق الكمون بين النقطتين يساوي (1) فولت. استنتج قيمة العمل المبذول.

$$- \quad \text{إن وحدة قياس فرق الكمون في الجملة الدولية هي الفولت} \quad 1 \text{ (Volt)} = \frac{1 \text{ (J)}}{1 \text{ (C)}}$$

و يُعرّف الفولت بأنه: فرق الكمون بين نقطتين من منطقة يسودها حقل كهربائي، إذا انتقلت بينهما شحنة نقطية مقدارها 1C، كان عمل القوة الكهربائية في أثناء انتقالها مساوياً 1J.

- إذا كانت الشحنة المُنتقلة بين النقطتين في منطقة الحقل هي إلكترون، نجد أن العمل المبذول:

$$W_{A \rightarrow B} = e(V_A - V_B)$$

$$W_{A \rightarrow B} = e(1V) = 1.6 \times 10^{-19} \text{ (C)} \times 1 \text{ (V)} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

$$1eV = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$$

وبالتالي يعرف الإلكترون فولت بأنه العمل المصروف على نقل إلكترون بين نقطتين من منطقة يسودها حقل كهربائي، فرق الكمون بينهما فولت واحد.
أو الطاقة الحركية التي يكتسبها الإلكترون عندما ينتقل بين نقطتين في منطقة يسودها حقل كهربائي فرق الكمون الكهربائي بينهما يساوي فولتاً واحداً.

أُستنتج:



إنَّ فرقَ الكمون بينَ نقطَتَين من منطقة يسودُها حقلٌ كهربائيٌّ ساكن:

- يحدّد التغيّر الطارئ على الطاقة الكامنة للشحنة عندما تنتقل بين هاتين النقطتين.
- يحدّد الحركة التلقائية للشحنات الكهربائيّة، فتنقل الشحنات الموجبة من الكمون المرتفع إلى الكمون المنخفض، والشحنات السالبة تنتقل من الكمون المنخفض إلى الكمون المرتفع.

$$U_{BA} = V_B - V_A$$

$$U_{BA} = -(V_A - V_B)$$

- لا يتعلق بالطريق المسلك.

تطبيق (1)

من الشكل أحسب:

$$q = 40 \mu\text{C}$$



1. فرق الكمون بين النقطتين a و b .

2. العمل المبذول لنقل إلكترون من a إلى b .

$$e = 1.6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

الحل:

1.

$$V_a = 9 \times 10^9 \frac{q}{d_a}$$

$$V_a = 9 \times 10^9 \times \frac{40 \times 10^{-6}}{8 \times 10^{-2}} = 4.5 \times 10^6 \text{ volts}$$

$$V_b = 9 \times 10^9 \frac{q}{d_b}$$

$$V_b = 9 \times 10^9 \times \frac{40 \times 10^{-6}}{12 \times 10^{-2}} = 3 \times 10^6 \text{ volts}$$

$$U_{ab} = V_a - V_b$$

$$U_{ab} = (4.5 - 3) \times 10^6 = 1.5 \times 10^6 \text{ volts}$$

2.

$$W_{a \rightarrow b} = qU_{ab}$$

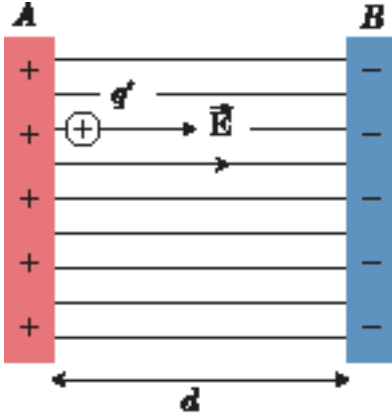
$$W_{a \rightarrow b} = -1.6 \times 10^{-19} (1.5 \times 10^6) = -2.4 \times 10^{-13} \text{ J}$$

3-4 العلاقة بين شدة الحقل الكهربائي المنتظم وفرق الكمون:

ألاحظ وأجيب:

في الشكل المجاور:

- ماذا أسمي الحقل الكهربائي المُتولد بين الصفيحتين، وما جهته؟
- ما العمل الناتج من الانتقال التلقائي للشحنة الموجبة q' من الصفيحة المُستوية A إلى الصفيحة المُستوية B ؟
نعلم أن:



$$W_{A \rightarrow B} = Fd = q'Ed$$

وكذلك:

$$W_{A \rightarrow B} = q'U_{AB}$$

بالمساواة بين العلاقتين

$$W_{A \rightarrow B} = q'Ed = q'U_{AB}$$

$$U_{AB} = Ed \Rightarrow E = \frac{U_{AB}}{d} = \frac{V_A - V_B}{d}$$

ومن العلاقة الأخيرة نستدل على وحدة جديدة لقياس شدة الحقل الكهربائي هي فولت / متر ($\frac{V}{m}$) وهي تكافئ الوحدة نيوتن / كولوم ($\frac{N}{C}$).

تطبيق (2)

إذا كان فرق الكمون الكهربائي بين صفيحتين مُستويتين مُتوازيتين مشحونتين بشحنتين مُختلفتين يساوي 240 V، والمسافة بينهما 0.8 cm، فأحسب شدة الحقل الكهربائي المنتظم بين الصفيحتين.

الحل:

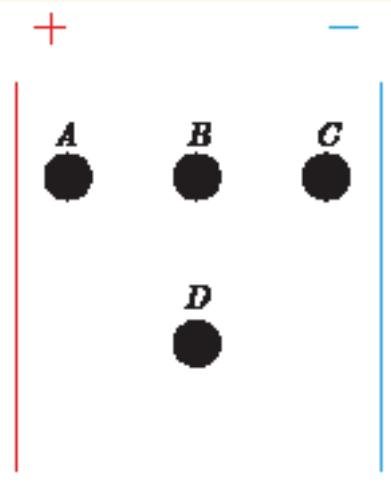
$$E = \frac{U_{AB}}{d} = \frac{240}{0.008} = 30000 \text{ V.m}^{-1}$$

- العلاقة بين فرق الكمون وعمل القوة الكهربائية $U_{AB} = \frac{W_{A \rightarrow B}}{q'}$.
- الإلكترون فولت: هو العمل المصروف على نقل إلكترون بين نقطتين من منطقة يسودها حقل كهربائي فرق الكمون بينهما فولت واحد. $1\text{eV} = 1.6 \times 10^{-19} \text{ J}$.
- فرق الكمون بين نقطتين من منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن:
 - يحدّد التغيّر الطارئ على الطاقة الكامنة للشحنة عندما تنتقل بين هاتين النقطتين.
 - يحدّد الحركة التلقائية للشحنات الكهربائية، فتنقل الشحنات الموجبة من الكمون المرتفع إلى الكمون المنخفض، والشحنات السالبة تنتقل من الكمون المنخفض إلى الكمون المرتفع.
 - $U_{BA} = -(V_A - V_B)$ ، $U_{BA} = V_B - V_A$
 - لا يتعلق بالطريق المسلك.
- العلاقة بين شدة الحقل الكهربائي و فرق الكمون $U_{AB} = Ed \Rightarrow E = \frac{U_{AB}}{d} = \frac{V_A - V_B}{d}$



أولاً: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي:

1. إذا كان العمل المبذول لنقل شحنة مقدارها $10\mu C$ بين نقطتين من منطقة يسودها حقل كهربائي ساكن يساوي $0.01 J$ ، فإن فرق الكمون بين هاتين النقطتين يساوي:
 - a. $10^3 V$
 - b. $10^{-3} V$
 - c. $10^2 V$
 - d. $10^{-2} V$
2. إذا كان فرق الكمون بين نقطتين $U_{AB} = 10^3 V$ ، وهما ضمن منطقة يسودها حقل كهربائي منتظم شدته $10^4 N/C$ ، فإن البعد بين النقطتين:
 - a. $1 m$
 - b. $1 cm$
 - c. $0.1 m$
 - d. $0.1 cm$
3. في الشكل المجاور ينعلم فرق الكمون الكهربائي بين النقطتين:
 - a. (A, B)
 - b. (A, C)
 - c. (B, D)
 - d. (D, A)



4. إذا أثرت قوة كهربائية شدتها $2 \times 10^{-2} N$ على شحنة كهربائية، فانتقلت مسافة $10 cm$ ضمن الحقل الكهربائي المنتظم، فيكون عمل هذه القوة مساوياً لـ:
 - a. $10 J$
 - b. $1000 J$
 - c. $1/1000 J$
 - d. $1/500 J$

ثانياً: أجب عن الأسئلة الآتية:

1. هل يتطلب تحريك شحنة على سطح ناقل مشحون ومعزول إنجاز عمل؟ وضح السبب.
2. ناقلان كرويان متساويان قطراً أحدهما مجوّف والآخر مصمت. أيّ منهما يستوعب شحنة أكثر؟ وضح السبب.
3. إذا كانت شدة الحقل الكهربائي عند نقطة من ناقل تساوي الصفر. فهل يجب أن يكون الكمون مساوياً الصفر؟ وضح إجابتك.

ثالثاً: حلّ المسائل الآتية:

المسألة الأولى:

بين نقطتين (b, a) فرق كمون كهربائي قدره 6 V احسب قيمة العمل الذي تقوم به القوة الكهربائية المؤثرة في شحنة كهربائية قيمتها $300 \mu\text{C}$ عندما تنتقل بين النقطتين السابقتين.

المسألة الثانية:

نضع جسيماً كتلته $m = 10^{-3} \text{ g}$ مشحوناً بشحنة $q = 1 \mu\text{C}$ في منطقة يسودها حقل كهربائي منتظم شدته $E = 10^4 \text{ V/m}$ ونتركه دون سرعة ابتدائية. **المطلوب:**

1. برهن أن حركة الجسيم في المنطقة هي حركة مستقيمة متسارعة بانتظام، وذلك بإهمال ثقله.
2. حساب تغير الطاقة الكامنة للجسيم عندما يقطع مسافة 10 m .
3. حساب سرعة الجسيم بعد أن يقطع المسافة السابقة 10 m .

المسألة الثالثة:

AB قطر أفقي لنصف دائرة طوله 5 cm ، نضع في النقطة A شحنة نقطية $q_1 = 10 \times 10^{-9} \text{ C}$ ، وفي النقطة B شحنة نقطية $q_2 = -30 \times 10^{-9} \text{ C}$ **المطلوب:** حساب:

1. قيمة الكمون الكهربائي في كل من النقطتين (N, M) الواقعتين على محيط نصف الدائرة حيث:
 $AM = 3 \text{ cm}$ ، $AN = 4 \text{ cm}$
2. قيمة فرق الكمون الكهربائي $V_N - V_M$
3. قيمة العمل الكهربائي اللازم لانتقال الشحنة $q' = \frac{10}{3} \times 10^{-9} \text{ C}$ من النقطة N إلى النقطة M .

مشروع دراسة آلية عمل ماكينة تصوير المستندات

مقدمة:

تستخدم ماكينة تصوير المستندات مبدأ جذب الشحنات المتعاكسة.

الهدف العام:

الاستفادة من أساسيات الكهرباء الساكنة في الحياة اليومية وسوق العمل.

أهداف المشروع:

1. دراسة أجزاء ماكينة تصوير المستندات.
2. دراسة آلية عمل ماكينة تصوير المستندات.

مراحل المشروع:

أولاً- التخطيط:

- البحث في مراحل تطور عمل ماكينة تصوير المستندات.
- البحث في مبدأ جذب الشحنات الكهربائية المتعاكسة.

ثانياً- التنفيذ:

- يتم توزيع الطلاب إلى مجموعتين:
 - المجموعة الأولى: مهمتها دراسة أجزاء ماكينة تصوير المستندات.
 - المجموعة الثانية: مهمتها دراسة آلية عمل ماكينة تصوير المستندات.
 - المجموعة الثالثة: البحث عبر الشابكة عن أنواع مختلفة لماكينات تصوير المستندات وقدرتها الإنتاجية والجدوى الاقتصادية لكل منها.

ثالثاً- التقويم:

مناقشة النتائج ومقارنتها وإعداد تقرير كامل حول عمل كل جزء من ماكينة تصوير المستندات ودور أساسيات الكهرباء الساكنة فيها.





ISBN 978-9933-0-0735-5



9 789933 007355